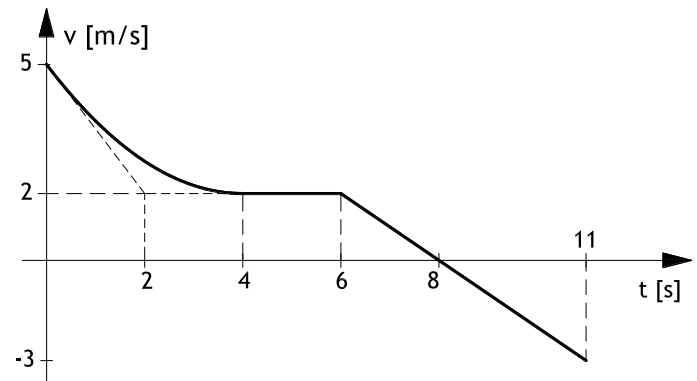


NAPOMENA: Zadatak mora biti riješen uredno i pregledno. Rješenja moraju sadržavati crteže s potrebnim **oznakama i kotama**. Prije numeričkog računa **napisati općeniti izraz** koji se koristi. Pri rješavanju zadataka koristiti numeričku točnost na tri decimale.

1. Treba napisati diferencijalne i integralne odnose koji povezuju funkcije $a(t)$, $v(t)$ i $s(t)$ kod gibanja čestice po pravcu, i ukratko **objasniti geometrijsko značenje** napisanih izraza. Primijeniti pri rješenju zadatka: Čestica se giba po osi x prema zadanoj funkciji promjene brzine. U početnom trenutku nalazi se u ishodištu. Nacrtati dijagrame $a(t)$ i $s(t)$ za $0s \leq t \leq 11s$ u **mjerilu, ucrtati tangente i nagibe tangenti**. Odrediti maksimalnu udaljenost čestice od ishodišta i iznos ukupno prijeđenog puta za $11s$.

(16 bodova)

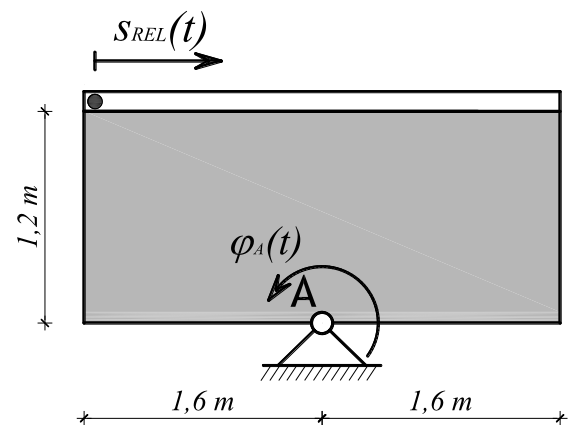


2. Objasniti kako se mora gibati čestica da bi se njezino gibanje nazivalo složeno gibanje. Kako se pri složenom gibanju određuje brzina i ubrzanje čestice? Riješiti zadatak: Pravokutna ploča miruje u prikazanom položaju kad se počne rotirati po zakonu $\varphi_A(t) = \frac{8\pi}{9}t^2$ [rad]. Istovremeno se po cijevi kruto spojenoj za ploču počne gibati kuglica po zakonu $s(t) = \frac{40}{9}t^2$ [m]. Za trenutak $t_1 = 0,75$ [s] potrebno je odrediti:

- vektor i iznos apsolutne brzine kuglice,
- vektor i iznos apsolutnog ubrzanja kuglice.

Sve vektore prikazati na crtežu.

