

# **SPECIJALNE INŽENJERSKE GRAĐEVINE**



**Predavanja: Ana Mandić Ivankačić**

**Vježbe: Mladen Srbić, Dominik Skokandić**

# SPECIJALNE INŽENJERSKE GRAĐEVINE

	Pregled kolegija
1.	Visoke građevine – konstruktivni sustavi, sustavi za horizontalna djelovanja, ukrutni sustavi
2.	Tornjevi, dimnjaci, jarboli, vjetroelektrane – općenito, tipovi, funkcija, primjeri
3.	Betonski tornjevi – temeljenje, dimenzioniranje
4.	Ljske – teorija ljsaka, tipovi, proračun, primjeri
5.	Vlačne strukture – form finding, materijali, djelovanja, primjeri izvedenih građevina
6.	Vodotornjevi – funkcija, oblici, gradnja, seizmički proračun spremnika tekućina
7.	<i>1.Kolokvij (CJELINE 1-5) 21.03. 2017.</i>
8&9.	Čelični tornjevi, jarboli, dimnjaci - projektiranje
10.	Telekomunikacijske strukture – proračun jarbola sa zategama, rušenje jarbola sa zategama i tornjeva, temeljenje
11.	Pokretni mostovi – tipovi, primjeri projekata, izvedbe, održavanja
12.	Plutajući mostovi – tipovi, primjeri projekata, izvedbe, održavanja
13.	Podvodni tuneli
14.	<i>2.Kolokvij (CJELINE 6-12) 13.04.2017.</i>
15.	<i>Popravni kolokvij (CJELINE 1-13) 18.04.2017.</i>

# SPECIJALNE INŽENJERSKE GRAĐEVINE

## 1. PREDAVANJE

Visoke građevine

# VISOKE GRAĐEVINE – SADRŽAJ PREDAVANJA

## (1.dio)

<http://www.burjkhalifa.ae/>, (828 m)

### □ Uvodno

- Povijest i kronologija visokih građevina
- Nosivi elementi za osnovna opterećenja
- Mjere konstrukcijske učinkovitosti

### □ Konstrukcijski sustavi visokih zgrada

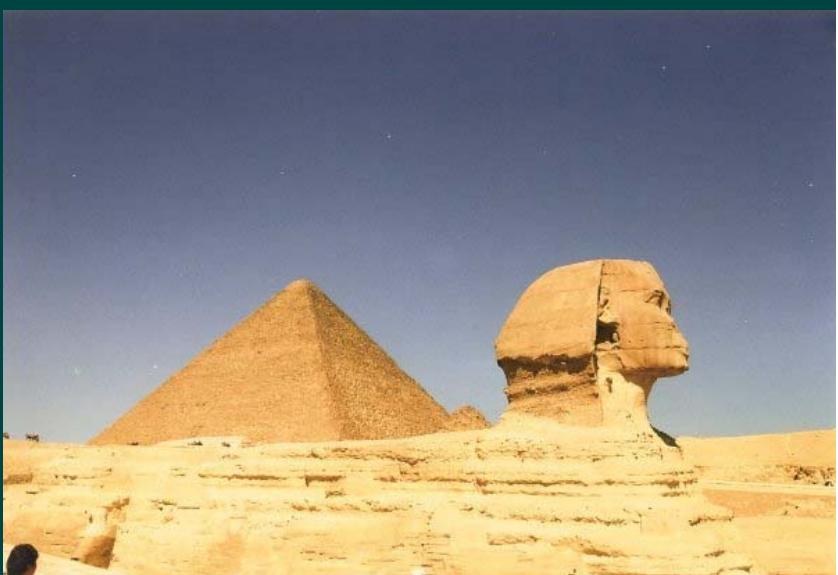
- Tipovi konstrukcije ovisno o broju katova
- Četiri osnovna nosiva sustava
- Kruti okviri
- Okviri sa spregovima
- Okviri s ispunom
- Posmični zidovi
- Konstrukcije od zidova i okvira
- Povezani zidovi
- Okvirne cijevne konstrukcije
- Cijevi povezane u snopove
- Cijevi sa spregovima
- Jezgra ojačana spregovima
- Ovješene konstrukcije
- Sustav cijevi u cijevi
- Prostorne konstrukcije
- Hibridne konstrukcije



# UVOD

## POVIJEST I KRONOLOGIJA VISOKIH GRAĐEVINA

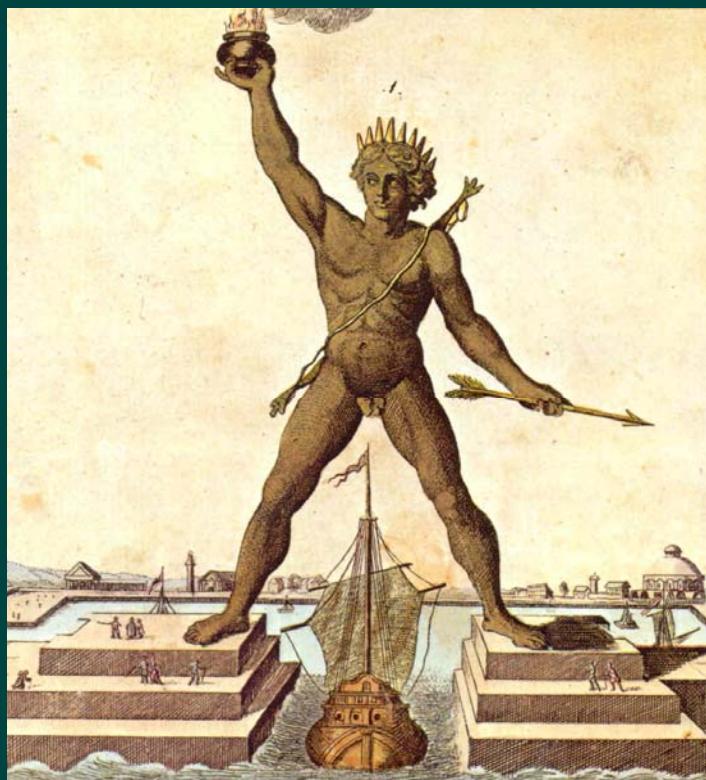
- prve visoke i monumentalne građevine izgrađene su već u starome vijeku
  
- **Piramide:**
  - *Imphotep*, stepenasta piramida, 2780 BC
  - *Cheops*, 2680 BC, visina 146 m.
  
- **Sfinga**
  - kod Gizeha, 2500 BC, dužine 73,5 m, visine 20 m.



# UVOD

## POVIJEST I KRONOLOGIJA VISOKIH GRAĐEVINA

- **Rodski kolos:**
  - kip od pozlaćene bronce, 304 BC visina 32m, srušen u potresu
- **Pharos:**
  - svjetionik kraj Aleksandrije, 280 BC, H=120m
  - graditelj: Sostratos iz Knidosa
  - srušio se u 13. stoljeću uslijed potresa, kameni toranj, kamenovi spojeni zalivenim olovom



# UVOD

## POVIJEST I KRONOLOGIJA VISOKIH GRAĐEVINA

- **Kosi toranj u Pisi, (1173-1350)**
  - H=56m - stupasti toranj
- **Washington Monument (1885)**
  - stupasti toranj H=169m
- **Gotičke katedrale, (5st.)**
  - izražena nastojanja za izgradnjom što viših građevina
- **Katedrala u Ulmu, (1376-1890)**
  - H=161,5m najviša katedrala na svijetu

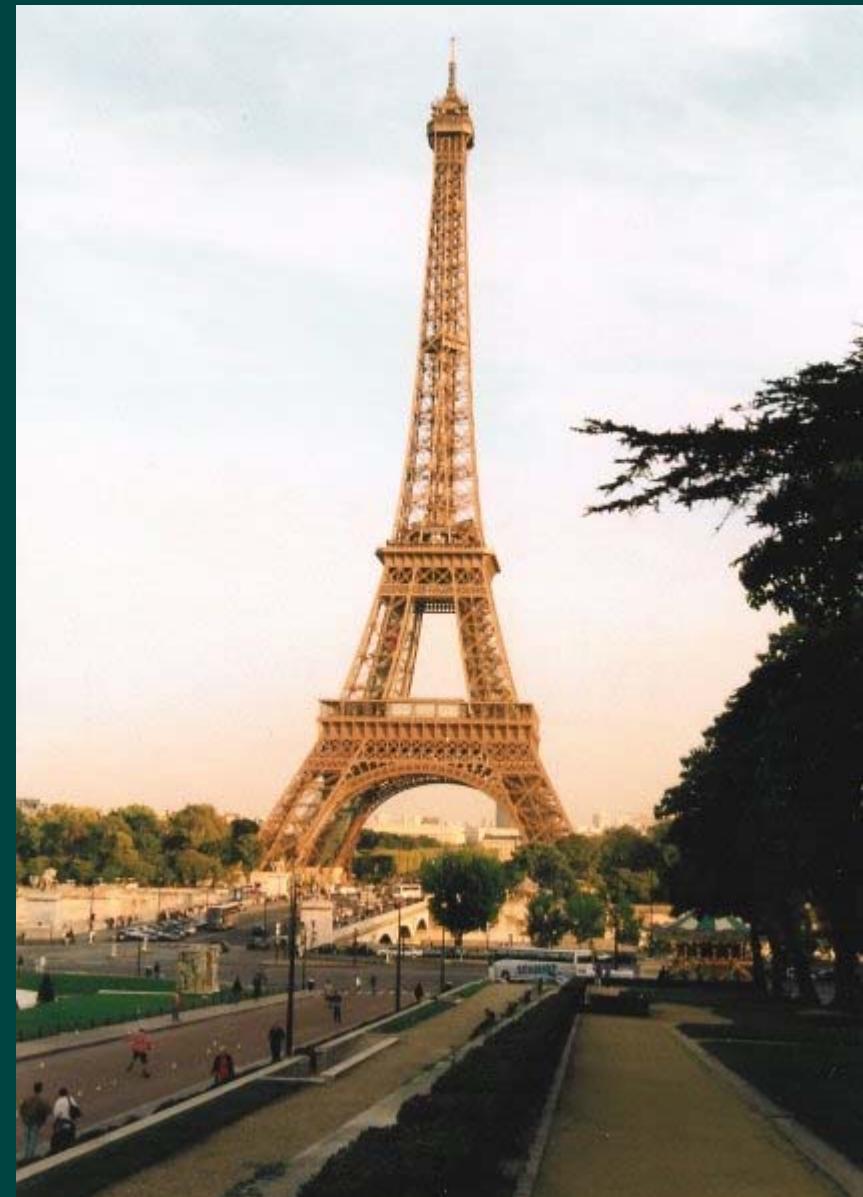


# UVOD

## POVIJEST I KRONOLOGIJA VISOKIH GRAĐEVINA

### □ *Eiffelov toranj (1889)*

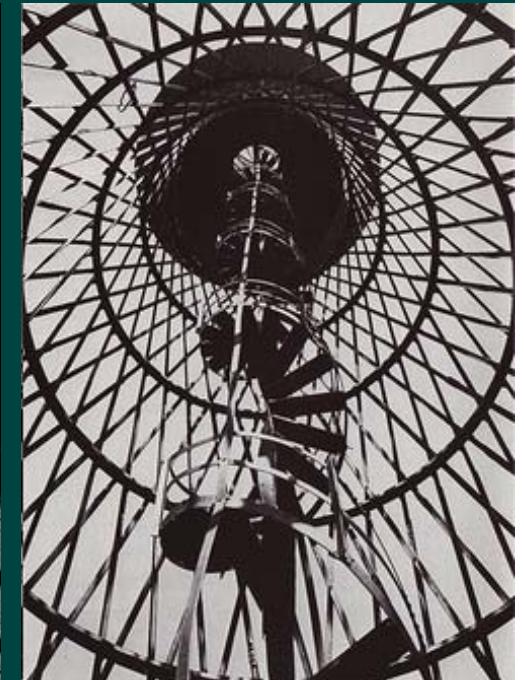
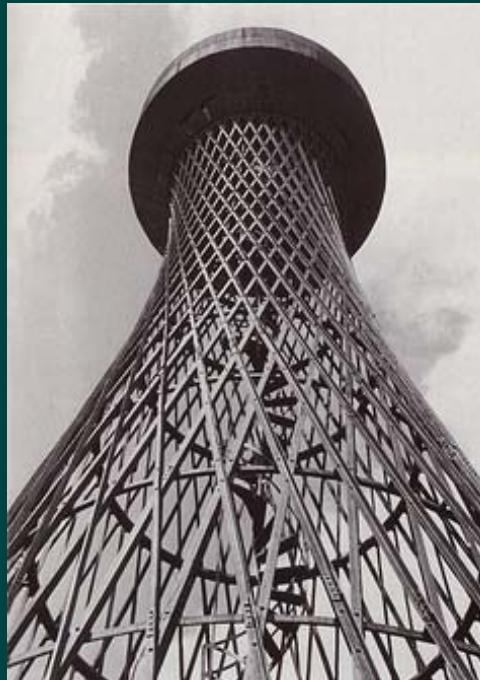
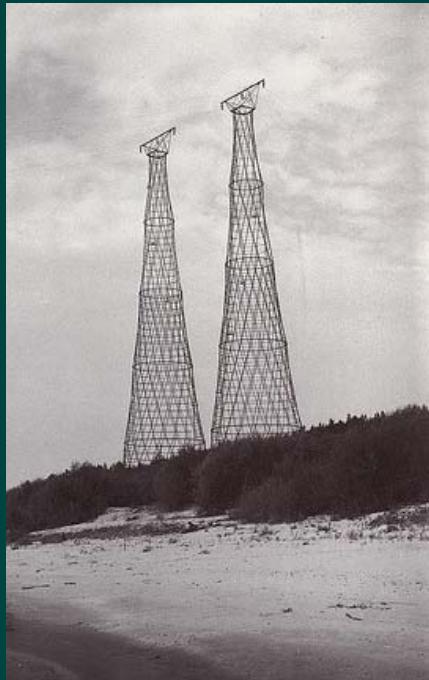
- H=301m
- Champ-de-Mars, Paris
- najviša građevina do 1930.
- temeljenje na kesonima
- čelična konstrukcija teška 7.300 t
- potpuna razlika u odnosu na tadašnje građevine
- zrcalo ljudske kreativnosti



# UVOD

# POVIJEST I KRONOLOGIJA VISOKIH GRAĐEVINA

- **Hiperboloidni tornjevi** inženjera Vladimira Šuchova
  - Prvi toranj u blizini Nizhny Novgoroda (1896)
  - Tornjevi blizanci kraj rijeke Oka (1988),  $h=128$  m
  - radiotoranj Šabalovka pored Moskve,  $H=150$  m
    - filigranska konstrukcija U-čelični profili sa horizontalnim prstenovima koji označavaju prijelaz između 6 hiperboloidnih segmenata



# UVOD

# POVIJEST I KRONOLOGIJA VISOKIH GRAĐEVINA

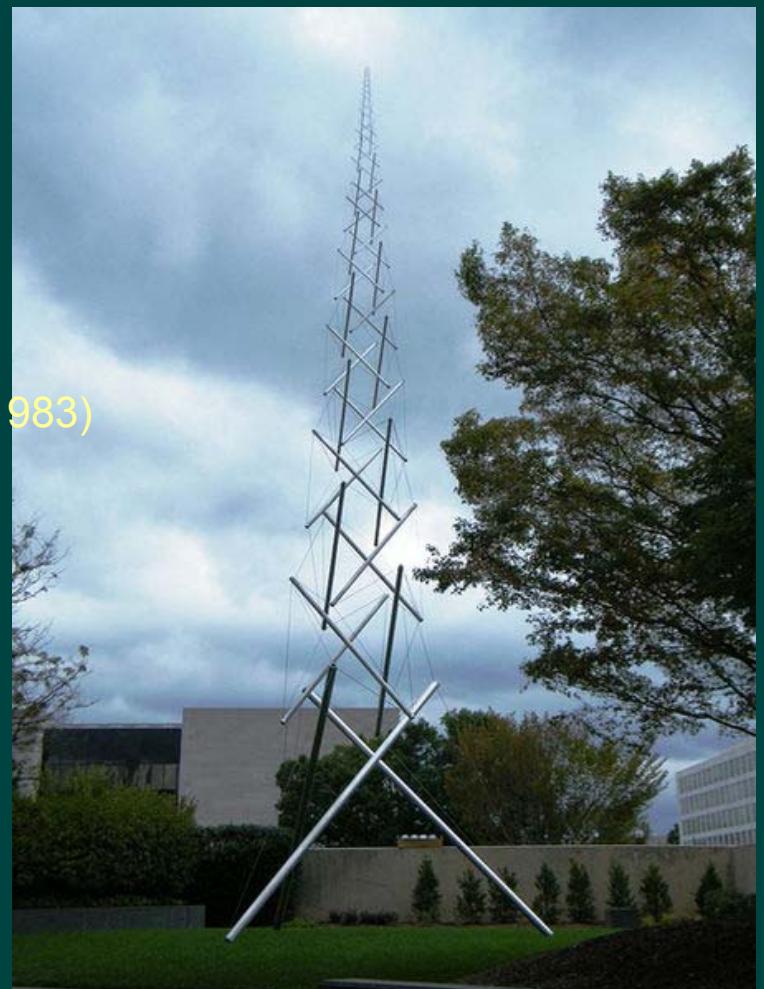
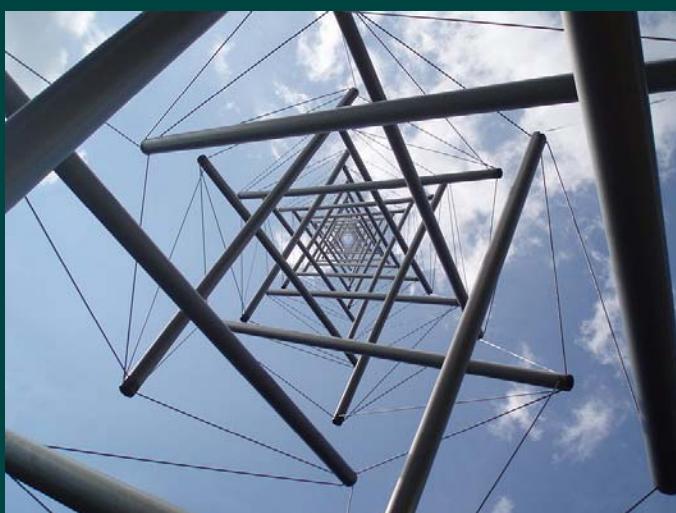
- ***Skyline Tower*** (1951), London
  - visina  $H=76$  m, 15 metara iznad tla
  - "lebdeća cigara"
  - stabiliziran je zategama preko 3 pilona



# UVOD

## POVIJEST I KRONOLOGIJA VISOKIH GRAĐEVINA

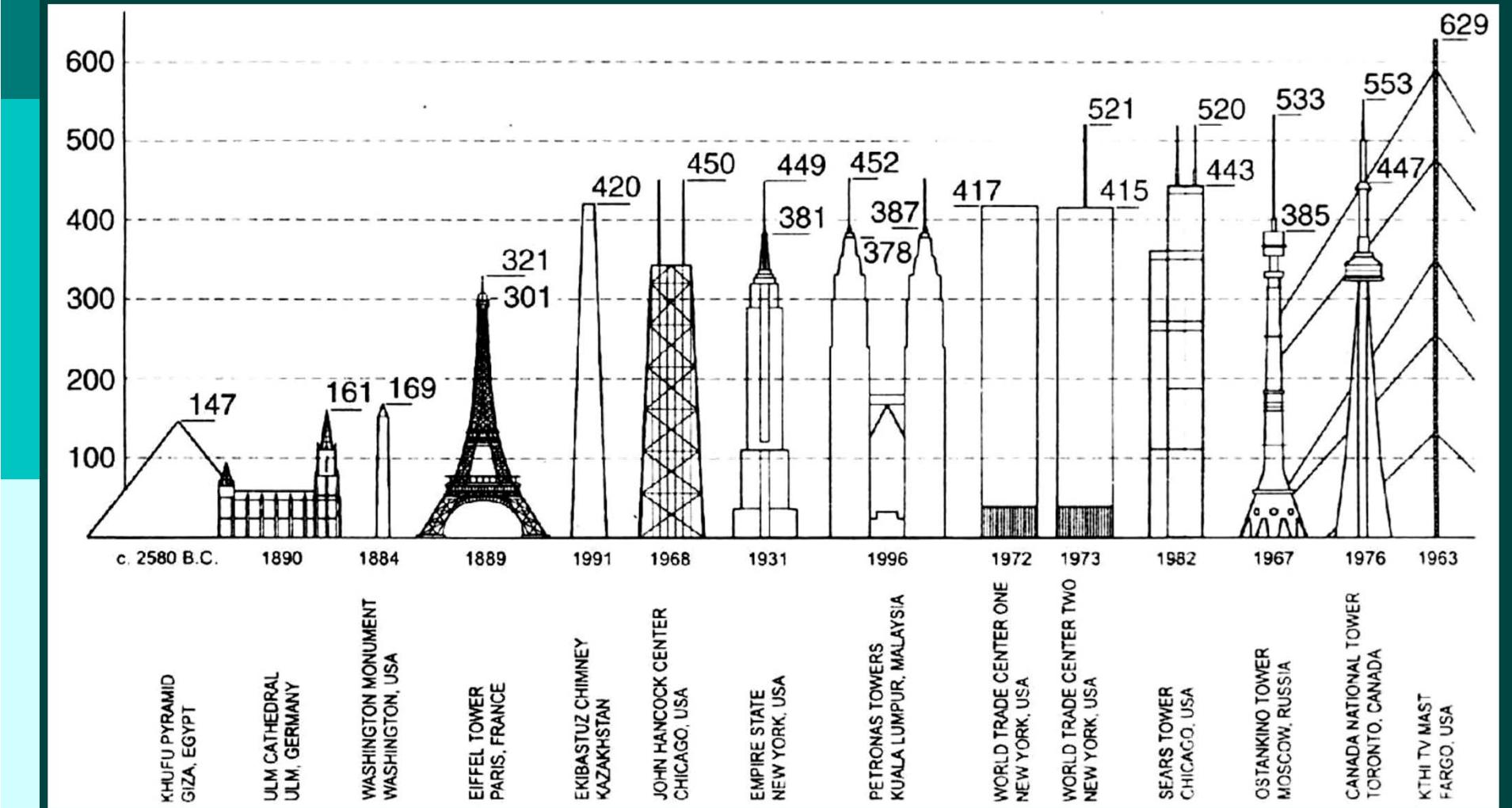
- Needle Tower II (1969)
  - tensegrity konstrukcija, arhitekt: Kenneth Snelson
  - gradivo: aluminij + visokovrijedni čelik
  - dimenzije 30 x 6 x 6 m
- Tensegrity konstrukcije:
  - prostorna stabilnost i princip minimalne konstrukcije
  - “prave” tensegrity konstrukcije dosežu visine i do 30 m
  - začetnik arhitekt - Buckminster-Fuller (1895-1983)