(24 boda)

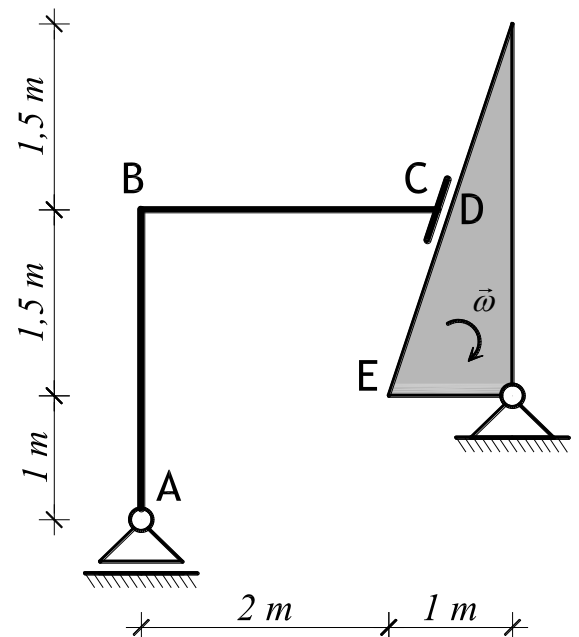


(11 bodova)

3. Navesti teoreme, pretpostavke i pravila koja se koriste pri određivanju plana projekcija pomaka i brzina u kinematici mehanizama. Opisati kinematičke uvjete gibanja u spoju A i u spoju C. Ako je poznato da je kutna brzina ploče $\vec{\omega} = -2\vec{k}$ [rad] treba **primjenom plana projekcija brzina** odrediti:

- vektore i iznose brzina točaka A, B, C, D i E,
- vektor i iznos relativne brzine točke C u odnosu na točku D,
- na crtežu kotirati sve potrebne veličine.

(20 bodova)



NAPOMENA: Zadatak mora biti riješen uredno i pregledno. Rješenja moraju sadržavati crteže s potrebnim **oznakama i kotama**. Prije numeričkog računa **napisati općeniti izraz** koji se koristi. Pri rješavanju zadataka koristiti numeričku točnost na tri decimale.

1. Objasniti kako se može odrediti radijus trajektorije po kojoj se giba čestica ako su poznati podaci o brzini i ubrzanju čestice. Prikazati izvod izraza koji povezuje navedene veličine. Riješiti zadatak: Gibanje čestice zadano je vektorskom funkcijom $\vec{r}(t) = (t^2 - 6,25)\vec{i} + (t + 3,5)\vec{j}$ [m]. Treba odrediti:

- jednadžbu i nacrtati trajektoriju po kojoj se čestica giba, prikazati položaj čestice u $t_0=0$ [s] i smjer gibanja čestice
- funkciju promjene brzine i ubrzanja u vremenu (vektore i iznose)
- iznose i vektore brzine i ubrzanja čestice u trenutku $t_1=1,5$ [s] (prikazati na crtežu).
- iznos i vektor normalne i tangencijalne komponente ubrzanja u istom trenutku
- radijus zakrivljenosti trajektorije u toj točki pomoću kinematičkih veličina

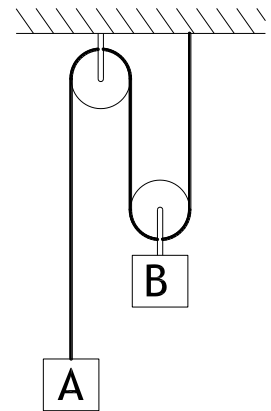
(21 bod)

2. Tereti A i B povezani su nerastezljivim užetom i sustavom kolotura kako je prikazano na skici. U jednom trenutku sustav se počne gibati jednoliko ubrzano tako da je relativno ubrzanje tereta B u odnosu na teret A