# UVOD

## POVIJEST I KRONOLOGIJA VISOKIH GRAĐEVINA

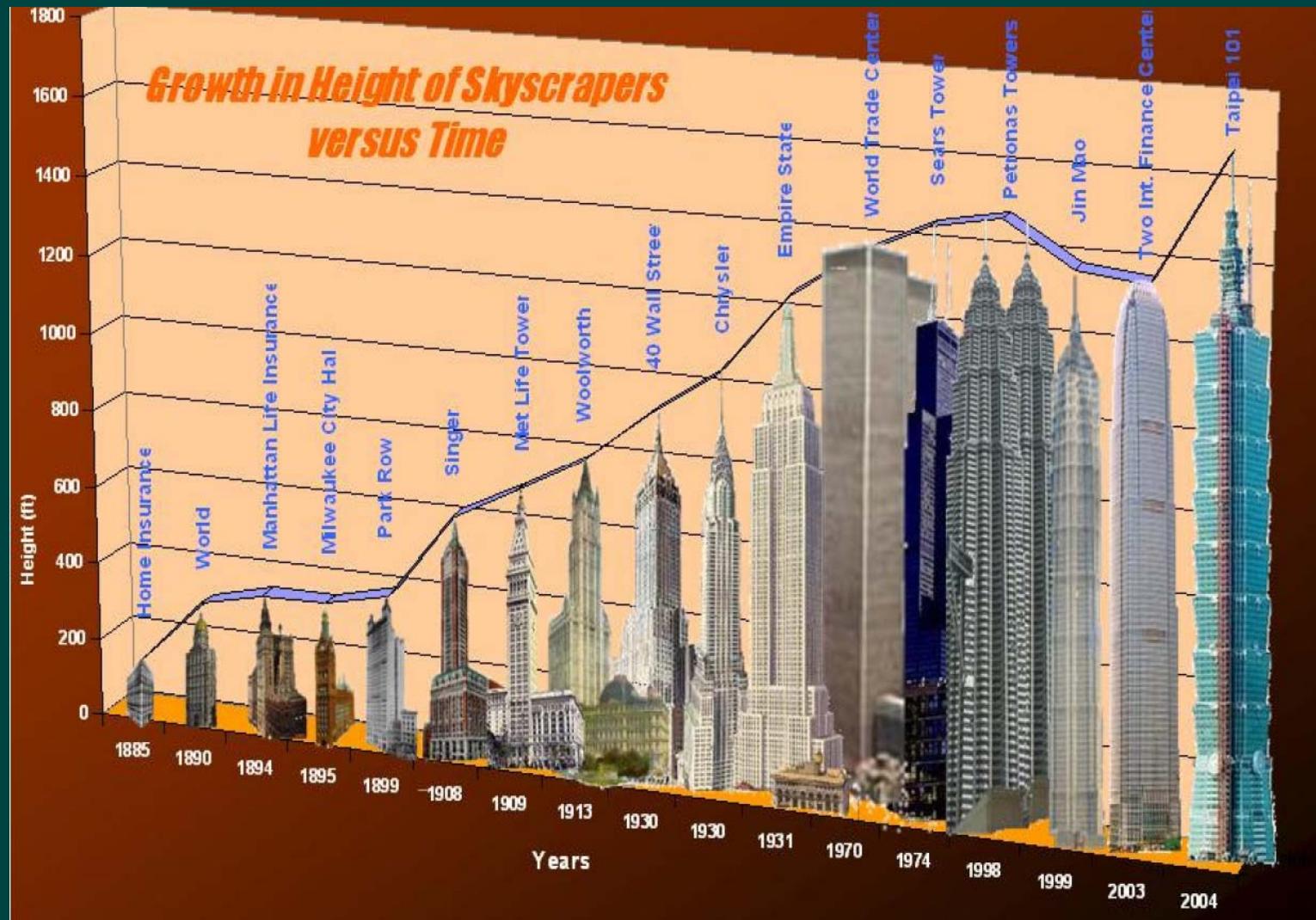
- natjecanje u izgradnji velikih i visokih građevina staro je kao i civilizacija



# UVOD

## POVIJEST I KRONOLOGIJA VISOKIH GRAĐEVINA

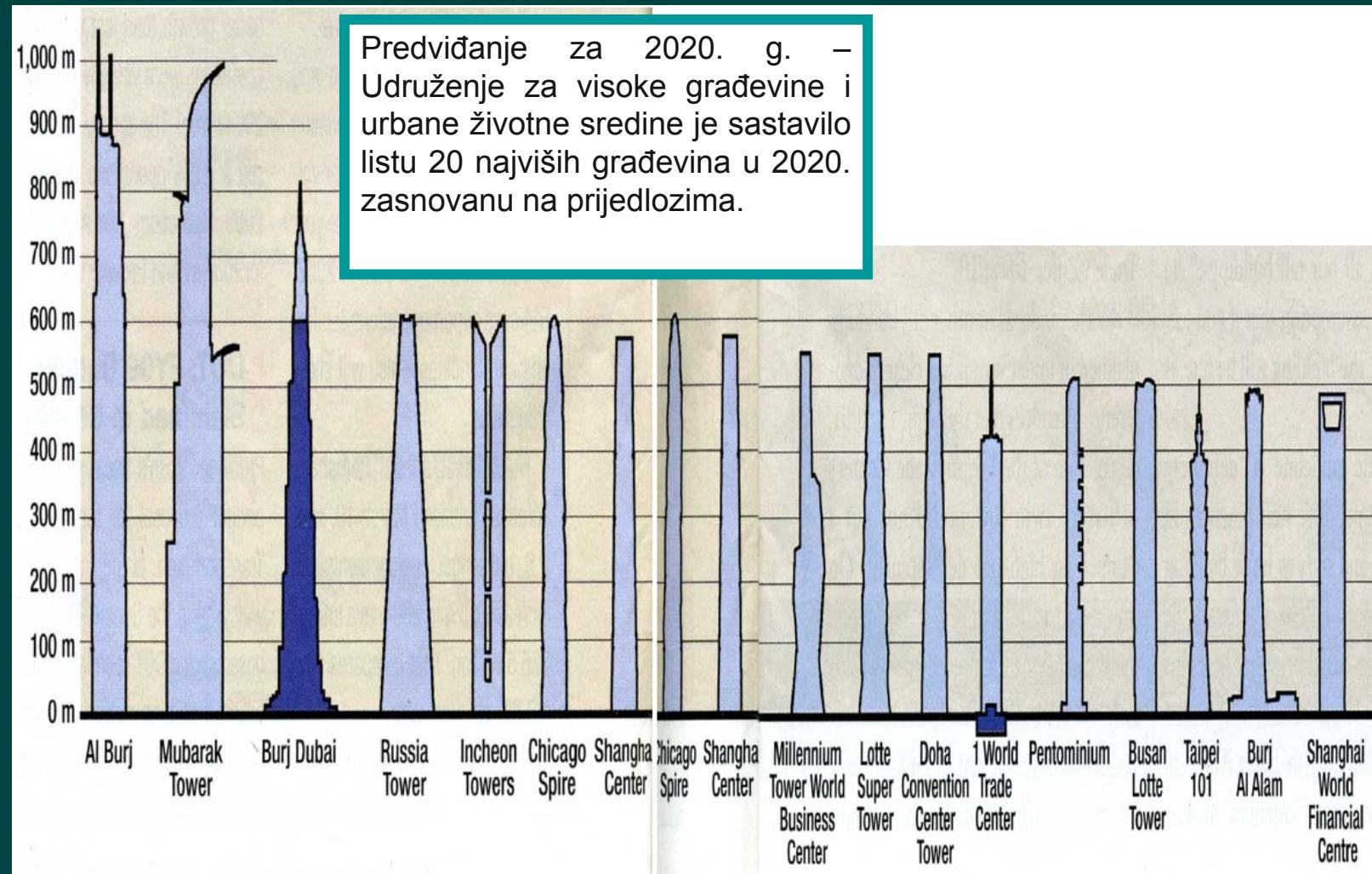
- Rast visokih zgrada od 1885 do današnjih dana



# UVOD

## POVIJEST I KRONOLOGIJA VISOKIH GRAĐEVINA

- Prikaz planiranih visokih građevina i onih u fazi projektiranja nasuprot najvišim postojećim građevinama.



# UVOD

## POVIJEST I KRONOLOGIJA VISOKIH GRAĐEVINA

- Što je visoka građevina danas? Za građevinske inženjere visoka građevina je ona građevina, kod koje su dominantna djelovanja bočne sile od vjetra i potresa.
- Pri definiranju rekordnih visina valja odabrati određeni kriterij, npr. antena na neboderima nije uključena.
- Najviše građevine danas mjereno do najviše točke na građevini:

1. *Burj Khalifa*, (2010), Dubai, UAE, H=828m
2. *Tokyo Sky tree* (2012), Japan H=634m
3. *Shangai Tower* (2015), Kina H=632m
4. *KVLY-TV mast* (1963) Blanchard, North Dakota, USA, H=629m
5. *KXJB-TV mast* (1998) Galesburg, North Dakota, USA, H=629m
6. *KXTV/KOVR mast* (2000) Walnut Grove, California, USA, H=625m
7. *Guangzhou TV & Sightseeing Tower* (2009), Guangzhou, Kina, H=610m
8. *Petronius Platform* (2000), Meksički zaljev, H=610m
9. *Baldate Platform* (1998), Meksički zaljev, H=580m
10. *CN Tower* (1976) Toronto, Kanada, H=553m
11. *Ostankino Tower* (1967) Moskva, Rusija, H=540m
12. *Bullwinkle Platform* (1989), Meksički zaljev, H=529m

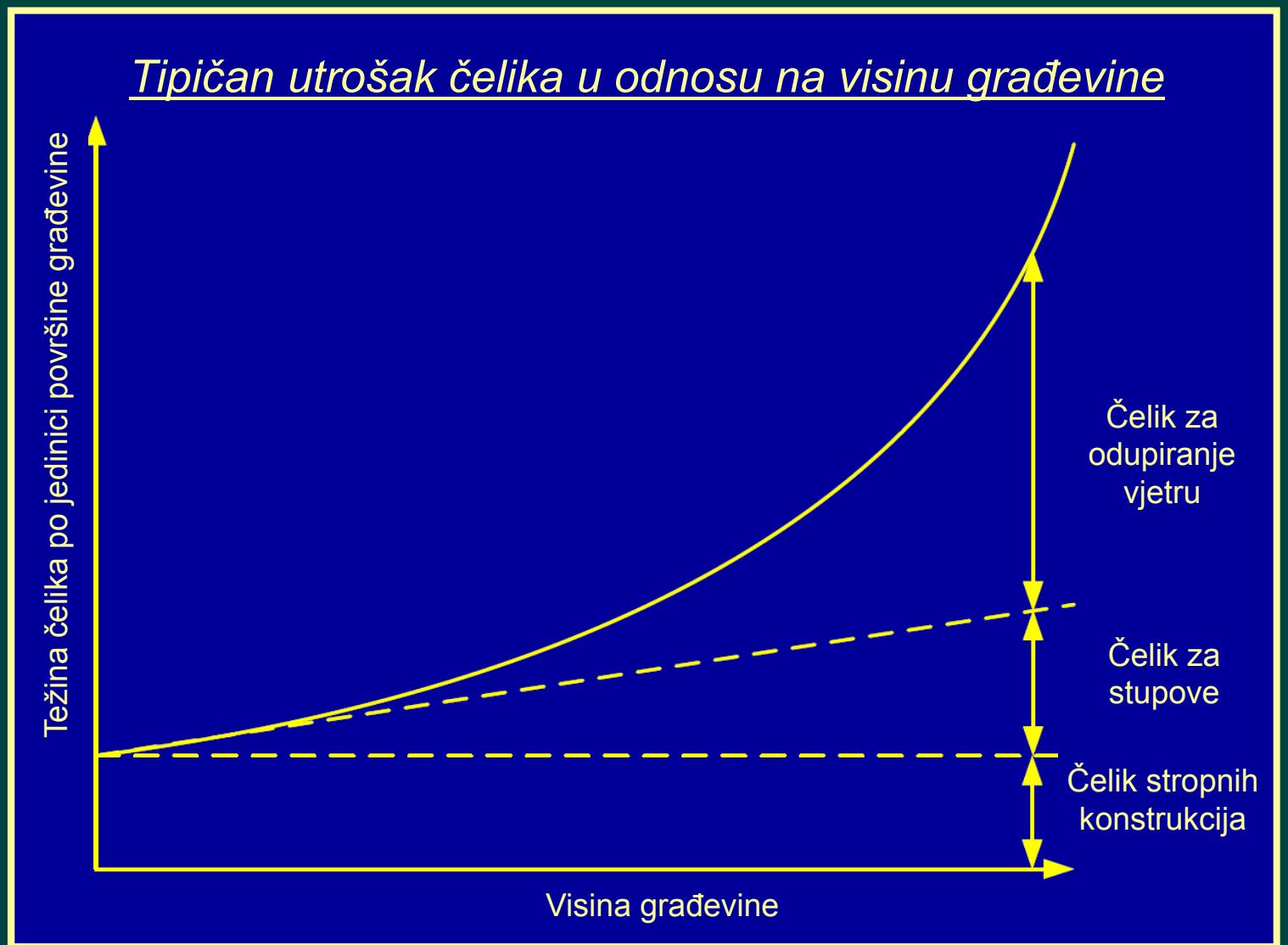
# UVOD

## NOSIVI ELEMENTI ZA OSNOVNA OPTEREĆENJA

- Dva osnovna nosiva elementa za vertikalna opterećenja kod visokih građevina su stupovi i zidovi.
- Zidovi mogu djelovati
  - zasebno kao posmični zidovi, ili
  - kao scijeljene posmične jezgre oko stubišta ili okna dizala.
- Stupovi će biti postavljeni
  - pod nepoduprte dijelove građevine za prijenos opterećenja od vlastite težine,
  - a kod nekih tipova konstrukcija se koriste i za prijenos poprečnih opterećenja (vjetra i potresa).
- Budući da je opterećenje od vlastite težine na pojedinim katovima približno slično,  
→ težina stropne konstrukcije pojedine etaže po jedinici površine je konstantna, bez obzira na visinu građevine.
- Budući da se opterećenje na stup povećava sa brojem katova iznad njega,  
→ težina stupova po jedinici površine se linearno povećava sa povećanjem visine građevine, od vrha prema nižim katovima.
- **Momenti savijanja uzrokovani poprečnim opterećenjima su**  
→ produkt opterećenja sa kvadratom visine građevine, i postaju sve značajniji s povećanjem visine.

# UVOD

# NOSIVI ELEMENTI ZA OSNOVNA OPTEREĆENJA



# UVOD

## MJERE KONSTRUKCIJSKE UČINKOVITOSTI

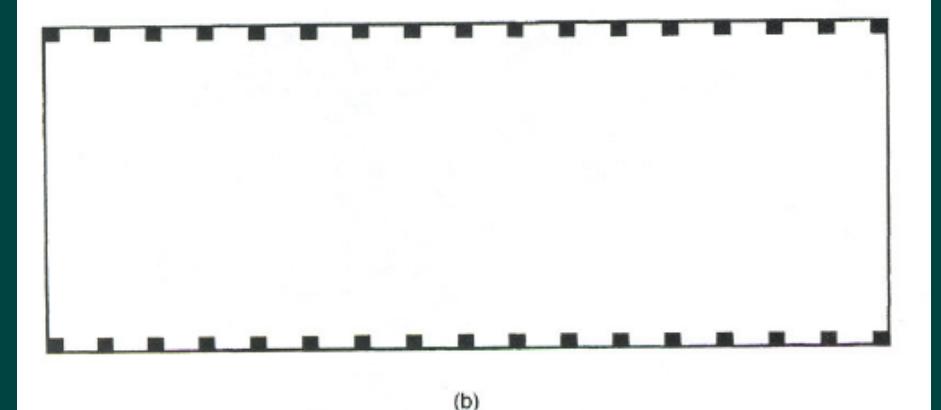
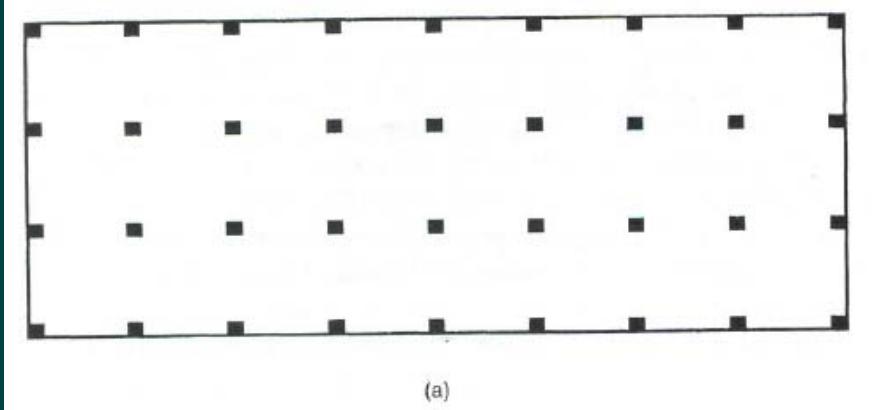
---

- idealno bi bilo kada bi konstruktor sam mogao odabrati najučinkovitiji sustav za preuzimanje vertikalnih i horizontalnih sila (u pravilu: vjetar i potres)
  
- međutim, idealna konstrukcijska rješenja rijetko se primjenjuju u praksi jer konstrukter mora udovoljiti slijedećim ograničenjima na "idealnu konstrukciju"
  - planiranje prostora unutar konstrukcije od strane arhitekta
  - odabrani materijali
  - metode građenja uobičajene za određeno područje
  - odabir vanjske obloge i dekoracije od strane arhitekta
  - ograničenja lokacije
  - položaj instalacijskih sustava
  - veličina horizontalnih opterećenja
  - proporcije i visina konstrukcije definirani od investitora ili arhitekta

# UVOD

## MJERE KONSTRUKCIJSKE UČINKOVITOSTI

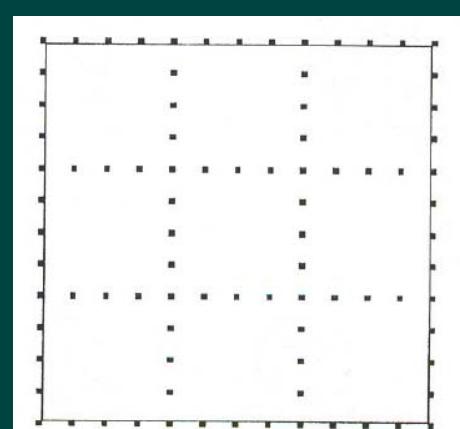
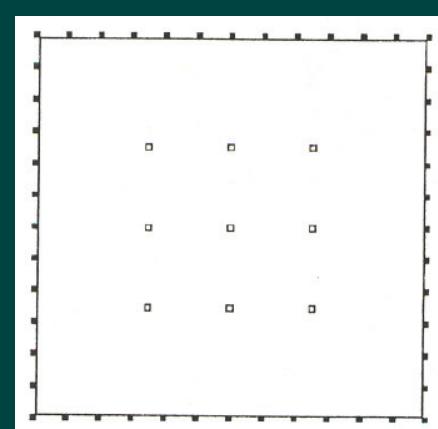
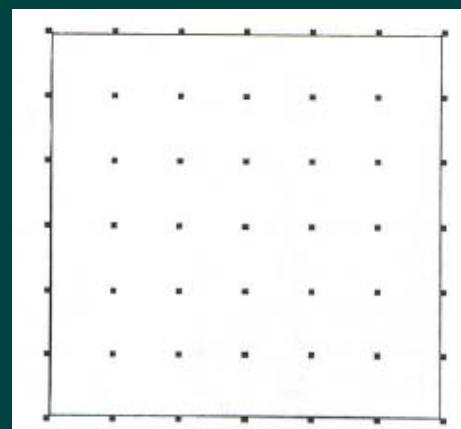
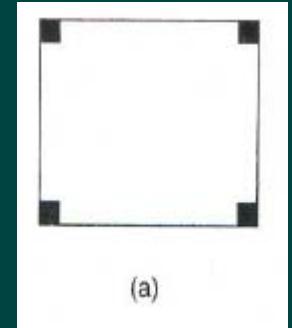
- Pojednostavljeno, visoka građevina djeluje kao konzola sa temeljima upetim u tlo.
- Prema tom modelu očito je da
  - tipični presjek visoke građevine prikazan na slici (a) sa stupovima smještenim po rubovima i unutar tlocrtnih kontura,
  - nije jednako krut kao i građevina kod koje su svi stupovi smješteni na vanjskom rubu kao što je prikazano na slici (b)
- Takva učinkovitost na savijanje može se opisati preko parametra koji se naziva
  - **“Indeks krutosti na savijanje” (Bending Rigidity Index – BRI)**
    - BRI predstavlja ukupni moment inercije svih stupova u odnosu na središnju os



# UVOD

## MJERE KONSTRUKCIJSKE UČINKOVITOSTI

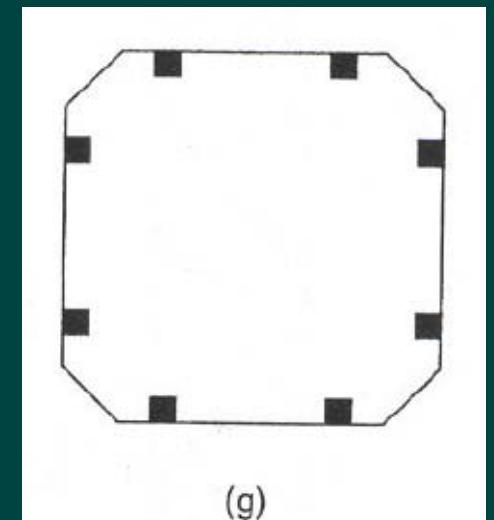
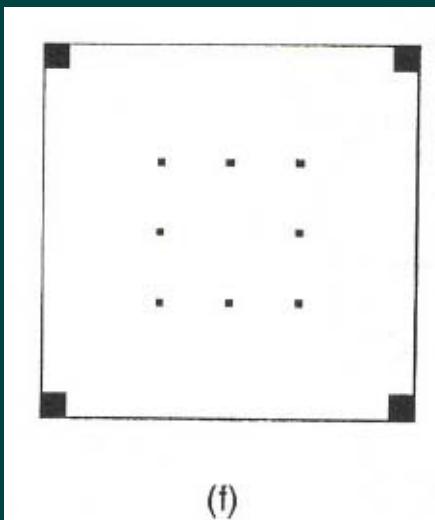
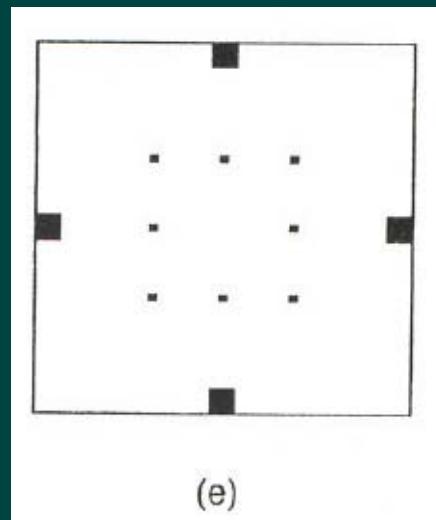
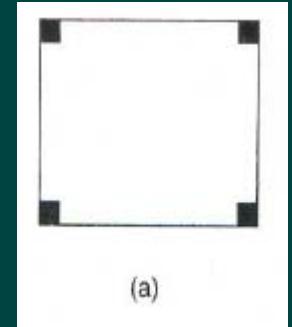
- kako bi se mogla uspoređivati učinkovitost na savijanje za različite tlocrtne rasporedе, najveći index BRI = 100 dodjelen je za raspored prikazan na slici **(a)** – kvadratni oblik sa stupovima samo u kutevima kvadrata
- Empire State Building se odupire horizontalnom opterećenju pomoću svih stupova – rubnih i unutrašnjih, čiji je raspored prikazan na slici
  - **(b)** BRI iznosi 33, što znači da je učinkovitost konstrukcije samo 33%
- moderne građevine imaju zgusnutiji raspored vanjskih (rubnih) stupova bez unutarnjih stupova do jezgre dizala formirajući tako “cijev” (“tube”), prve građevine koncipirane i izgrađene prema ovom načelu bili su neboderi
  - World Trade Center **(c)**
  - Sears u Chicagu, sastavljen od 9 cjevi **(d)**



# UVOD

## MJERE KONSTRUKCIJSKE UČINKOVITOSTI

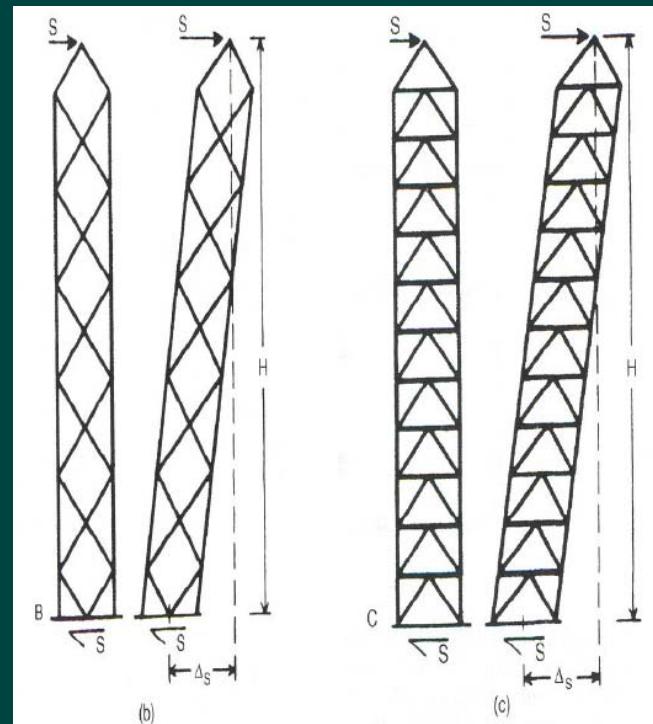
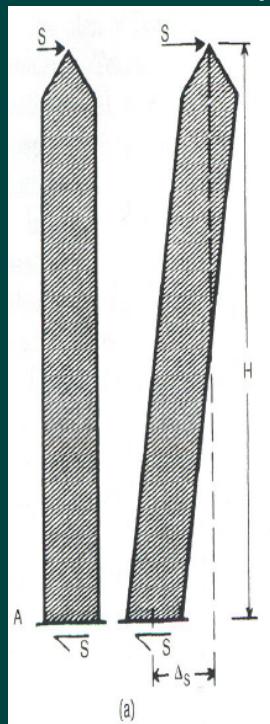
- kako bi se mogla uspoređivati učinkovitost na savijanje za različite tlocrtnе rasporedе, najveći index BRI = 100 dodjelen je za raspored prikazan na slici **(a)** – kvadratni oblik sa stupovima samo u kutevima kvadrata
  - Citicorp tower prikazan na slici **(e)** nema stupove smještene u kuteve, tako da mu je BRI pao na 31%,
  - da su stupovi smješteni u kuteve **(f)** BRI bi bio 56%
  - Bank of South West Tower u Houstonu prikazan na slici **(g)** ima BRI = 63%



# UVOD

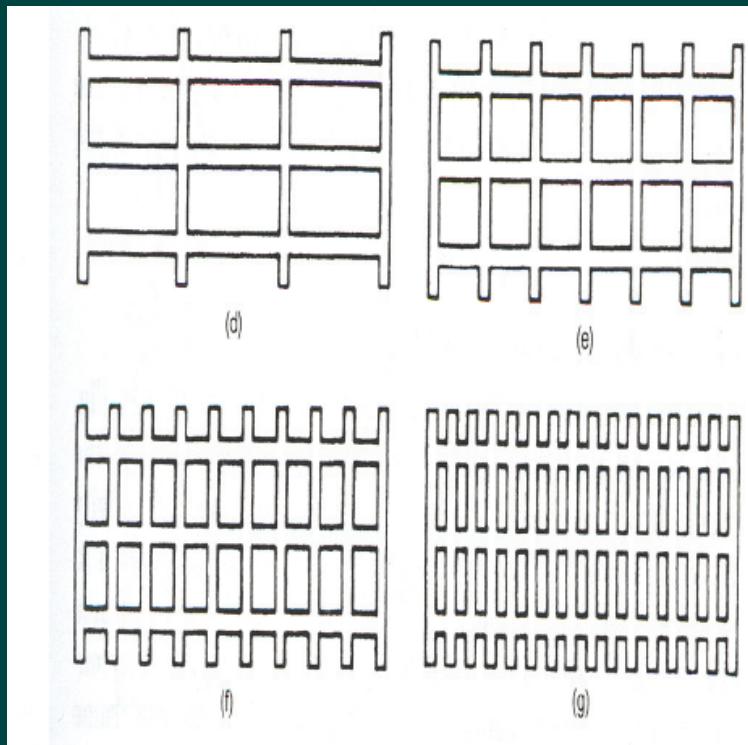
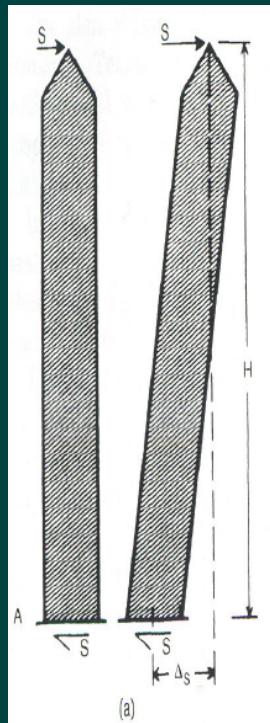
## MJERE KONSTRUKCIJSKE UČINKOVITOSTI

- stupovi visoke građevine moraju se ponašati kao dijelovi cijelokupnog sustava formirajući djelotvoran posmično kruti sustav, koji je predstavljen preko
  - Indeksa posmične krutosti (Shear Rigidity Index – SRI)
  - idealni SRI = 100 prikazan je na slici **(a)**, a sastoji se samo od zidova, bez otvora
  - sustav prikazan na slici **(b)** sa dijagonalama pod kutem od  $45^\circ$  ima SRI = 62,5
  - spreg koji se uobičajeno koristi u praksi prikazan na slici **(c)**, koji se sastoji od horizontalnih prečki i dijagonala ima SRI = 31,3



# UVOD MJERE KONSTRUKCIJSKE UČINKOVITOSTI

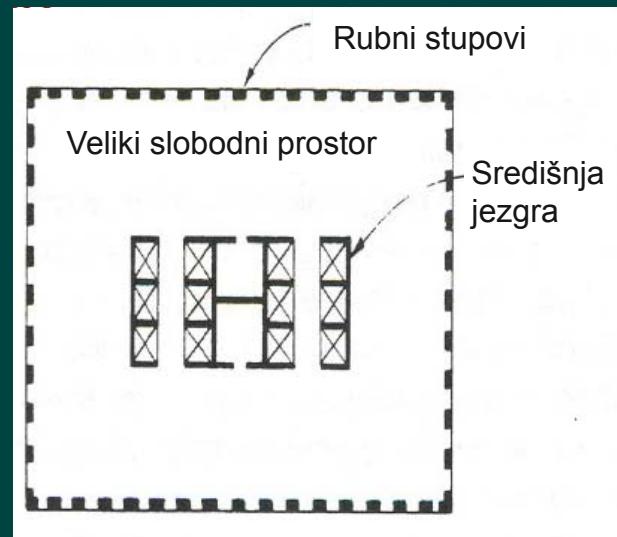
- stupovi visoke građevine moraju se ponašati kao dijelovi cijelokupnog sustava formirajući djelotvoran posmično kruti sustav, koji je predstavljen preko
  - Indeksa posmične krutosti (Shear Rigidity Index – SRI)
  - moderni posmični sustavi koji su sačinjeni od krutih okvira prikazani na slikama (d) do (g) imaju veći SRI koji ovisi o odnosima raspona i visine (debljine) pojedinih elemenata
  - kada su sve četiri strane građevine sastavljene od ovakvih okvira onda oni formiraju "cijevi", a to je sustav koji je trenutno najnapredniji



# MJERE KONSTRUKCIJSKE UČINKOVITOSTI FUNKCIJA PROSTORA NASPRAM KONSTRUKCIJSKOM SUSTAVU

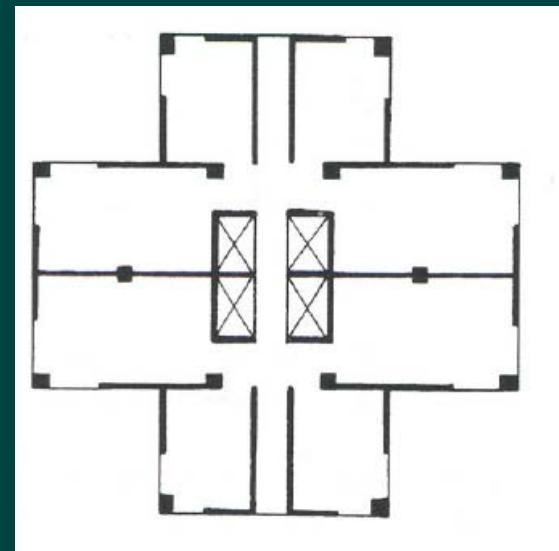
## Uredski prostori

- uredski prostori trebaju biti veliki i otvoreni sa što je moguće više prostora sa pogledom prema van
- prostor treba biti podijeljen sa laganim pregradama
- glavni vertikalni elementi (stupovi) smješteni su po rubovima
- instalacije se vode horizontalno po katovima i smještene su u stropovima
- tako da tipična visina kata za poslovne zgrade iznosi 3,5 m ili više
- visina 40-ero katne poslovne zgrade iznosi oko 140 m

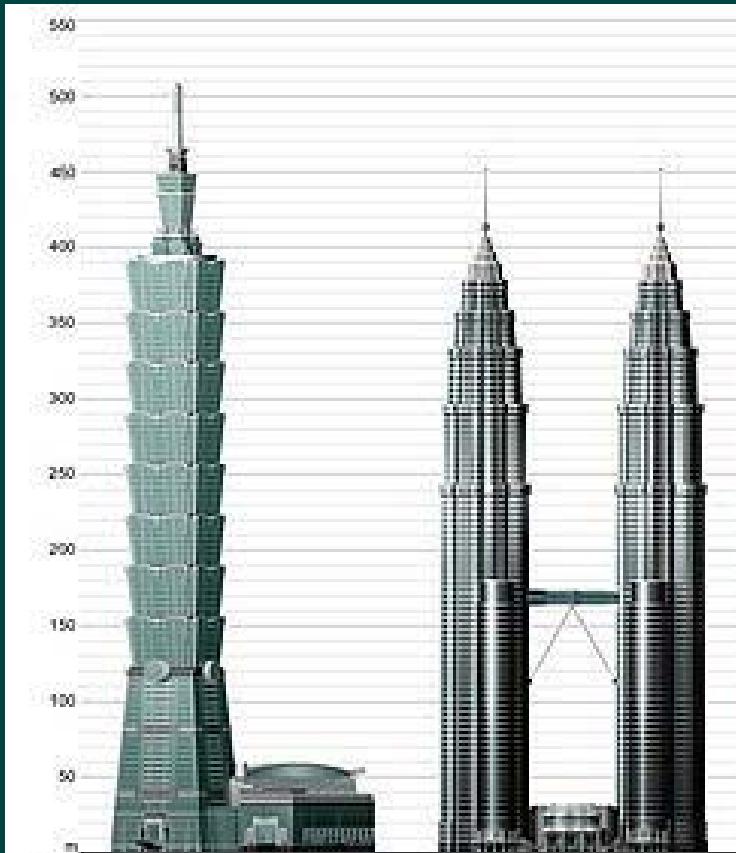


## Stambeni prostori

- stambeni i hotelski prostori imaju jednaku podjelu prostora po visini
- vertikalni elementi konstrukcije mogu biti skriveni unutar pregrada
- instalacije se vode vertikalno
- visoke stropne konstrukcije nisu potrebne, osim eventualno na hodnicima
- tipična visina kata za stambene i hotelske zgrade iznosi 2,7 m ili više
- visina 40-katne stambene zgrade iznosi oko 108 m ili 80% visine poslovne zgrade za isti broj katova



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA



Taipei 101,  
Taiwan, 2004.,  
101 kat, H= 509 m

Petronas Twin Towers,  
Kuala Lumpur, 1998.,  
88 katova, H= 452m

Bočna opterećenja od vjetra i potresa  
proizvode bočna ubrzanja.

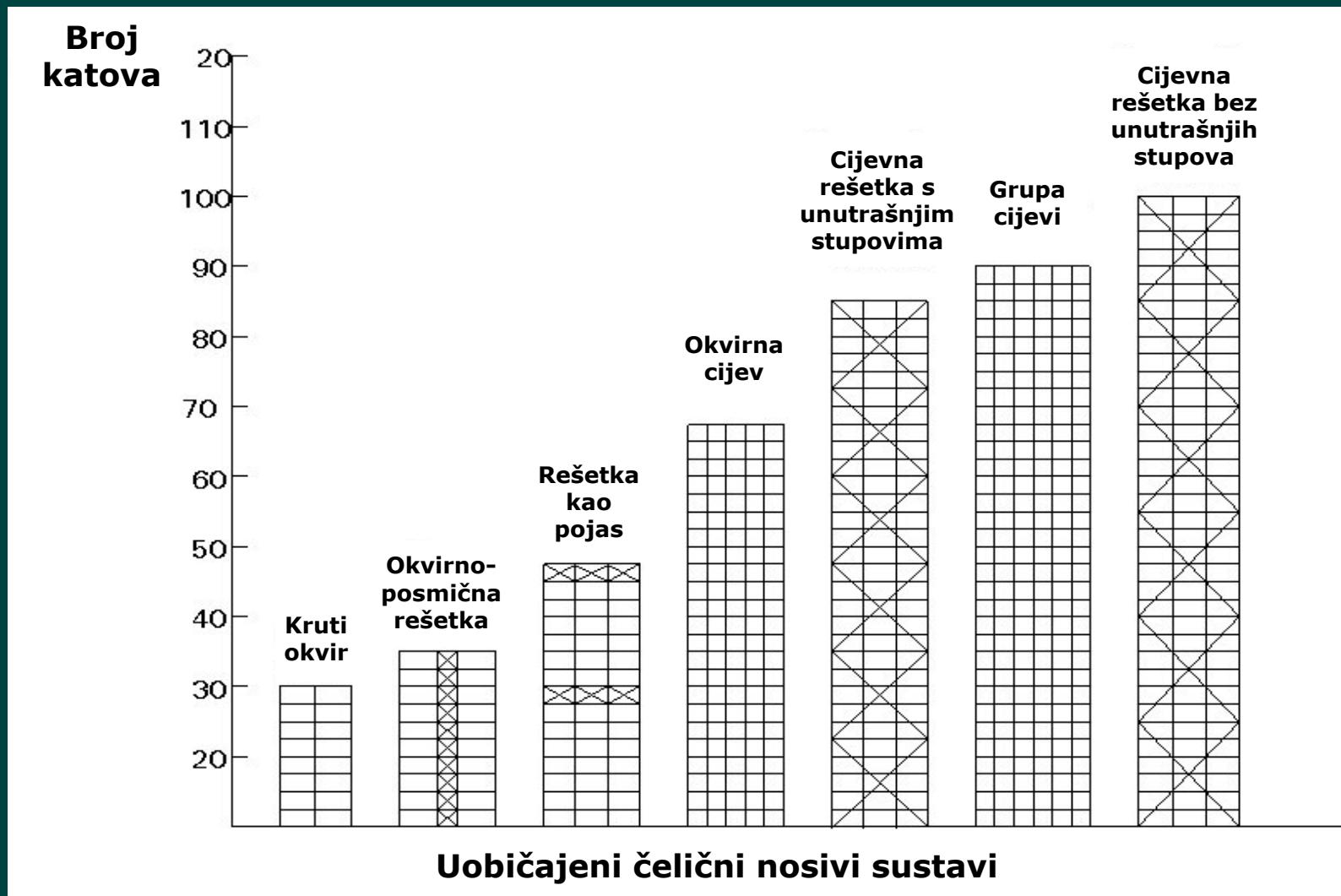
Ljudi pri uporabi zgrade osjećaju  
odgovarajuće vibracije.

Krutost postaje dominantan faktor u  
odnosu na čvrstoću u projektiranju  
visokih zgrada.

GSU može postati mjerodavno u odnosu  
na GSN.