$$\vec{a}_{BA} = -1,5\vec{j} \text{ [m/s}^2\text{]}. \text{ Treba:}$$

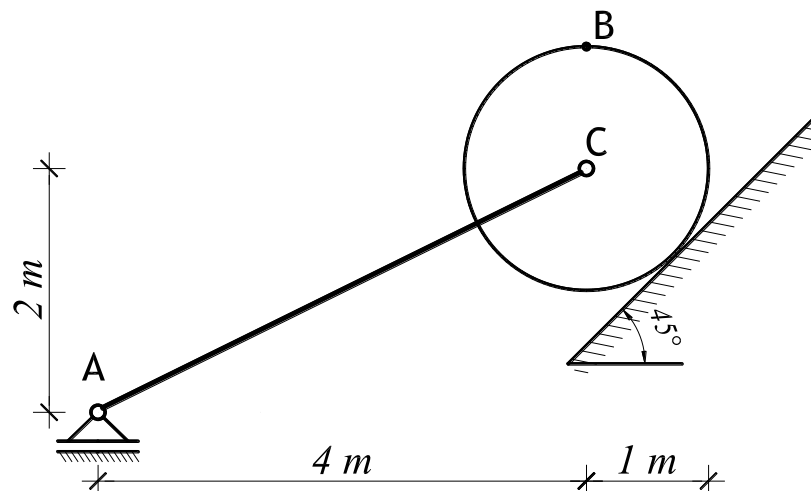
- napisati i odrediti zakonitosti koje povezuju ubrzanje, brzinu i prijeđeni put kod gibanja čestice po pravcu.
- odrediti iznos i vektor ubrzanja tereta A i B
- odrediti pomak tereta A koji će nastati za vrijeme $\Delta t=2$ [s].

(15 bodova)



3. Navesti i objasniti koji uvjeti moraju biti zadovoljeni da bi se tijelo kotrljalo po podlozi te kako se u tom slučaju određuju brzine i ubrzanja. Riješiti zadatak: Za zadani mehanizam poznate su brzina i ubrzanje točke A, $\vec{v}_A = 3\vec{i}$ [m/s] i $\vec{a}_A = -\vec{i}$ [m/s²]. Kružni se disk radijusa $R=1$ [m] kotrlja po kosoj podlozi. Treba odrediti iznose i vektore brzina i ubrzanja označenih točaka te vektore kutnih brzina i ubrzanja štapa i kružnog diska.

(24 boda)

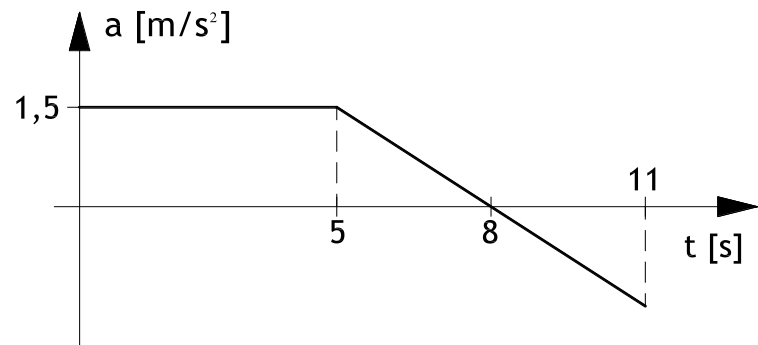


NAPOMENA: Zadatak mora biti riješen uredno i pregledno. Rješenja moraju sadržavati crteže s potrebnim **oznakama i kotama**. Prije numeričkog računa **napisati općeniti izraz** koji se koristi. Pri rješavanju zadataka koristiti numeričku točnost na tri decimale.

1. Treba napisati diferencijalne i integralne odnose koji povezuju funkcije $a(t)$, $v(t)$ i $s(t)$ kod gibanja čestice po pravcu, i ukratko **objasniti geometrijsko značenje** napisanih izraza. Primijeniti pri rješavanju zadatka:

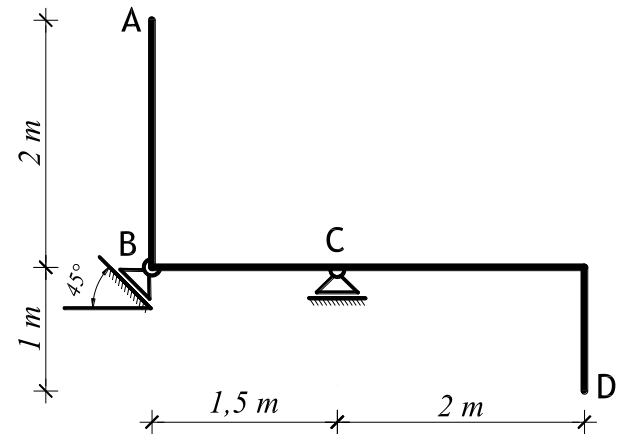
Čestica se giba po osi x prema zadanoj funkciji promjene ubrzanja. U početnom trenutku nalazi se u ishodištu te nakon 5 [s] čestica od početnog položaja udaljila za 3,75 [m]. Nacrtati dijagrame $a(t)$ i $s(t)$ za $0s \leq t \leq 11s$ u **mjerilu**, **ucrtati tangente i nagibe tangenti**. Odrediti položaj čestice na osi x i iznos ukupno prijeđenog puta za 11s.