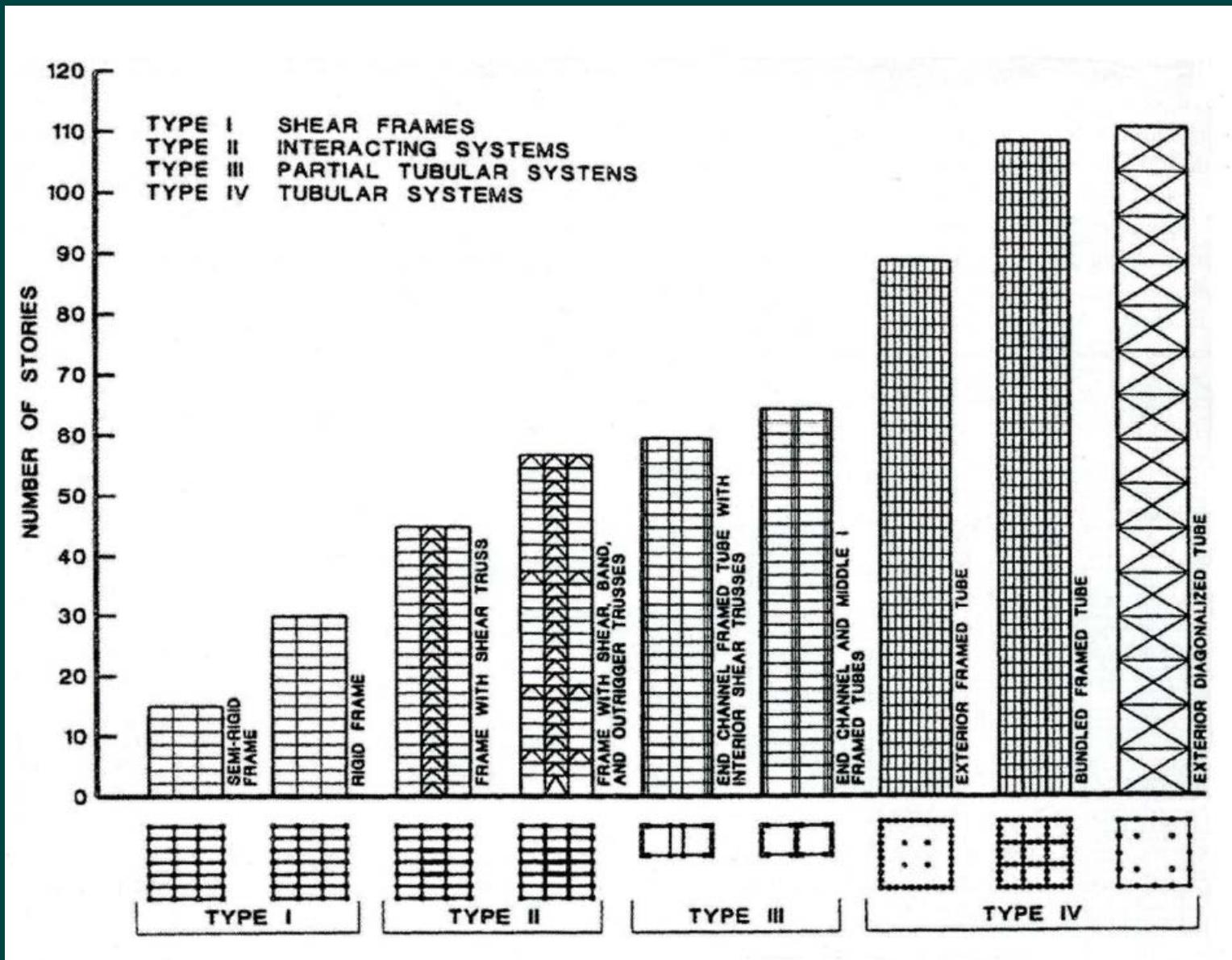
# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## TIPOVI KONSTRUKCIJE OVISNO O BROJU KATOVA



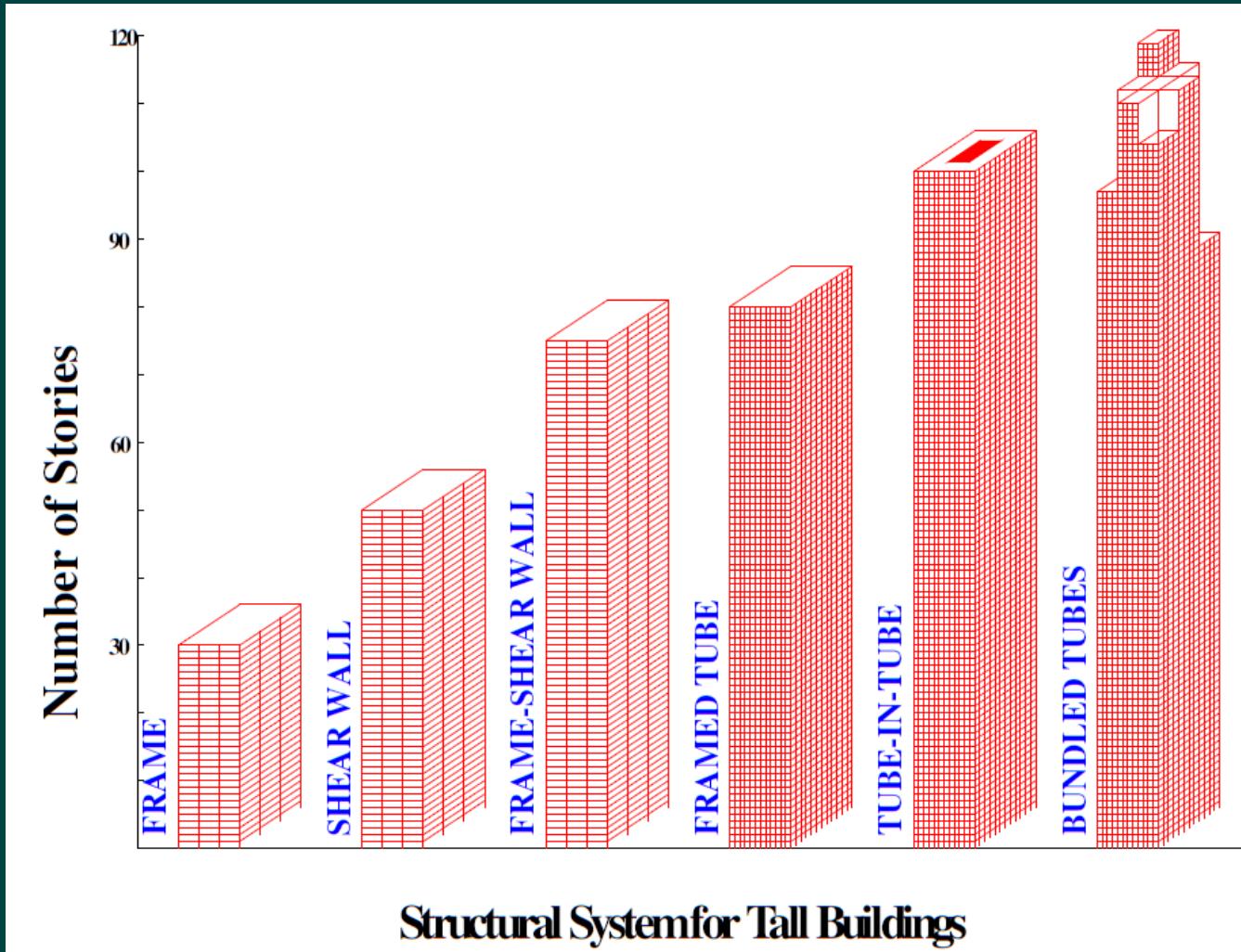
# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## TIPOVI KONSTRUKCIJE OVISNO O BROJU KATOVA



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## TIPOVI KONSTRUKCIJE OVISNO O BROJU KATOVA



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## 4 OSNOVNA NOSIVA SUSTAVA

- Četiri osnovna nosiva sustava s različitim svojstvima otpornosti na bočna opterećenja i ovisno o tome djelotvornošću za različite visine:

### 1. NOSIVI ZIDOVİ

- uslijed vlastite težine (obično betona) postaju neprakladni za zgrade visine preko 30 katova

### 2. NOSIVA JEZGRA

- obično je od betona pa je vlastita težina i ovdje ograničavajuća

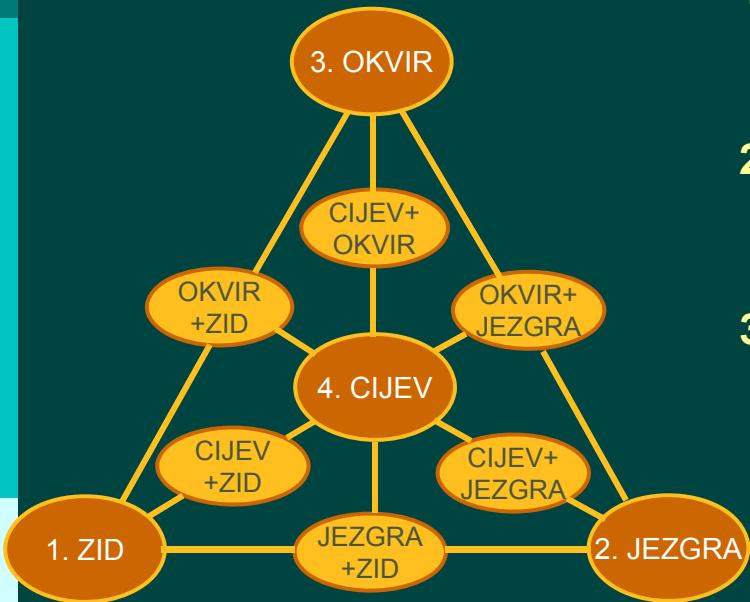
### 3. OKVIRNI SUSTAV

- djelotvornost ovisi o krutosti spojeva i količini spregova.
- Krutost može biti povećana uporabom jezgre, posmičnih zidova ili diagonalnih spregova
- Više spregova uključenih u prostorni sustav značit će i povećanje ostvarive visine (do 60 katova)

### 4. CIJEVNI SUSTAV

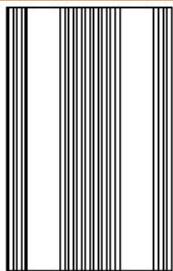
- to je prostorni okvir s vertikalnim elementima na vanjskom opsegu.
- Ostvariva visina ovisi o vrsti i količini spregova u cijevi.
- Najdjelotvorniji sustav za visine preko 60 katova.

- Kombiniranjem 4 osnovna sustava dobiva se 6 dodatnih

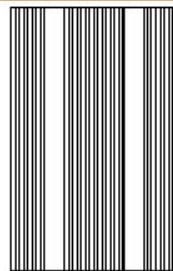


# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

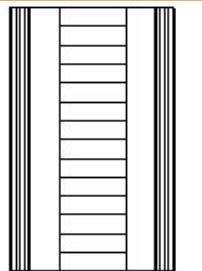
## 4 OSNOVNA NOSIVA SUSTAVA



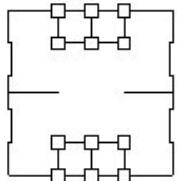
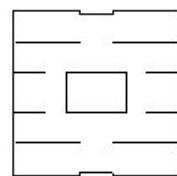
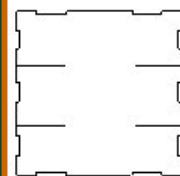
Nosivi zid



Nosivi zid s  
jezgrom



Nosivi zid s  
krutim okvirom

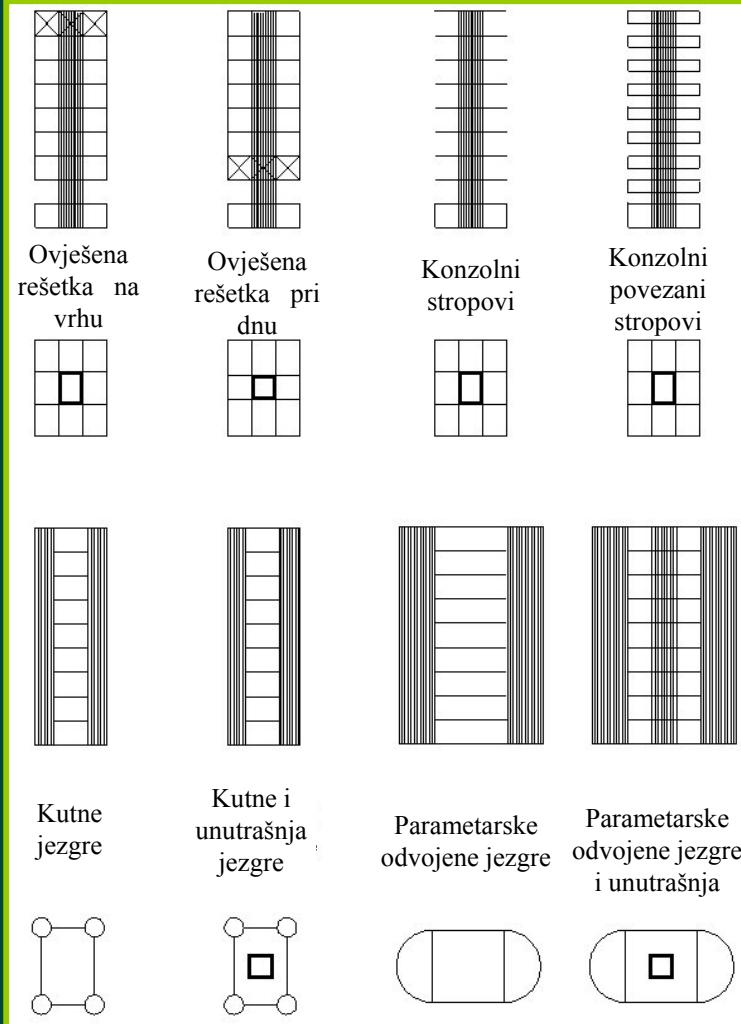


### □ NOSIVI ZIDOVИ

- Ravninski vertikalni elementi koji čine sve ili dio vanjskih zidova, a u mnogim slučajevima i unutrašnje zidove.
- Odupiru se vertikalnim i horizontalnim djelovanjima i uglavnom su od betona

# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## 4 OSNOVNA NOSIVA SUSTAVA

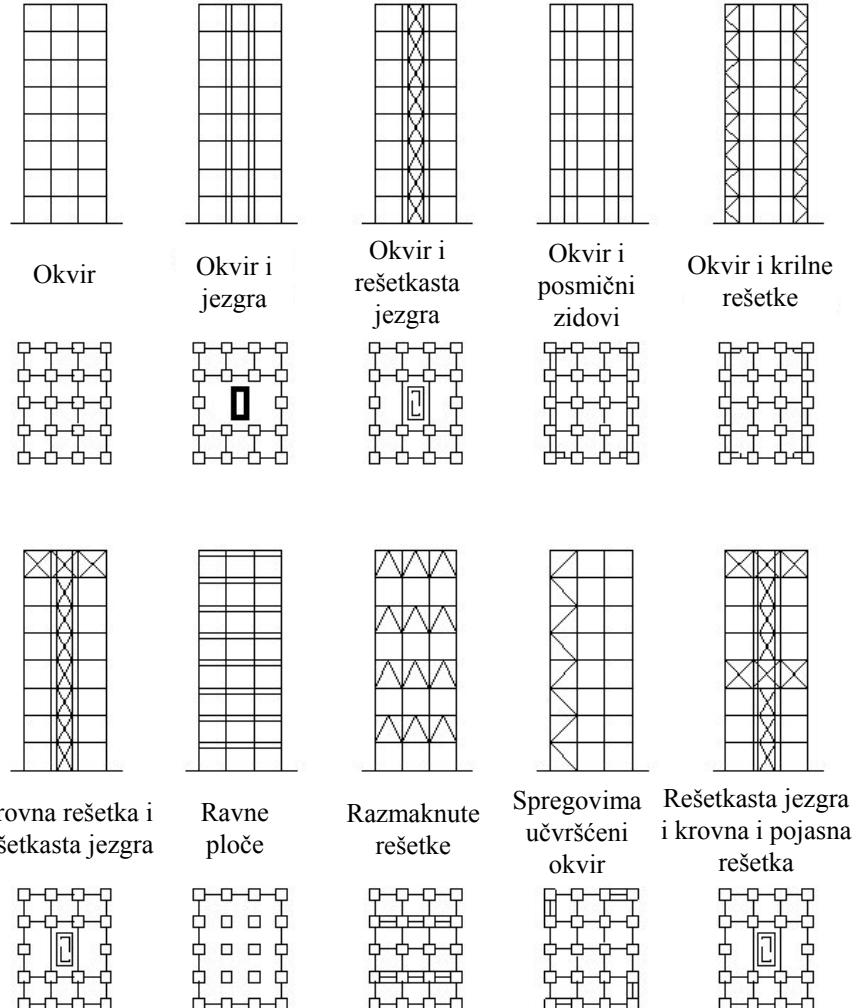


### □ NOSIVA JEZGRA

- Ravninski vertikalni elementi postavljeni u zatvorenu formu
- U njoj se koncentriraju sustavi za vertikalni transport.
- Fleksibilnost u uporabi prostora izvan jezgre
- Jezgra može biti otporna i na vertikalna i na horizontalna djelovanja, najčešće od betona
- Središnja jezgra s konzolnim ili ovješenim stropovima ili razdvojene jezgre povezane stropovima

# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## 4 OSNOVNA NOSIVA SUSTAVA

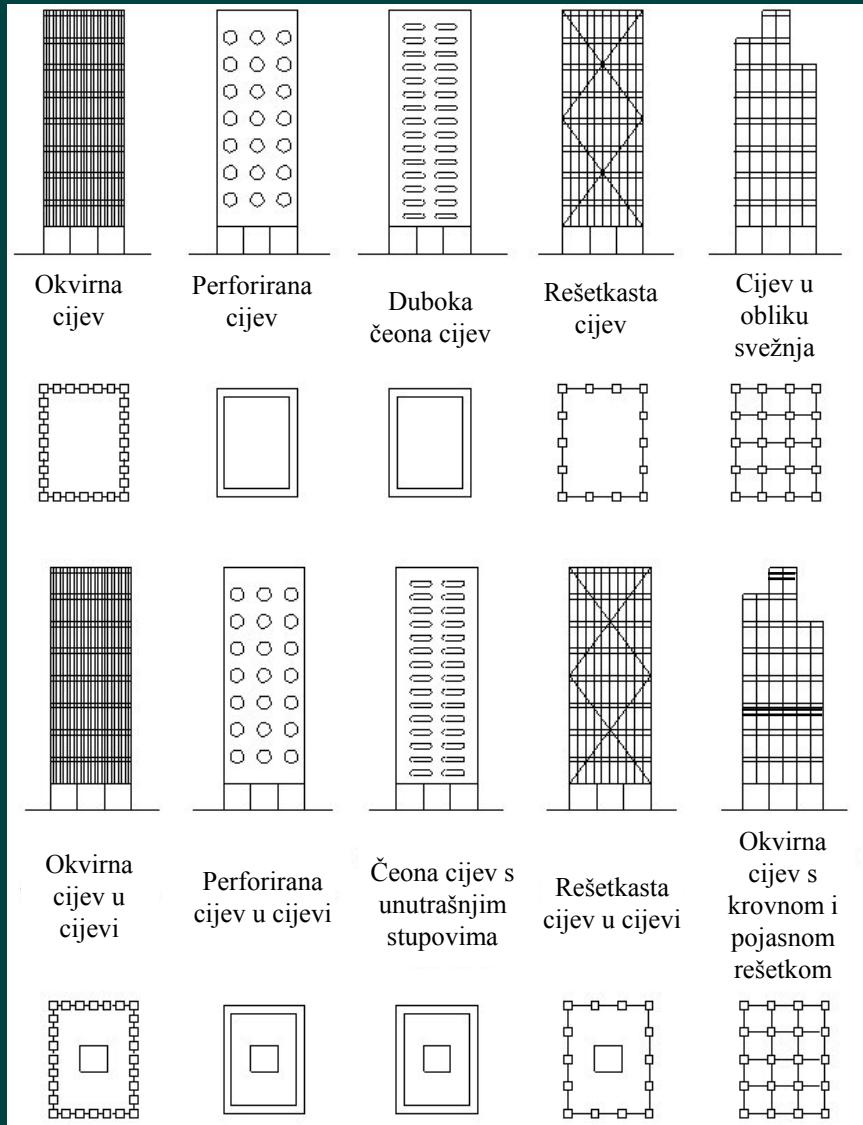


### □ OKVIRNI SUSTAV

- Stupovi, grede i stropne ploče postavljene tako da pružaju otpornost i horizontalnim i vertikalnim djelovanjima
- Okvir je oblik koji je najprikladniji za prilagodbe u pogledu materijala i oblika kako bi pružio odgovarajuću otpornost djelovanju
- Čelični okviri kombiniraju se sa betonskim zidovima i jezgrama, ili sa čeličnim spregovima i horizontalnim rešetkama.

# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## 4 OSNOVNA NOSIVA SUSTAVA



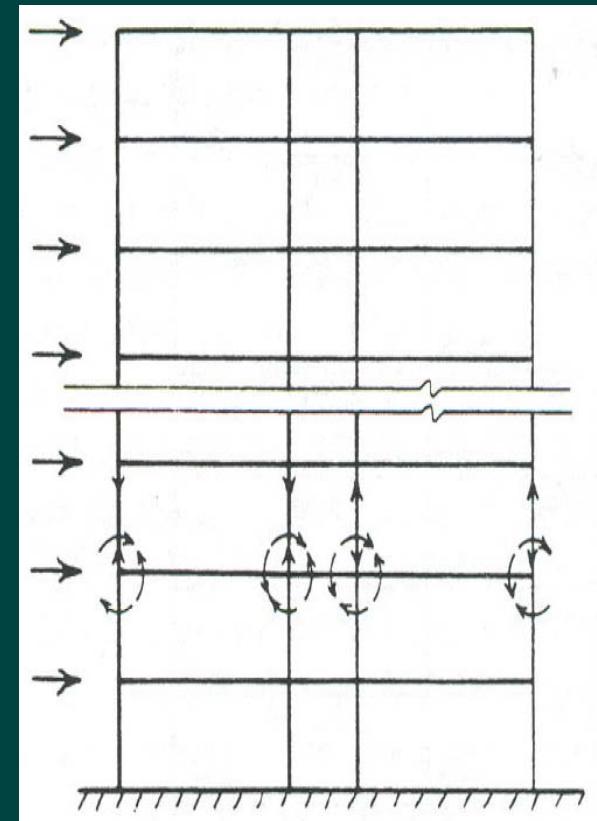
### □ CIJEVNI SUSTAV

- Blisko postavljeni vanjski elementi, projektirani tako da se bočnim djelovanjima odupiru kao cjelina, a ne kao posebni elementi.
- Moguća je upotreba i rešetkastih cijevi ili okvirnih cijevi.
- Cijev u cijevi dopušta više fleksibilnosti u uporabi unutrašnjeg prostora zbog toga što nema unutrašnjih stupova.

# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## KRUTI OKVIRI

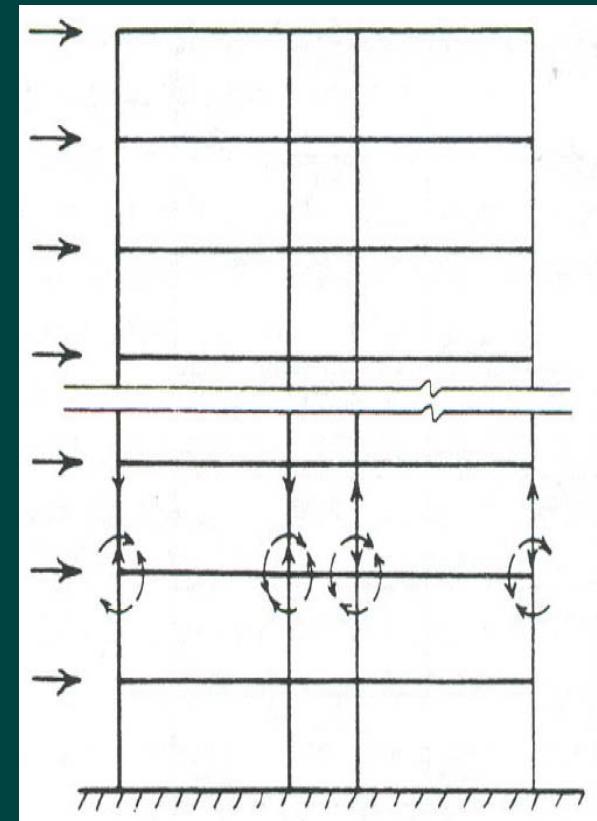
- kruti okviri su sustavi sačinjeni od greda i stupova povezanih krutim vezama
- horizontalna krutost ovisi o krutosti stupova, greda i njihovih međusobnih veza
- bitna prednost krutih okvira su veliki otvorovi koji ostavljaju mogućnost slobodnog planiranja prozora i vrata
- kruti okviri se uobičajeno koriste za raspone od 6 – 9 m
- kada se koriste kao jedini sustav za preuzimanje horizontalnih djelovanja, ekonomični su za zgrade do 25 katova
- iznad te visine postaju prefleksibilni, a povećanje izmjera elemenata nije ekonomično rješenje



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## KRUTI OKVIRI

- kruti okviri idealni su za AB konstrukcije zbog inherentne (svojstvene) krutosti spojeva
- kod čeličnih okvira kruti spojevi (otporni na savijanje) povećavaju cijenu
- izmjere stupova i greda na bilo kojoj razini direktno ovise o veličini posmičnog (horizontalnog) opterećenja - tako da se povećavaju prema dnu
- stropne konstrukcije sukladno nisu jednake na svim etažama kao kod okvira sa spregovima, nego im se visina povećava prema dolje zbog potrebnih većih greda, tako da visina katova varira

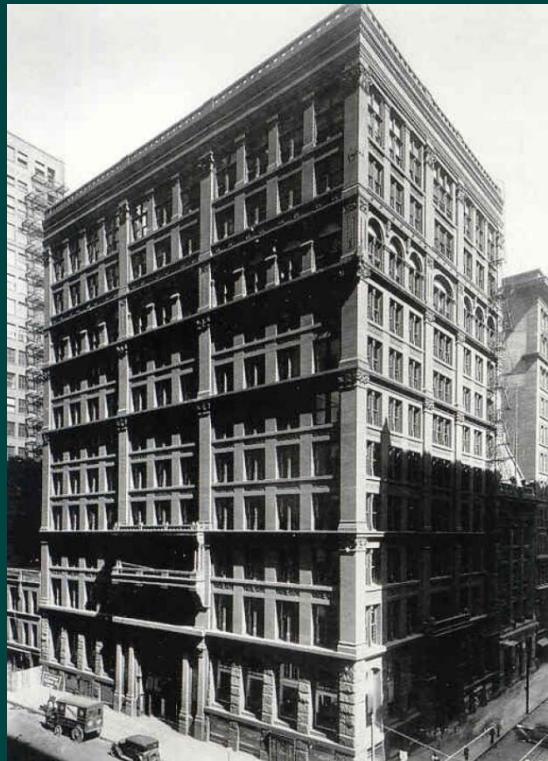


# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

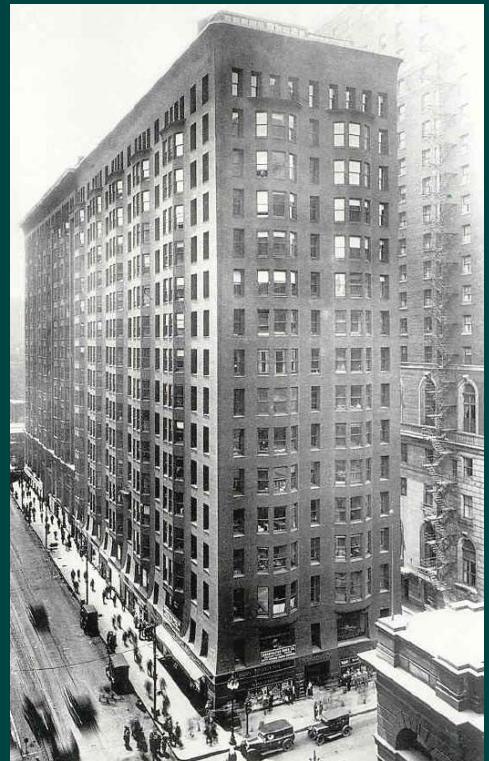
## KRUTI OKVIRI

### □ *Home Insurance Building*, Chicago (1885)

- prva zgrada na svijetu sa *sustavom krutih čeličnih okvira*
- Chicago je bila prirodna sredina za ovaj iskorak jer je u to doba bio središte američke željezničke mreže
- željeznica znači čelik – iako je ova zgrada sagrađena od kovanog željeza
- fasade su i dalje davale izgled masivne građevine, što je bilo uobičajeno za to doba
- projektanti još uvijek nisu u potpunosti razumjeli uporabu novog materijala – čelika



*Home Insurance Building  
(1885)*



*“prava” masivna zgrada  
Manadock Building (1891)*

# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## KRUTI OKVIRI

### □ Woolworth Building, New York, (1913)

- 60 katova
- za nju je izmišljen naziv "neboder" (skyscraper)
- statički sustav su *kruti čelični okviri* koji se oslanjaju na unutrašnje masivne zidove, koji pružaju bočnu otpornost na horizontalne sile od vjetra

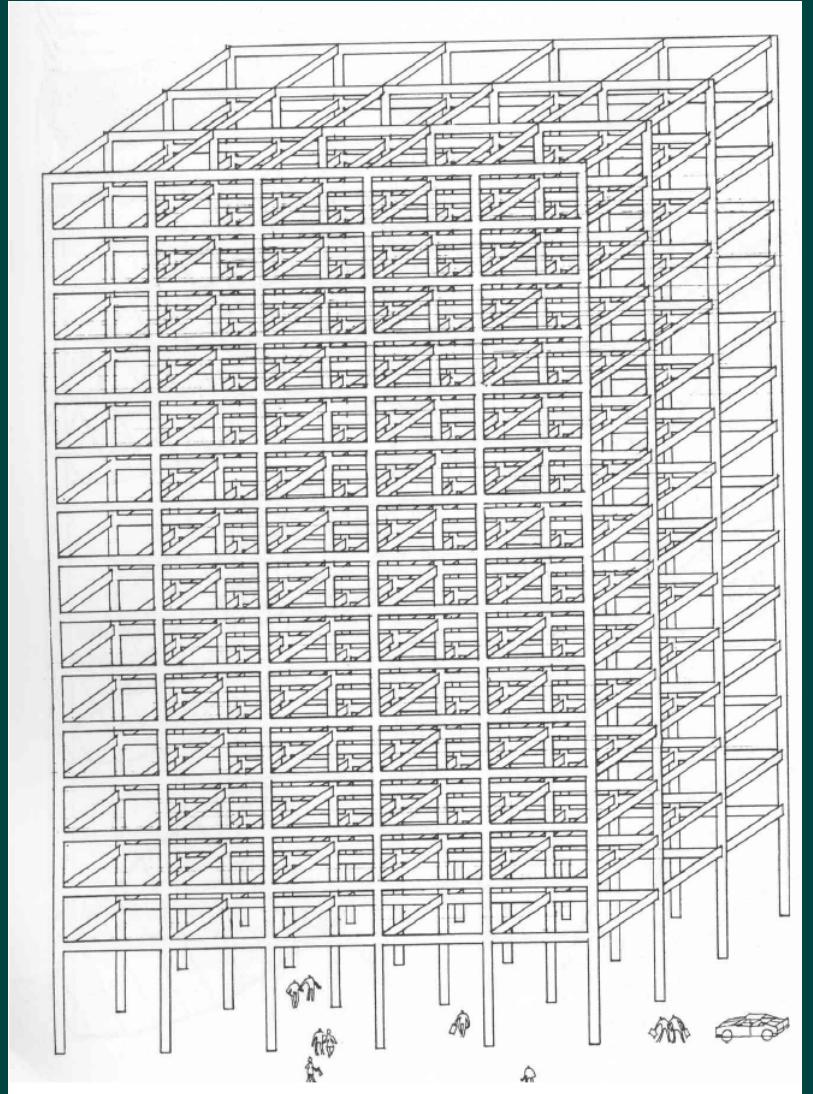


# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## KRUTI OKVIRI

### □ *Tradicionalni kruti okviri*

- kruti okvir bio je izvanredan napredak u konstrukterskom promišljanju, rođen 1885. uporabom čelika
- problem koji se javlja, kod tih sad već tradicionalnih konstrukcijskih sustava, je "gužva" koja se stvara posebno u području jezgre, gdje dizala, stubišta i instalacije onemogućuju ekonomično i estetsko korištenje prostora

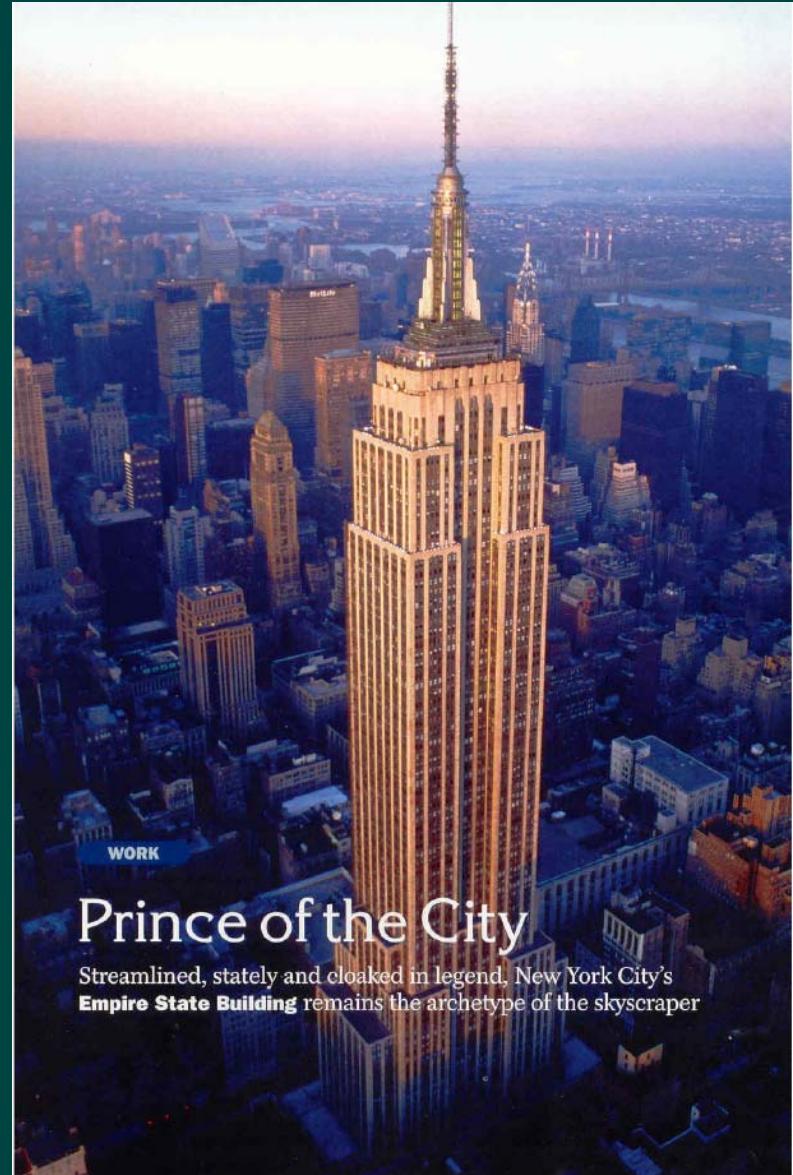


# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## KRUTI OKVIRI

### □ *Empire State Building, New York, (1931)*

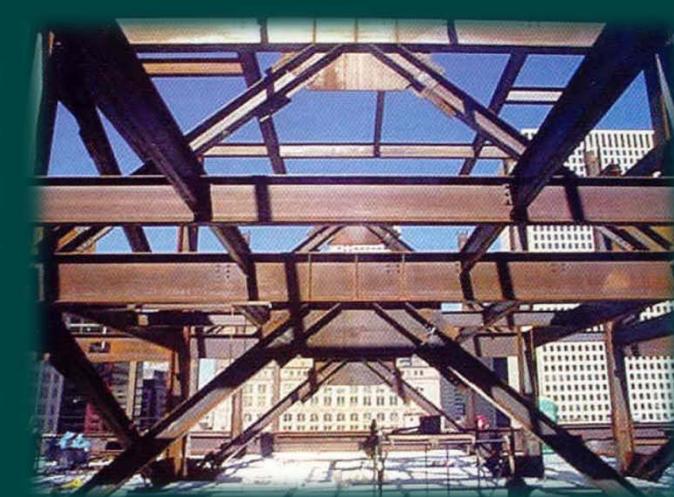
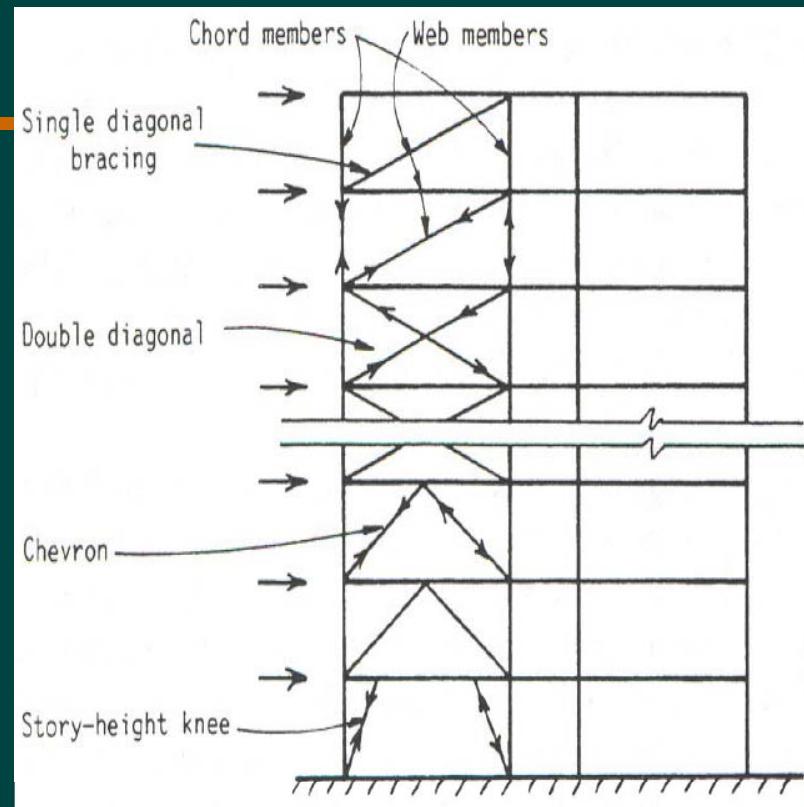
- također kruti okvir
- sagrađena je dva tjedna prije početka velike depresije i postaje najviša zgrada na svijetu
- osnovni konstrukcijski sustav je čelični okvir ubetoniran u beton sa dodatkom zgure
- 70 000 tona čelične konstrukcije montirano je u samo 23 tjedna
- težina konstrukcije bila je  $210 \text{ kg/m}^2$  naspram svega  $53 \text{ kg/m}^2$  koliko je bilo bilo potrebno za WTC
- bila je predmetom nadmetanja između Waltera Chryslera (sagradio je Chrysler Building, 319 m) i Johna Jakoba u izgradnji najviše zgrade na svijetu
- Betonski i čelični temelji se nalaze na dubini 17 m ispod razine tla, na stijeni ispod Manhattan-a
- horizontalni pomak zgrade (drift) od djelovanja vjetra iznosi 50 cm
- nakon uništenja WTC-a (411m) Empire State Building (381m) je ponovno postala najviša zgrada u New Yorku, sa vidikovcima na 86. i 102. katu
- 2013 One World Trade Center ponovno obara rekord (417 m krov, s antenom 541 m)



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## OKVIRI SA SPREGOVIMA

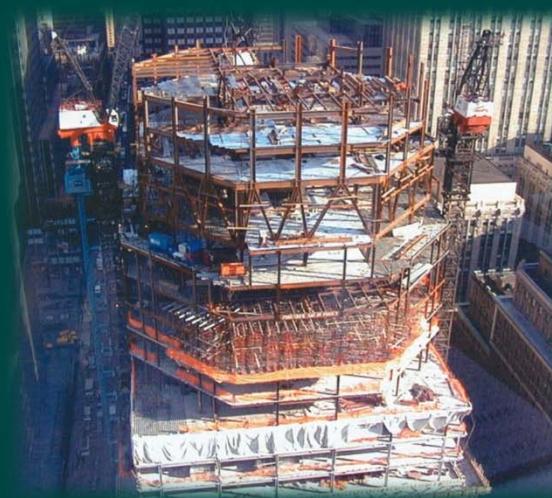
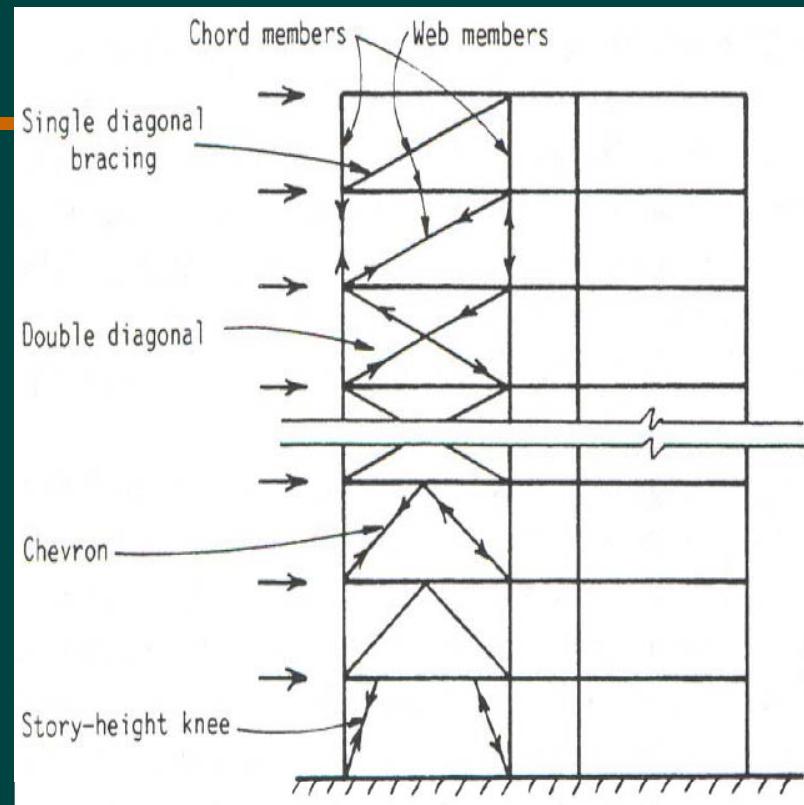
- otpornost na horizontalna djelovanja ostvarena je preko "hrptova" koje čine dijagonale spojene na grede
- tako se formiraju vertikalne rešetke, gdje stupovi djeluju kao pojasevi
- horizontalnom posmiku odupiru se horizontalne komponente elemenata sprega
- ovaj sustav je izuzetno ekonomičan i učinkovit za preuzimanje horizontalnih sila neovisno o visini zgrade, pa je prikladan i za najviše zgrade



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## OKVIRI SA SPREGOVIMA

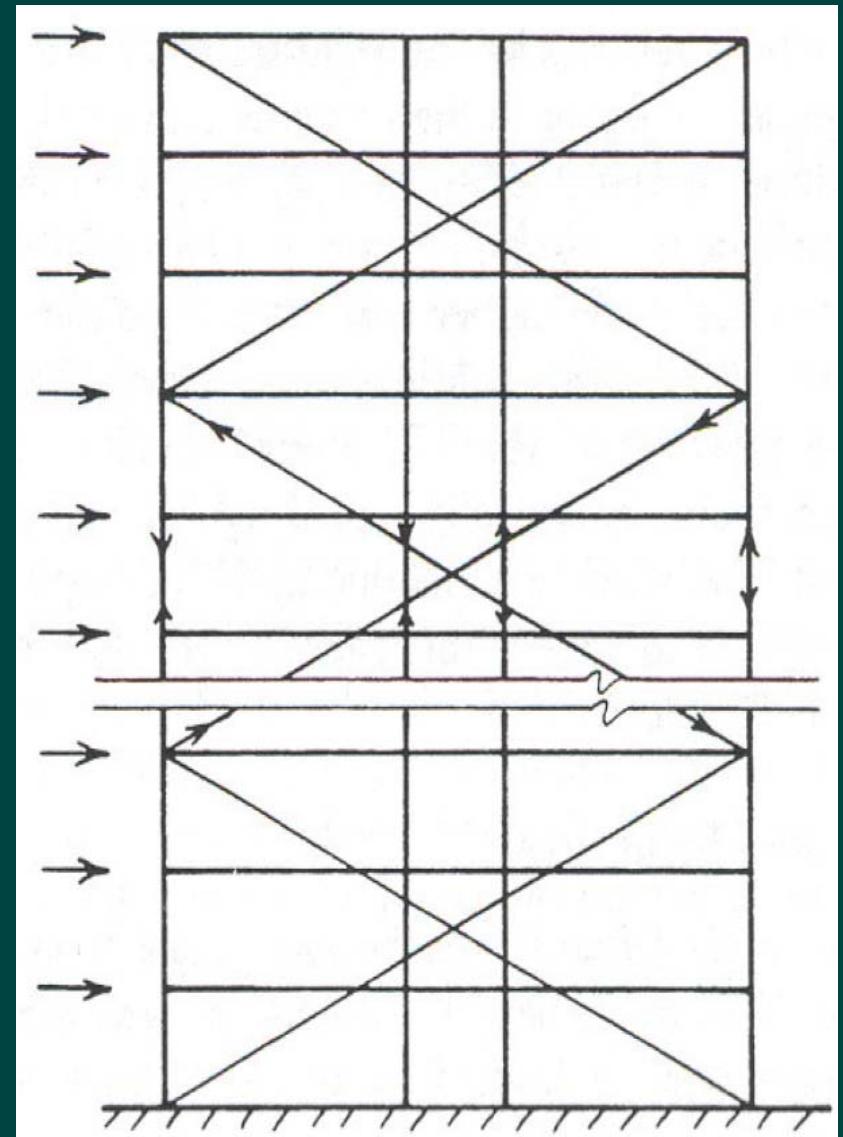
- još jedna prednost ovakvih trokutastih spregova je da grede sudjeluju vrlo malo u preuzimanju horizontalnog opterećenja, tako da stropna konstrukcija nije ovisna o visini zgrade
- dijagonalni spregovi ometaju unutarnje planiranje prostora (vrata, prozori)
- zato su uobičajeno smješteni oko dizala, stubišta i servisnih okana