(17 bodova)



2. Prikazati izvod teorema o ravnopravnosti točaka za izbor pokretnog ishodišta, objasniti pretpostavke, i značenje pojedinih oznaka. Primjenom tog teorema, ako su zadane kutna brzina $\vec{\omega} = 2\vec{k}$ [r/s] i kutno ubrzanje $\vec{\varepsilon} = -1,5\vec{k}$ [r/s²] prikazanog štapa, uz grafičko rješenje vektorskih jednadžbi treba odrediti vektore i iznose brzina i ubrzanja označenih točaka.

(21 bod)

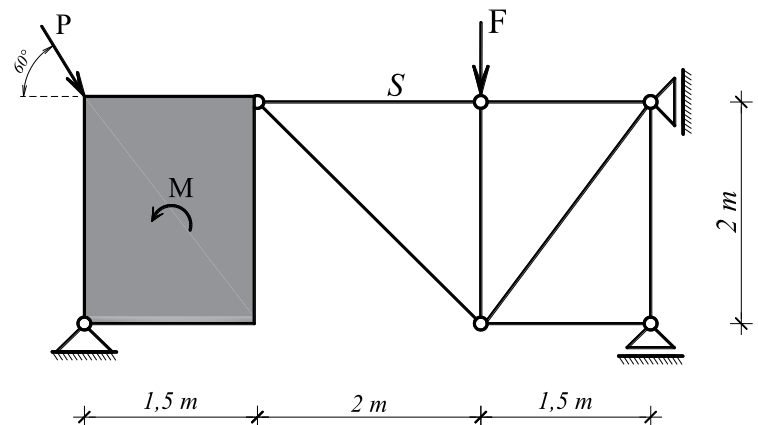


3. Navesti koje teoreme, pretpostavke i pravila koristimo pri određivanju plana projekcija pomaka u kinematici mehanizama. Opisati statička i kinematička svojstva zglobnog spoja. Riješiti zadatak:

Potrebno je metodom virtualnog rada odrediti silu u štapu S. Označiti sva tijela i sve potrebne pomake u planu projekcija pomaka. Provjeriti točnost rješenja pomoću jednadžbi ravnoteže.

$P=6$ [kN], $F=8$ [kN] i $M=10$ [kNm].

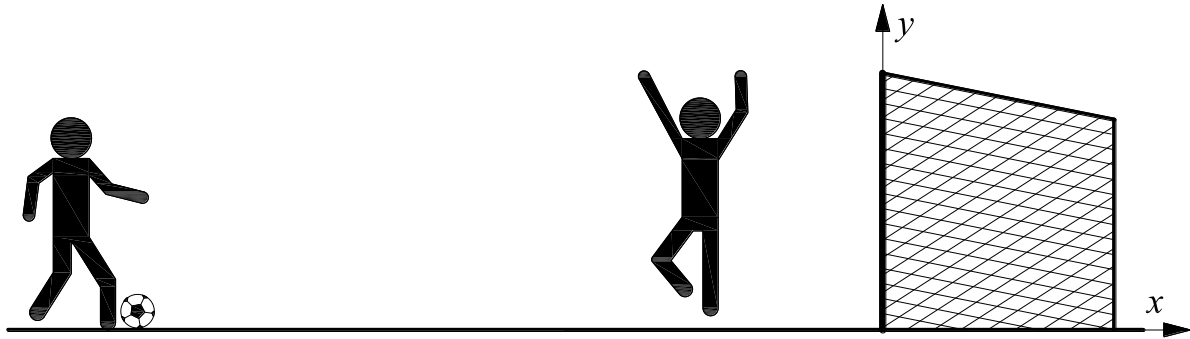
(22 boda)