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## OKVIRI SA SPREGOVIMA

- U prošlosti su dijagonale bile raspoređene po katovima
- danas su sve češći sustavi sa dijagonalama koje se protežu preko više katova i više raspona

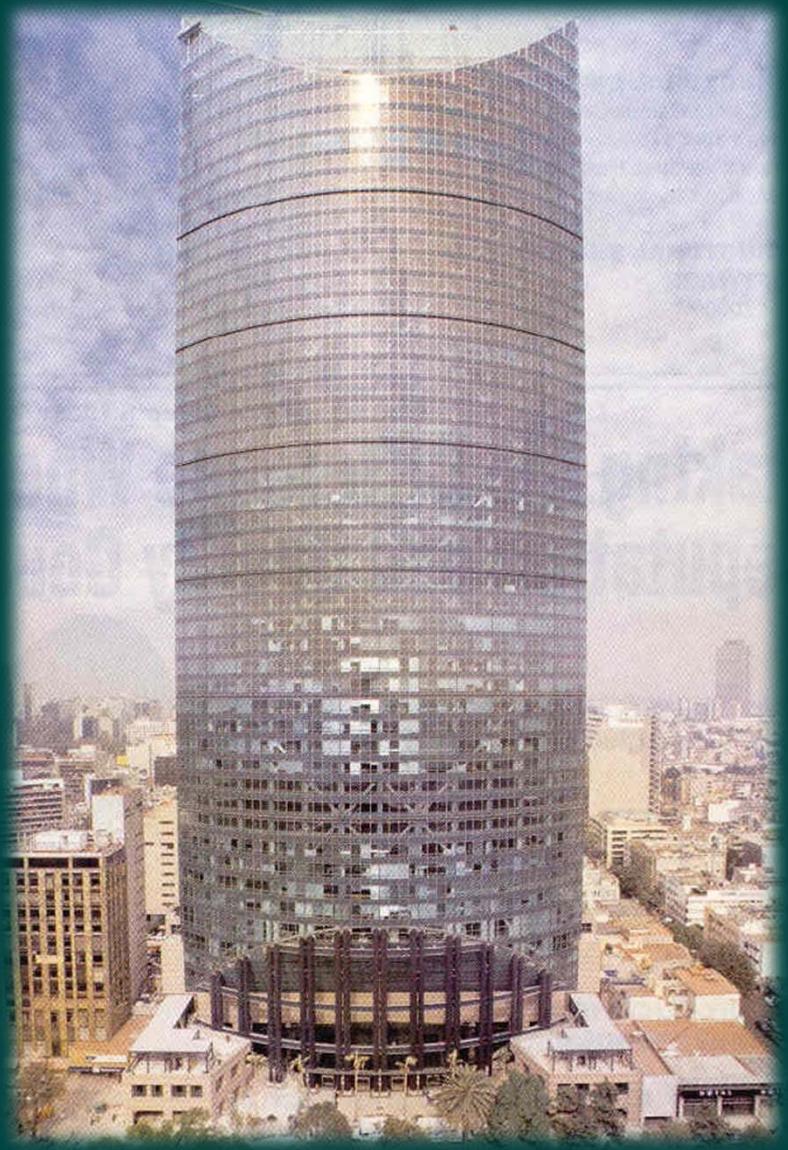


# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## OKVIRI SA SPREGOVIMA

### □ *Torre Mayor, Mexico City, (2004)*

- zgrada sa 57 katova visine 225 m
- najviša zgrada u Južnoj Americi
- spregovi su na tri mesta, gdje skup dijagonala dijamantnog oblika povezuje super-X sustave

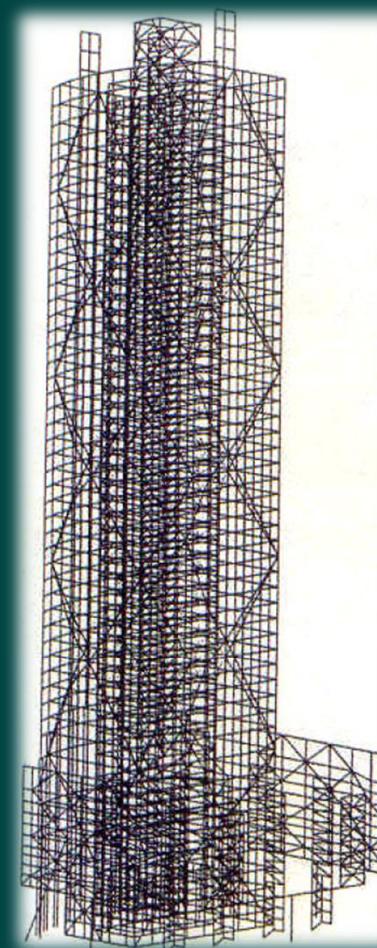


# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA OKVIRI SA SPREGOVIMA

---

## □ *Torre Mayor, Mexico City, (2004)*

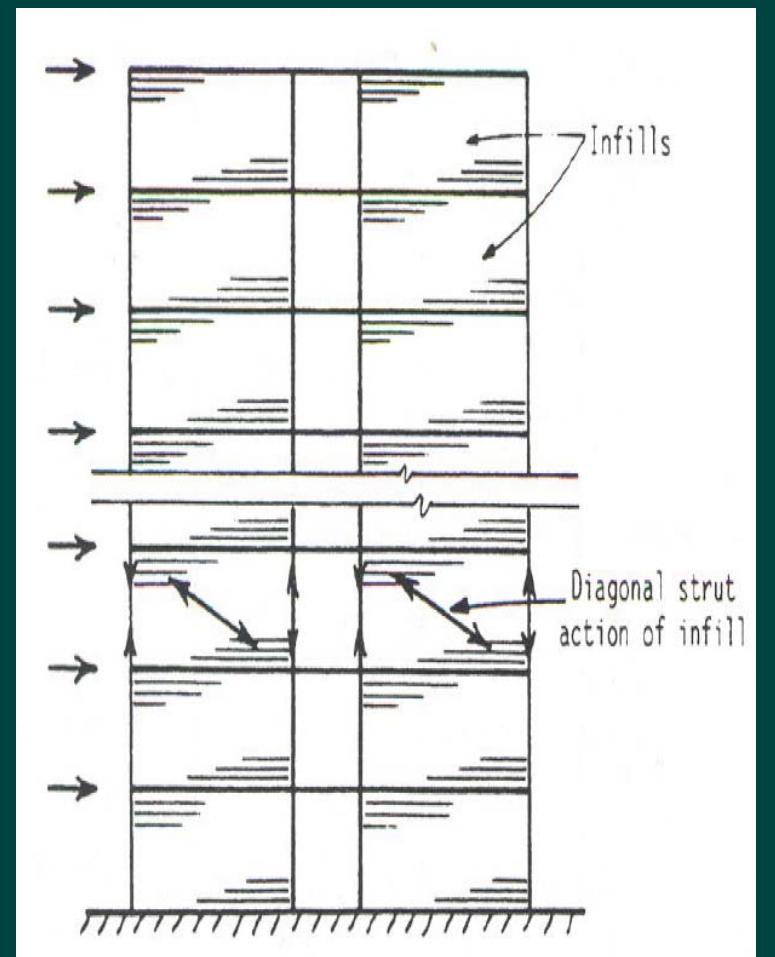
- prigušivači su postavljeni na južnoj i sjevernoj fasadi na mjestima tih dijamantnih spregova
- tako se povećava prigušenje konstrukcijskog sustava stvarajući "prigušene veze" (damped link) između super-X sustava
- dodatni prigušivači smanjuju međukatni pomak (sway interstory drift)
- zgrada je proračunata je na trodimenzionalnom numeričkom modelu koristeći programski paket SAP 2000



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## OKVIRI S ISPUNOM

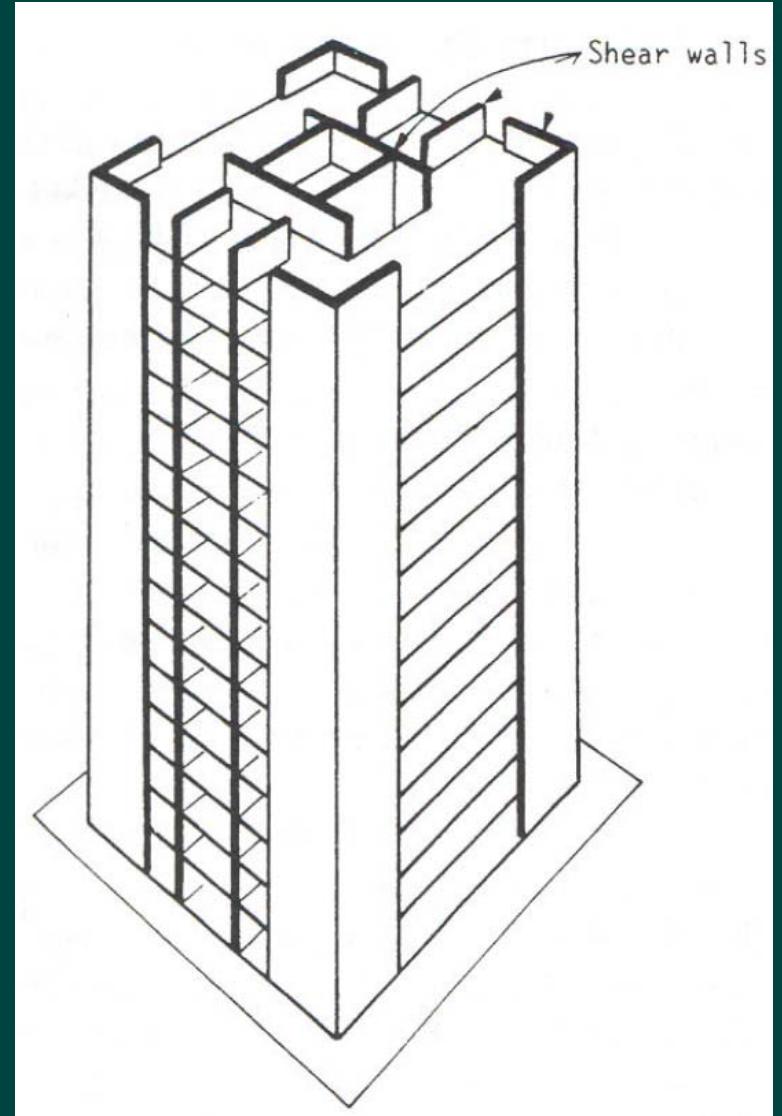
- statički sustav *okvira s ispunom* često se koristi u Europi za zgrade visoke do 30 katova
- osnovni armirano-betonski okvir, koji čine stupovi i grede, ispunjava se zidovima (panelima) od opeke ili betona izvedenog na licu mesta
- za horizontalne napadne sile ispuna djeluje kao tlačna dijagonala i tako ukrućuje okvir
- okvir s ispunom nije lako proračunati zbog nejasnog toka preuzimanja bočnih horizontalnih djelovanja
- osim toga, često se događa da budući stanari uklone neke zidove, čime se otpornost okvira nepredvidivo slabi



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## POSMIČNI ZIDOVИ

- *posmični zidovi* od armiranog betona mogu poslužiti kao arhitektonske i konstrukcijske pregrade, koje preuzimaju vertikalna i bočna djelovanja
- njihova vrlo velika membranska krutost i čvrstoća čine ih idealnim elementima za stabilizaciju visokih zgrada
- kod zgrade s posmičnim zidovima, ti zidovi daju osnovnu otpornost na bočna djelovanja
- posmični zidovi djeluju
  - kao vertikalne konzole
  - kao pojedinačni zidovi u ravnini (membrane)
  - kao sklopovi van ravnine, obično oko liftova, stepenica i servisnih okana
- krući su od krutih okvira i ekonomični do visine od oko 55 katova
- ograničenja u planiranju posmičnih zidova čine ih pogodnim samo za hotele i zgrade za stanovanje



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## POSMIČNI ZIDOVИ

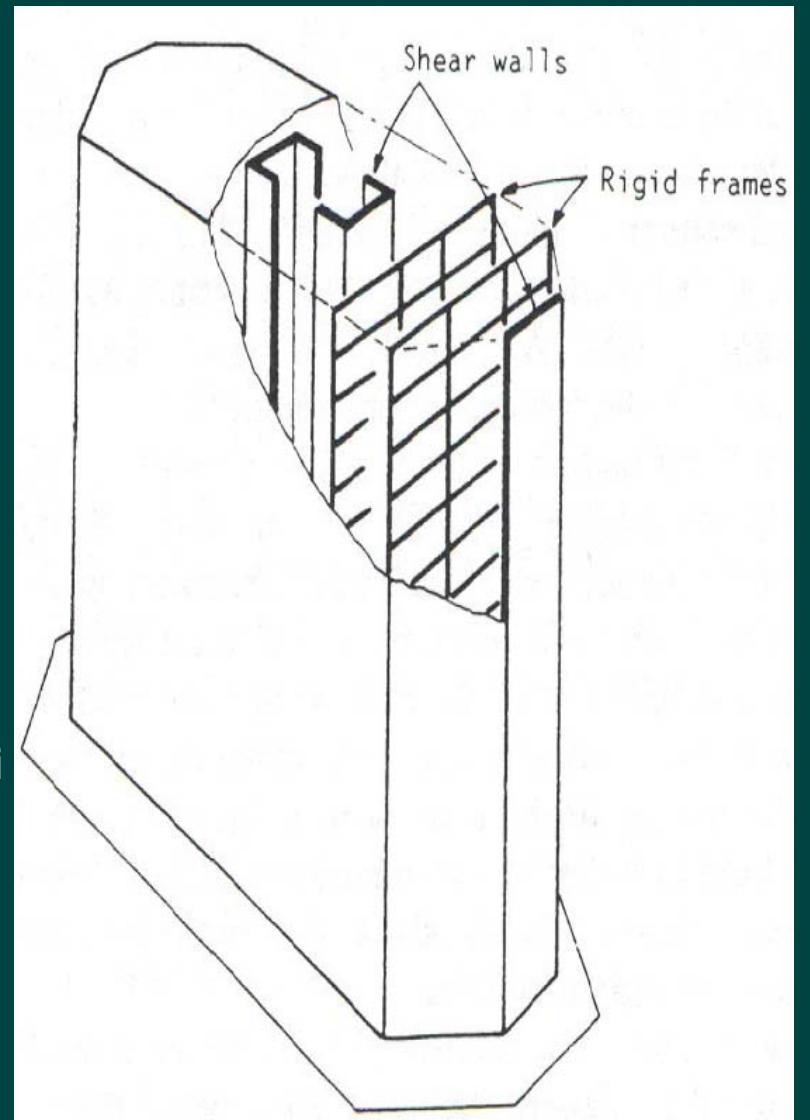
- stropne konstrukcije se ponavljaju, a kontinuirani vertikalni zidovi služe istovremeno za zvučnu izolaciju i zaštitu od požara između pojedinih prostora
- kad se posmični zidovi primjenjuju u kombinaciji s okvirima, oni praktično preuzimaju sva horizontalna djelovanja, tako da se okviri dimenzioniraju samo na vertikalna djelovanja
- raspored posmičnih zidova mora se planirati tako da su vlačna naprezanja od horizontalnih djelovanja manja od tlačnih naprezanja od vertikalnih djelovanja
- posmični zidovi se dobro ponašaju za potresna djelovanja, zbog njihove velike duktilnosti
  
- Tipična velika stambena zgrada u Miami-u, koju čine
  - jaki stupovi po obodu i
  - unutrašnji posmični zidovi,
  - horizontalno međusobno povezani prednapetim nosivim pločama



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## KONSTRUKCIJE OD ZIDOVA I OKVIRA

- ako se otpornost konstrukcije postiže zajedničkim djelovanjem posmičnih zidova i okvira, takva konstrukcija se tako i zove (*wall-frame structure*)
- konstrukcija zauzima zajednički deformirani oblik za oba konstrukcijska sustava, što se postiže horizontalnom krutosti greda i katnih ploča
- zidovi i okvir horizontalno međusobno djeluju, poglavito na vrhu zgrade, čime se dobiva krući i jači konstrukcijski sklop
- tim dvojnim sustavom ekonomičnost se diže do razine od 65 katova, daleko više nego za pojedinačno djelovanje bilo krutih okvira bilo posmičnih zidova nosivim pločama
- uz pažljivo podešavanje, posmik u okviru može biti približno nepromjenjiv po cijeloj visini građevine, što omogućuje izvedbu jednakih katnih (stropnih) konstrukcija – ponavljanje
- većina ovakvih sklopova je od armiranog betona

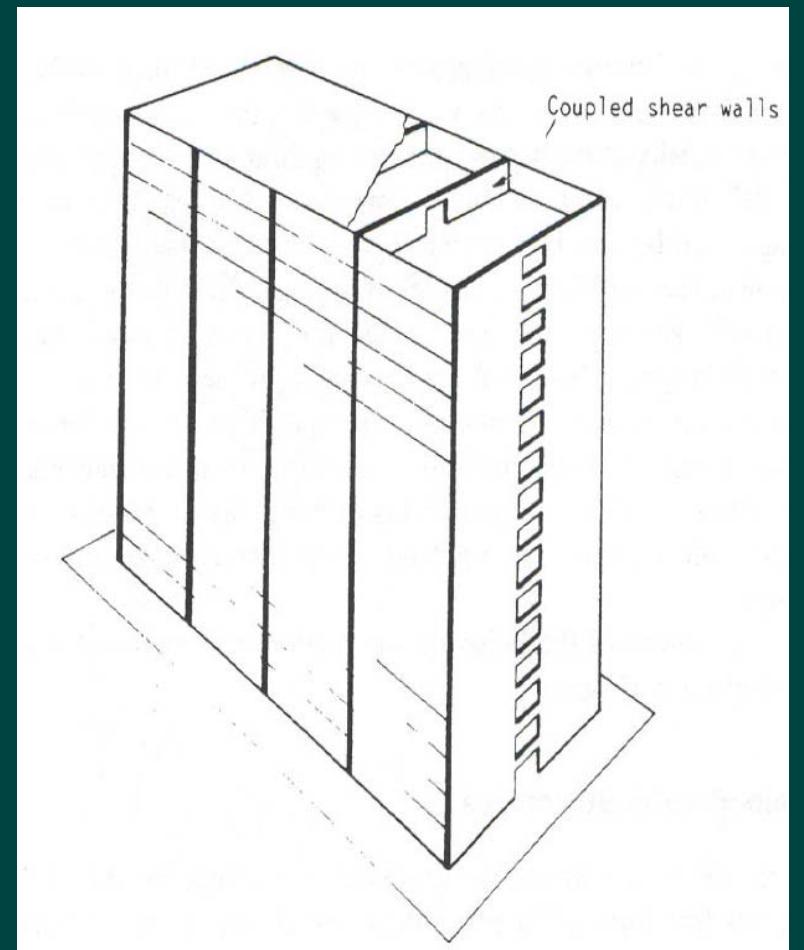


# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## POVEZANI ZIDOVI

### □ COUPLED WALLS

- konstrukcijski skloovi s *povezanim zidovima* su uobičajeni staticki sustavi od posmičnih zidova, sa dva ili više zidova u istoj ravnini povezana na razinama stropova gredama ili krutim pločama
- time se ostvaruje spregnuto djelovanje skupa zidova oko zajedničke težišne osi
- horizontalna krutost je naravno neusporedivo veća od krutosti zbroja nepovezanih zidova, koji djeluju pojedinačno
- povezani zidovi se uobičajeno koriste kod stambenih zgrada od armiranog betona
- u pojedinačnim slučajevima i kod čeličnih okvira primjenjene su jake čelične ploče na mjestima najvećih posmičnih sila, kao npr. kod podnožja okana za dizala



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## POVEZANI ZIDOVÍ

□ *Espiritu Santo neboder*, Miami,  
(2003)

- projekt: Kohn Pederson Fox Associates.
- dramatična prednja fasada je geometrijski rezultat presjeka valjkaste plohe i nagnutog pravca
- zgrada (toranj) sadrži hotel na donjim etažama, urede na srednjim etažama i stanove na vrhu

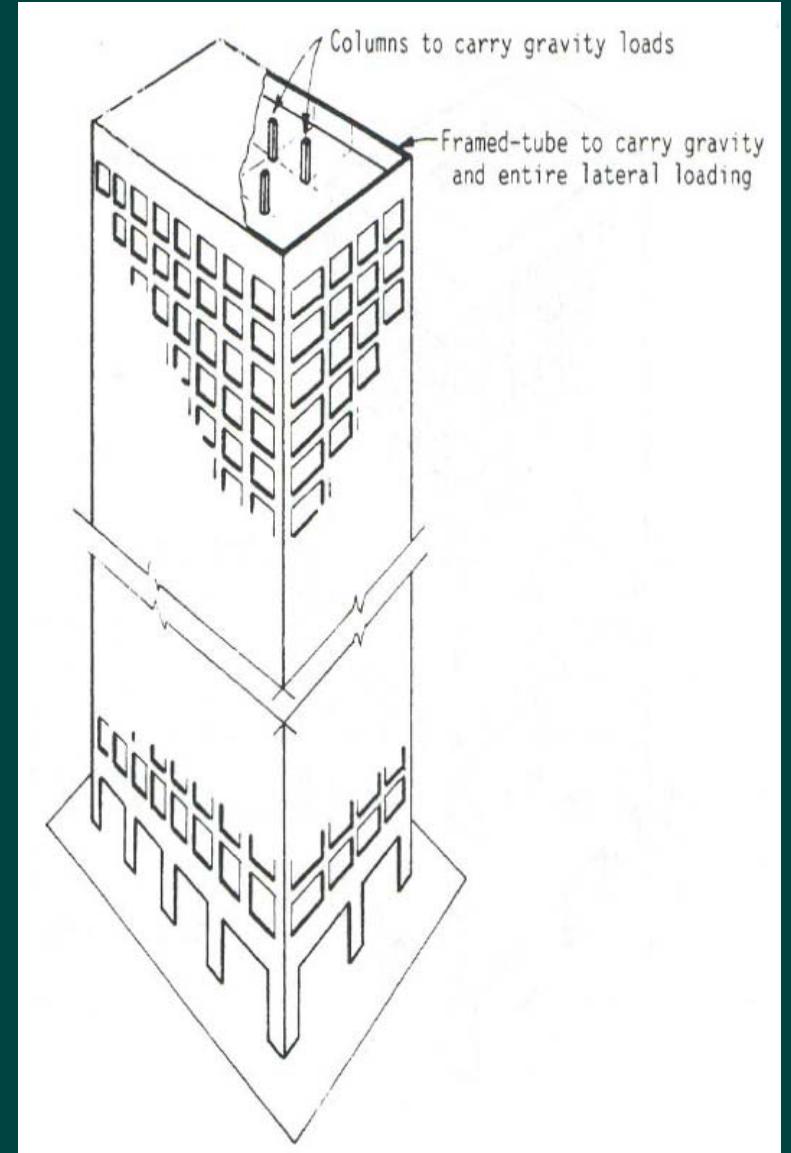


# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## OKVIRNE CIJEVNE KONSTRUKCIJE

### □ FRAMED TUBE

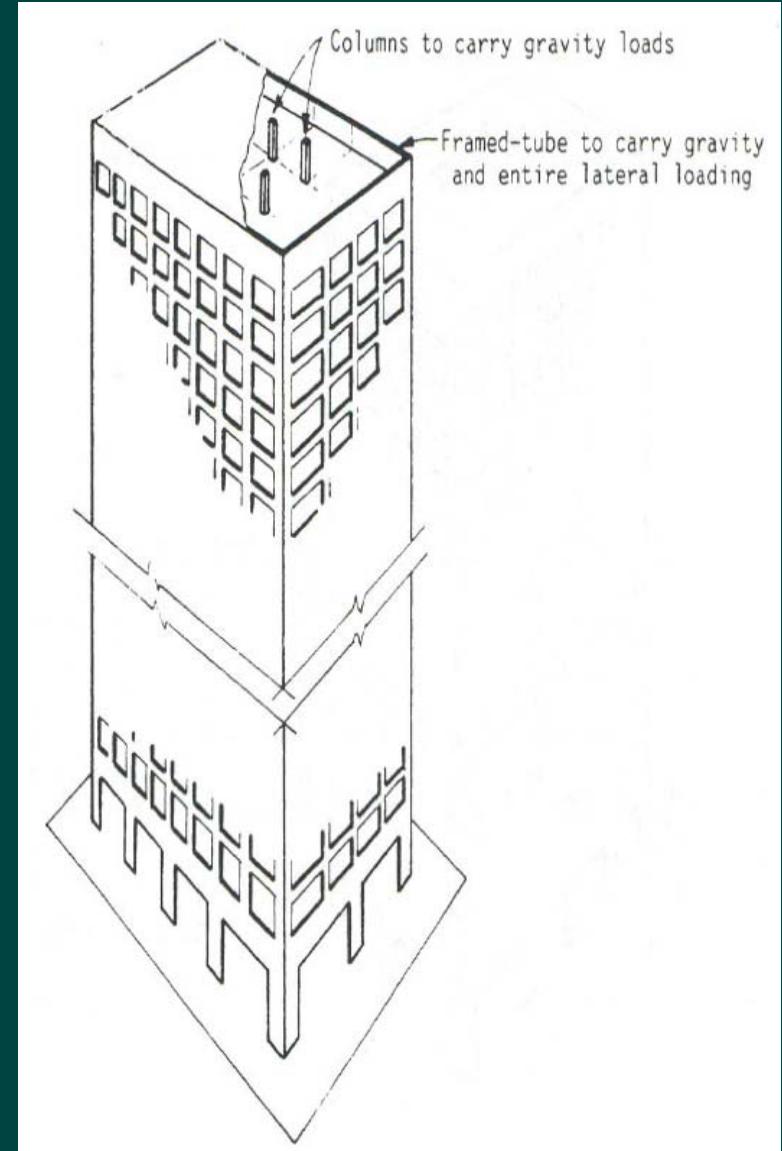
- tvore ih četiri vrlo kruta okvira, otporna na savijanje, koji oblikuju „cijev“ („tube“) oko oboda zgrade
- okviri se sastoje od stupova na malom razmaku (tipično 2-4m), međusobno povezanih visokim horizontalnim gredama
- na razini ulice mali razmaci stupova moraju se prekinuti, a za prijenos sila koriste se jake prijelazne (transfer) grede
- vanjska cijev preuzima 100% horizontalnih djelovanja i 75-90% vertikalnih djelovanja
- preostala vertikalna djelovanja preuzimaju stupovi (ili posmični zidovi) jezgre
- za horizontalna opterećenja obodni okviri u smjeru opterećenja djeluju kao hrptovi masivne konzolne cijevi
- preostala dva okvira okomita na smjer opterećenja djeluju kao pojasevi



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## OKVIRNE CIJEVNE KONSTRUKCIJE

- najučinkovitija je cijev u tlocrtu kvadratnog oblika (WTC i Sears) ili kružnog oblika (Petronas)
- ova konstrukcijska forma prikladna je i za čelik i za armirani beton za visine od 45 do 110 katova
- vrlo ponavljajuća struktura omogućuje ekonomičnu prefabrikaciju
- ova konstrukcijska forma predstavlja najznačajniji moderni iskorak kod visokih zgrada
- poboljšanja su potrebna, jer pojasevi trpe od posmičnih deformacija (*shear lag*)
- te posmične deformacije nastaju od manjeg opterećenja srednjih od kutnih pojasnih stupova
- stoga srednji stupovi ne doprinose u potpunosti krutosti pojaseva

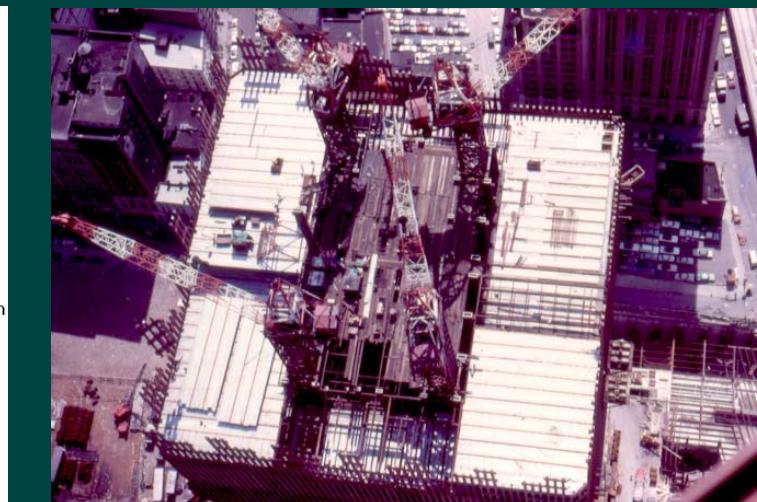
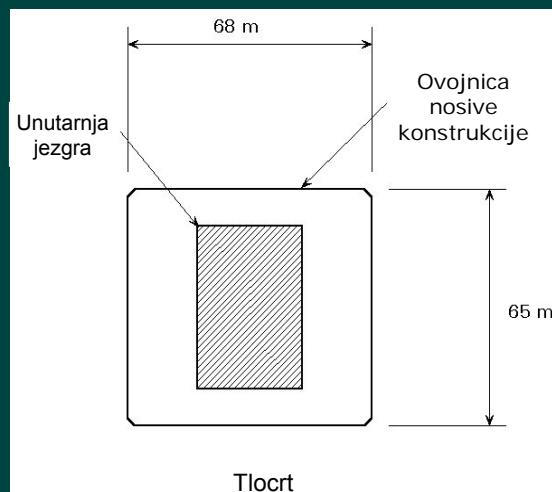
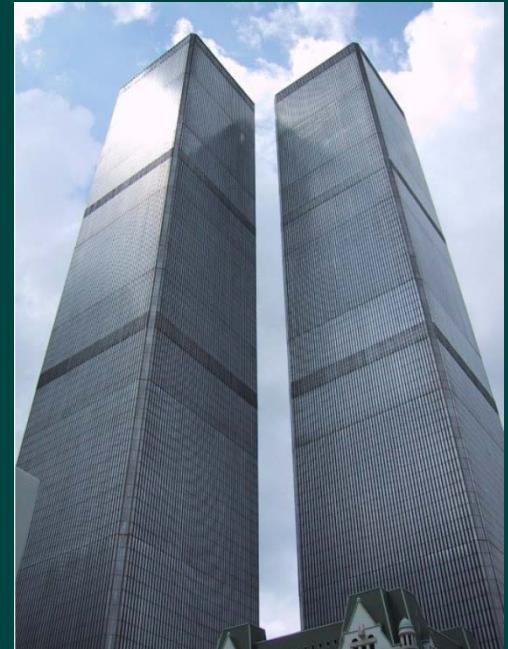


# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## OKVIRNE CIJEVNE KONSTRUKCIJE

- ***The World Trade Center***, New York, južni toranj (1970), sjeverni (1972)

- to su bile *prve okvirne cijevi*, koje su dostigle visinu od 110 katova,  $H=411$  m
- cijev u cijevi = vanjski omotač od čeličnih stupova vrlo blisko postavljenih (okvirna cijev) + unutrašnja jezgra u kojoj su koncentrirane sve vertikale (stepenice, dizala)
- vanjska cijev je sačinjena od vertikalnih čeličnih stupova 356x356 mm, na osnom razmaku od 56 cm
- vertikalni stupovi povezani su horizontalnim gredama na razini svakog kata

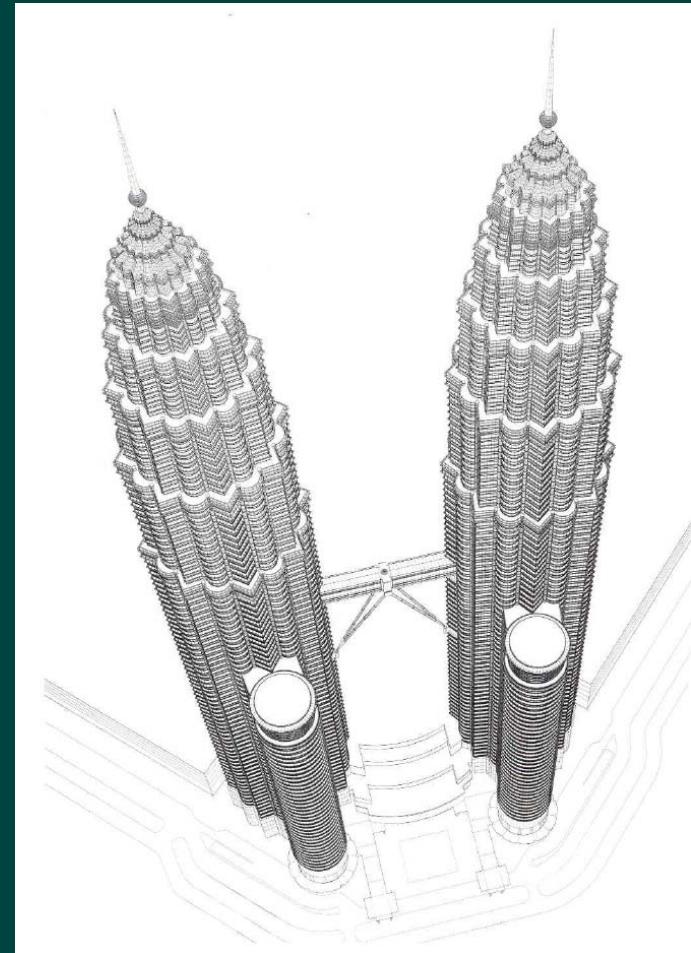


# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## OKVIRNE CIJEVNE KONSTRUKCIJE

### □ ***Petronas Towers***, Kuala Lumpur, Malezija, (1998)

- Petronas tornjevi visine 452 m (10m viši od Sears Tower-a u Chicagu)
- tornjevi imaju 88 numeriranih razina, ali ustvari imaju 95 katova (broj „8“ je sretni broj za Kineze)

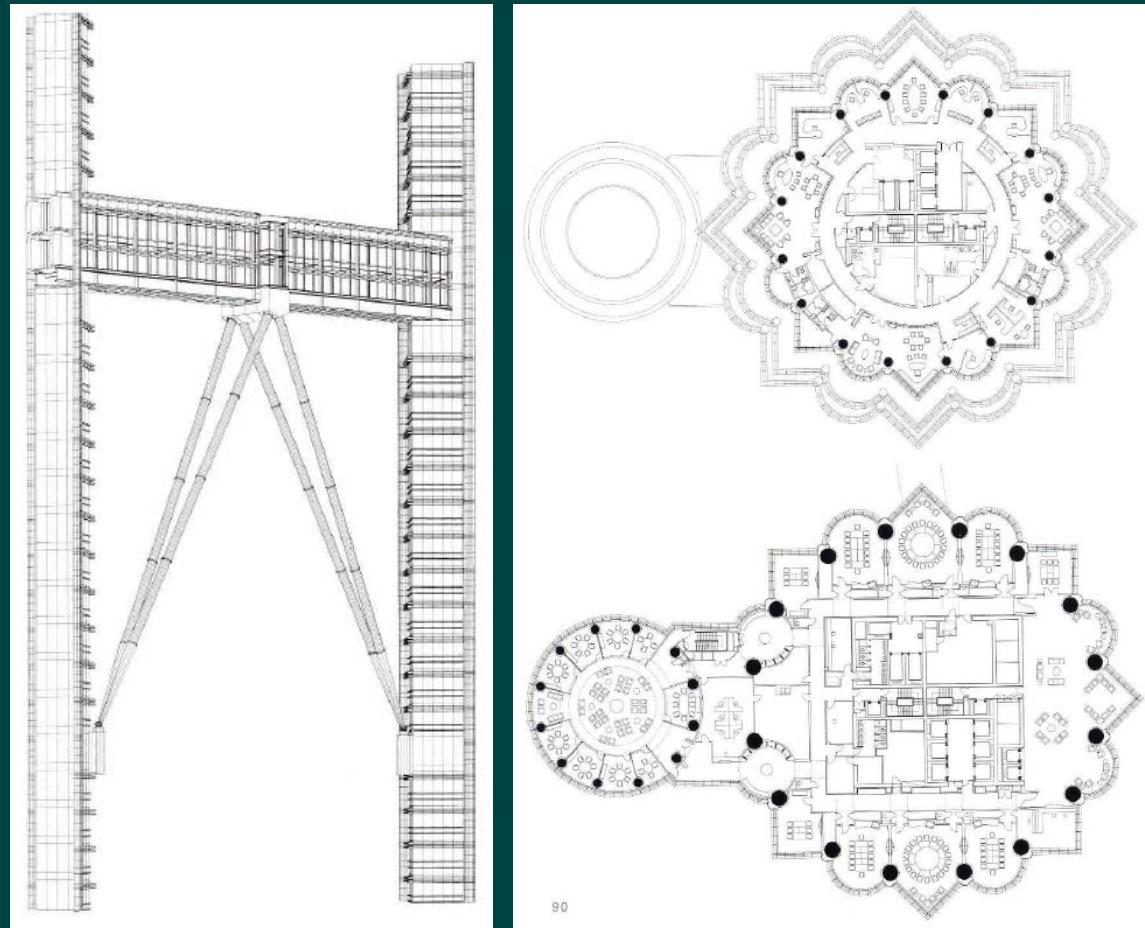


# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## OKVIRNE CIJEVNE KONSTRUKCIJE

### □ ***Petronas Towers***, Kuala Lumpur, Malezija, (1998)

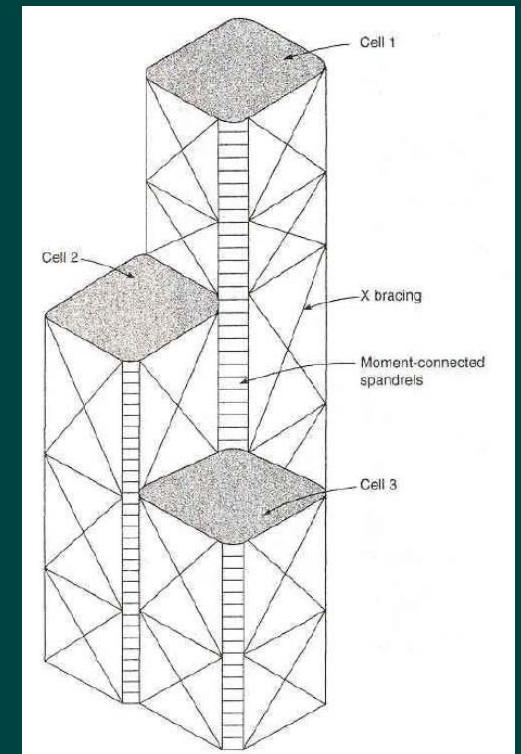
- korišten je armirani beton za središnju jezgru i obodne stupove sa prstenastim gredama od betona tlačne čvrstoće 80 MPa
- svaki toranj je valjkastog oblika promjenjivog promjera sa 16 stupova



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA CJЕVI POVEZANE U SNOPOVE

## □ BUNDLED-TUBE

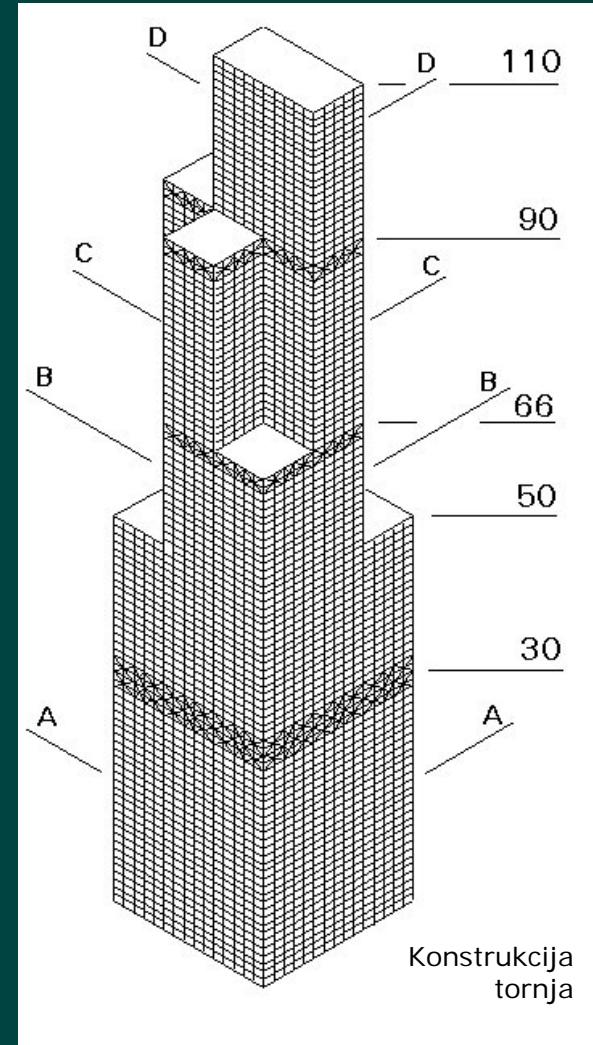
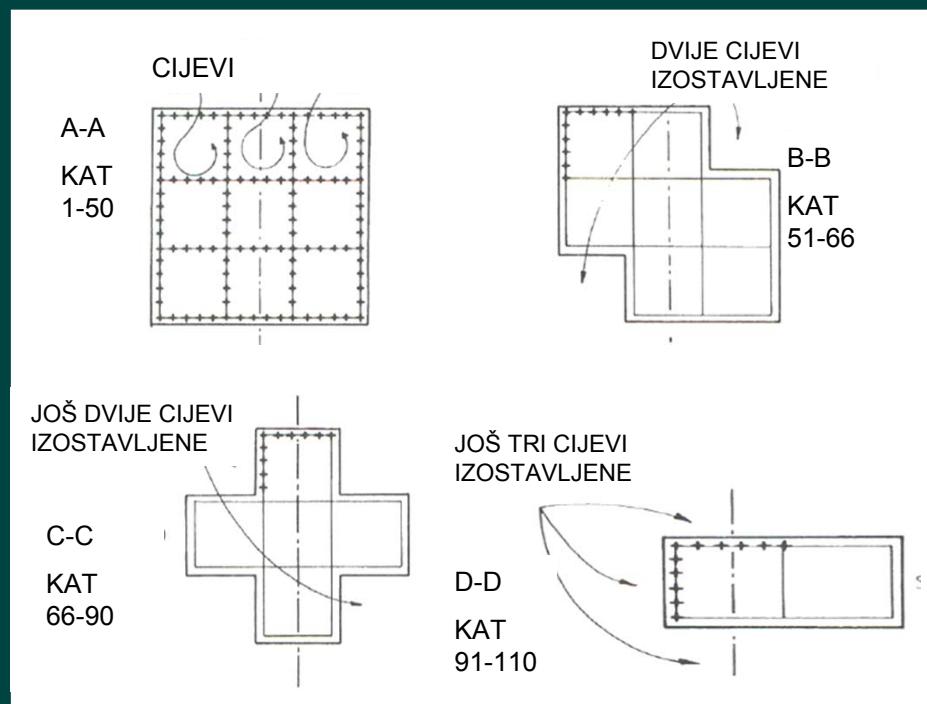
- prirodna evolucija forme WTC-ovih okvirnih cijevi bila je primjena više međusobno povezanih cijevi, „kao vezani kolci“
- povezani skup cijevi ostvaruje veću mnogo veću bočnu (horizontalnu) krutost, nažalost na račun ograničavajućeg unutrašnjeg planiranja
- ovaj konstrukcijski sustav prvi put je primijenio svjetski poznati arhitekt Fazlur Khan za
- **Sears Tower u Chicagu (1974)**
  - 110 katova, H = 442 m