NAPOMENA: Zadatak mora biti riješen uredno i pregledno. Rješenja moraju sadržavati crteže s potrebnim **oznakama i kotama**. Prije numeričkog računa **napisati općeniti izraz** koji se koristi. Pri rješavanju zadataka koristiti numeričku točnost na tri decimale.

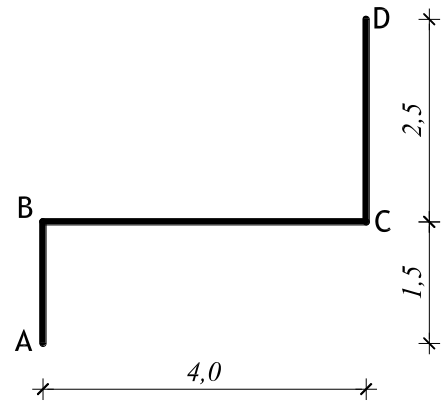
1. Objasniti uz koje pretpostavke i uz koje se zakonitosti izvode jednadžbe za kosi hitac. Prikazati izvod tih jednadžbi gibanja u zadanom koordinatnom sustavu. Nogometaš na udaljenosti $20 [m]$ od gola pokušat će postići zgoditak lobom (prebacivanje lopte parabolom preko golmana). Golman se nalazi na udaljenosti $3 [m]$ od gola i može obraniti loptu maksimalne visine $2,6 [m]$. Šutom nogometaša lopta ima brzinu $54 [km/h]$ koja je pod kutom od 40° prema terenu. Treba ispitati da li će golman obraniti, hoće li nogometaš postići zgoditak ili će lopta prijeći preko gola. Visina gola iznosi $2,44 [m]$, a otpor zraka može se zanemariti.

(15 bodova)



2. Prikazati izvod osnovnog teorema kinematike krutog tijela, objasniti postupak te značenje pojedinih oznaka. Treba **isključivo primjenom navedenog teorema** odrediti vektore i iznose brzina svih označenih točaka prikazanog štapa, ako je zadan vektor brzine točke D, $\vec{v}_D = (-2,4\vec{i} - 1,8\vec{j}) [m/s]$, i x komponenta brzine točke C $\vec{v}_{Cx} = -0,9\vec{i}$.

(22 boda)



3. Objasniti svojstva i načine određivanja apsolutnih i relativnih polova brzina u kinematici mehanizama. Navesti i objasniti **zaključke** Kennedyevog teorema (ne traži se izvod teorema). Prikazati da to vrijedi na primjeru: Dvije ploče gibaju se u ravnini xy . U promatranom trenutku poznate su koordinate točke A $(3,5m; 1m)$ i točke B $(3,5m; 3,5m)$ na ploči I, i njihova brzina $\vec{v}_A = 0,4\vec{i} + 0,8\vec{j} [m/s]$ i $\vec{v}_{Bx} = -0,6\vec{i} [m/s]$. U istom trenutku ploča II rotira se kutnom brzinom $\vec{\omega}_2 = \vec{k} [r/s]$ tako da točka D $(5m; 1m)$ na ploči II ima brzinu $\vec{v}_D = \vec{i} - \vec{j} [m/s]$. Treba odrediti koordinate apsolutnih polova brzina i koordinate relativnog pola brzina promatranih ploča isključivo koristeći vektorske jednadžbe za navedena kinematička svojstva polova. Rješenje treba sadržavati crtež u mjerilu dužina s ucrtanim zadanim točkama i zadanim vektorima brzina. Na crtežu treba označiti pretpostavljene udaljenosti koje se koriste u vektorskim jednadžbama, ucrtati rješenja te pokazati da vrijedi Kennedyev teorem.

(23 boda)