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA CIJEVI POVEZANE U SNOPOVE

## □ Sears Tower u Chicagu (1974)

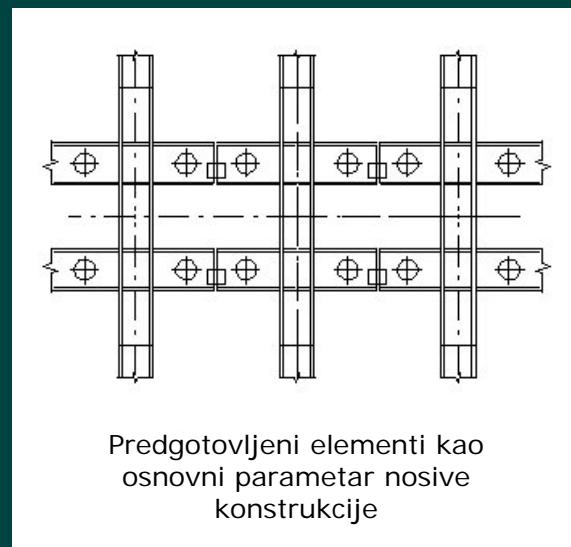
- Vanjska cijev sastavljena od okvira + tri horizontalne rešetke – prstenasto ovijanje.
- Smanjenje tlocrne površine s visinom – velika konzola s promjenljivim poprečnim presjekom.
- novi unutrašnji hrptovi bitno smanjuju utjecaj posmične fleksibilnosti (*shear lag*) u pojasevima



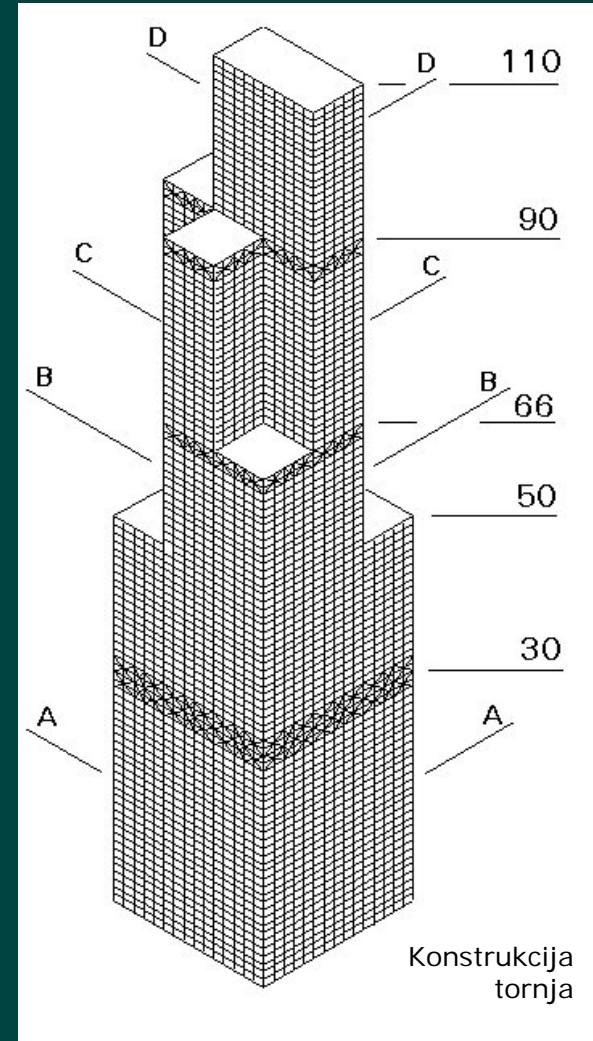
# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA CJЕVI POVEZANE U SNOPOVE

## □ Sears Tower u Chicagu (1974)

- naprezanja u stupovima su sukladno raspoređena ravnomjernije nego kod konstrukcijskog sustava s jednom cijevi
- parametarska konstrukcija sastoji se od predgotovljenih elemenata s tri raspona i visine dva kata čime je određena i fasada.



Predgotovljeni elementi kao osnovni parametar nosive konstrukcije



Konstrukcija tornja

# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## CJIEVI SA SPREGOVIMA

### **BRACED TUBES**

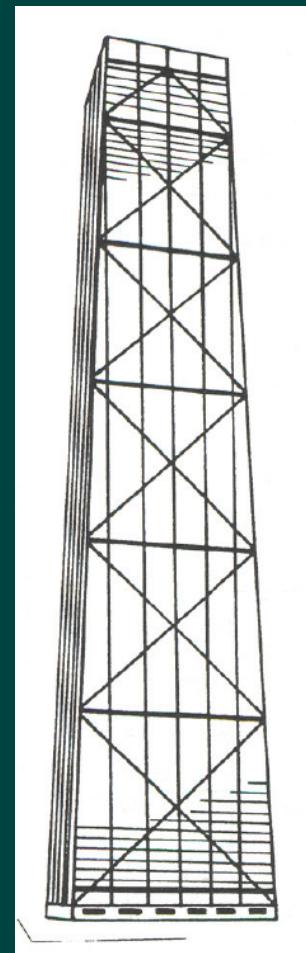
- učinkovitost okvirnih cijevnih konstrukcija može se povećati dodavanjem dijagonalnih spregova na fasadama
- obzirom da su dijagonale cijevi sa spregovima spojene na stupove na svakom križanju, one gotovo potpuno eliminiraju utjecaj posmičnih deformacija (*shear lag*)
- utjecaj savijanja u štapovima okvira je bitno smanjen
- to omogućuje veće visine i veći razmak između obodnih stupova što omogućuje mnogo veće prozore nego kod konvencionalnih cijevi
- konstrukcijski sklop se za bočna (horizontalna) djelovanja sukladno ponaša slično kao okvir sa spregovima (*braced frame*)



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA CIJEVI SA SPREGOVIMA

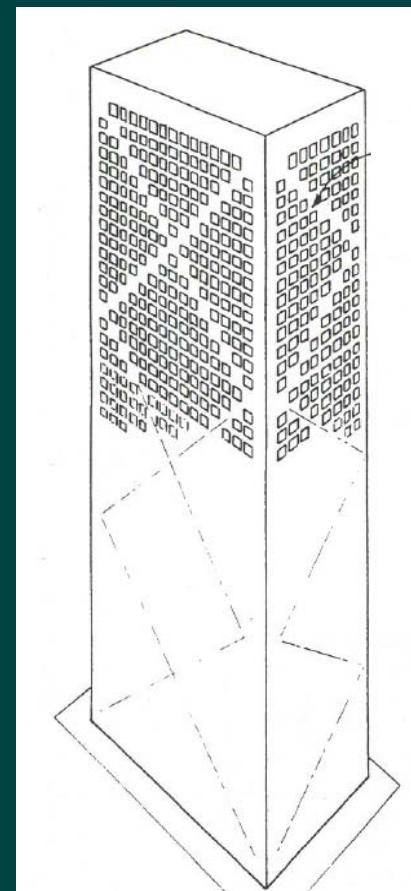
## □ **zgrada John Hancock**, Chicago, (1969)

- 97 katova,
- prva čelična cijev sa spregovima



## □ **780 Third Avenue Building**, New Yorku, (1985)

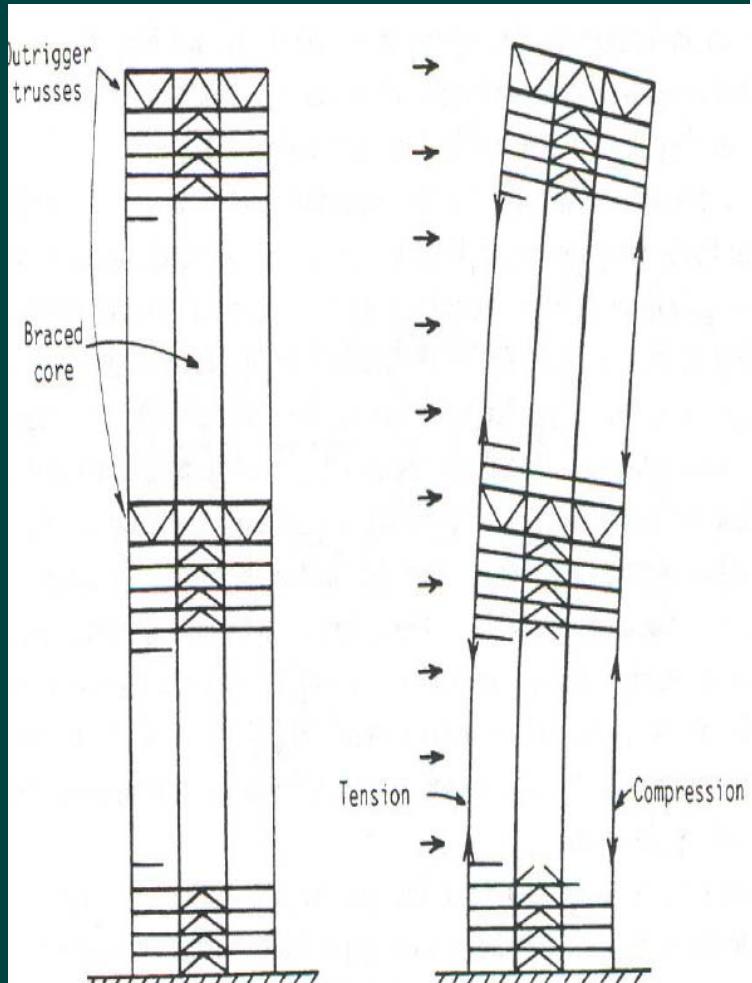
- zgrada od armiranog betona
- kod armiranog betona spregovi su oblikovani kao dijagonalni sustav betonskih ploča (panela), veličine prozora, betoniranih zajedno s okvirom
- Izostavljanje otvora za prozore kako bi se dobila dijagonala sprega



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA JEZGRA OJAČANA SPREGOVIMA

## □ OUTRIGGER BRACED CORE

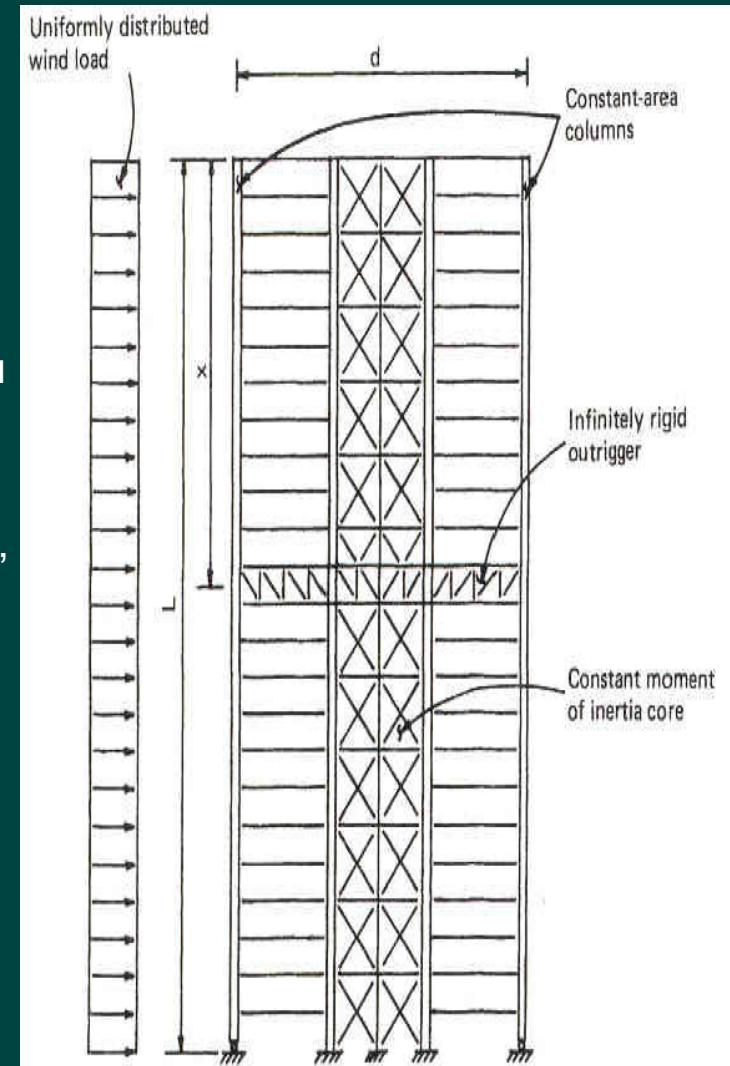
- taj konstrukcijski sustav čine *središnja jezgra sa spregovima*, koja je ili
  - okvir sa spregovima ili posmični zidovi i
  - horizontalne *konzolne rešetke* ili nosači,
  - koji povezuju jezgru s vanjskim stupovima
- za horizontalna djelovanja rotaciju jezgre u vertikalnoj ravnini sprečavaju konzole
  - vjakom u stupovima na privjetrini i
  - tlakom u stupovima u zavjetrini
- efektivna konstrukcijska visina zgrade je bitno povećana
- sukladno je povećana bočna (horizontalna) krutost i smanjeni su horizontalni pomaci i momenti savijanja jezgre
- konzole vežu vanjske stupove na jezgru i konstrukcijski sustav se ponaša kao djelomično spregnuta konzola



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA JEZGRA OJAČANA SPREGOVIMA

## □ OUTRIGGER BRACED CORE

- obodni stupovi mogu se uključiti u prijenos sila, ako se povežu horizontalnom rešetkom ili nosačem po obodu zgrade na razini konzola
- učinkovitost ovog konstrukcijskog sustava bitno ovisi o vezi obodnih stupova i jezgre pomoću konzola
- razina konzola je uobičajeno visine dva kata i ti katovi su obično servisni katovi za smještaj svih instalacija i tehnoloških uređaja za funkcioniranje zgrade
- konzole veće od visine jednog kata sve se češće koriste, jer dodaju građevini mnogo veću bočnu krutost
- međutim, ekonomski granica visine konzola je reda veličine 4-5 katova
- ovaj konstrukcijski sustav primjenjen je do visine od 70 katova
- ako su tlocrtne dimenzije zgrade velike, ovaj konstrukcijski sustav omogućuje i mnogo veće visine



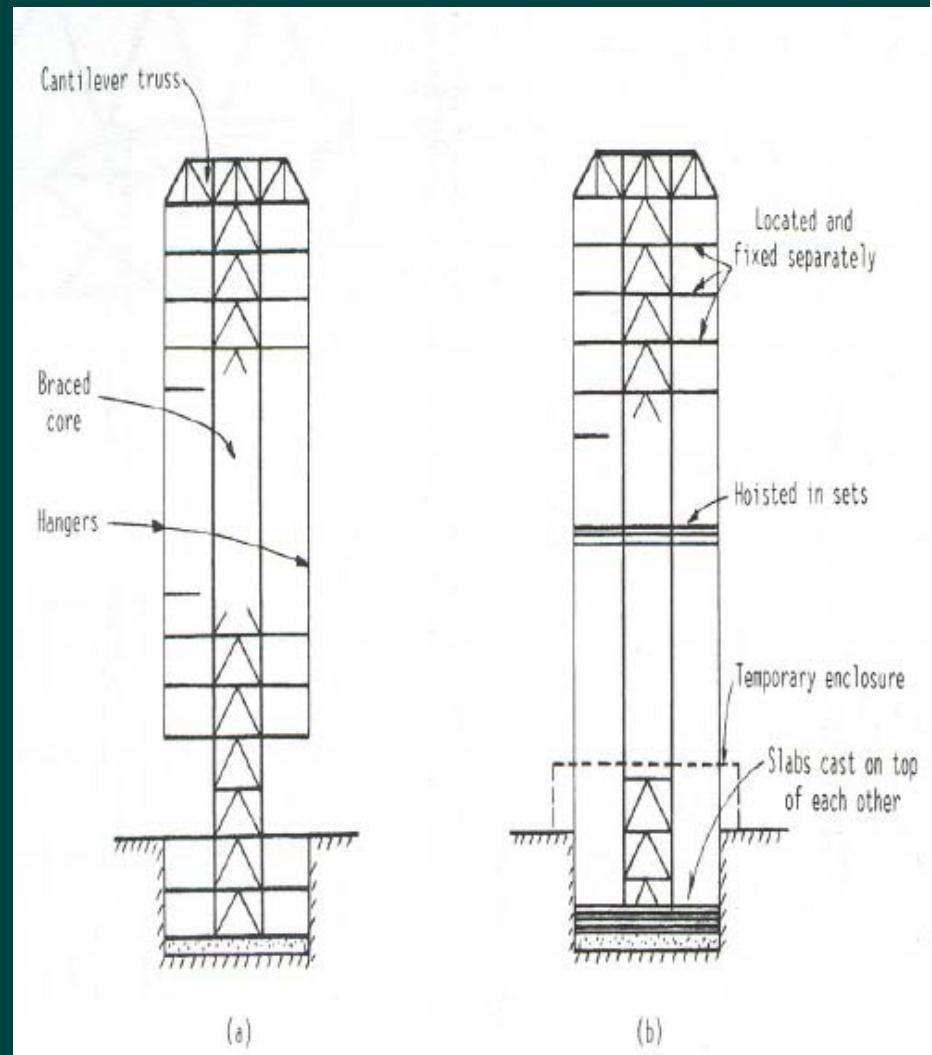
# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA JEZGRA OJAČANA SPREGOVIMA

- **AT&T Building** (New York)
- arhitekt: Philip Johnson
- konstrukcijski projekt: Leslie Robertson and Associates
- osnovni konstrukcijski sustav čini *cijev od krutih čeličnih okvira* po obodu zgrade
- dodatna krutost po širini zgrade ostvarena je ugradbom četiri vertikalne čelične rešetke
- na svakom se osmom katu dva zida od čeličnih ploča I-oblika sa otvorima za ventilaciju pružaju od rubova rešetki do vanjskih stupova na istoj liniji stupova
- čelični zidovi djeluju kao *konzolne rešetke* i mobiliziraju punu širinu zgrade u otpornosti na horizontalna djelovanja
- horizontalni posmik u podnožju zgrade preuzima se s dva divovska čelična sanduka



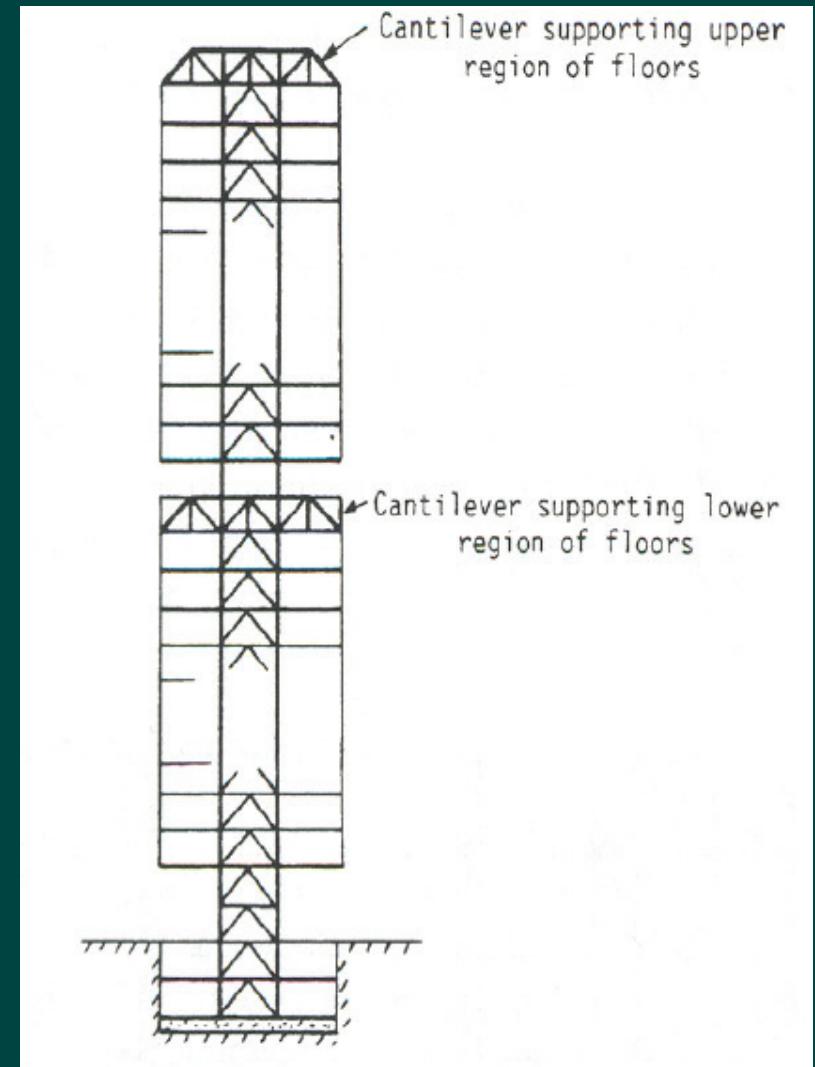
# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA OVJEŠENE KONSTRUKCIJE

- ovješeni konstrukcijski sklop čini *središnja jezgra sa horizontalnim konzolnim rešetkama na razini krova*, s koje su obješene vertikalne vješaljke od čeličnih užadi
- stropne ploče vezane su na te kabele
- to omogućuje da na najdonjem katu na razini tla nema obodnih stupova i prostor je potpuno otvoren
- vješaljke imaju vrlo mali poprečni presjek naspram stupova i mogu se ubetonirati oko prozorskih okvira
- dodatna prednost je da se stropne konstrukcije mogu betonirati na tlu i onda podići u konačan položaj



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA OVJEŠENE KONSTRUKCIJE

- ovaj konstrukcijski sustav dopušta relativno male visine zgrade do oko 10-15 katova, zbog konstrukcijskih mana, kao npr.
  - ograničene izmjere jezgre i
  - varijacije veza između stropova za promjenjiva djelovanja

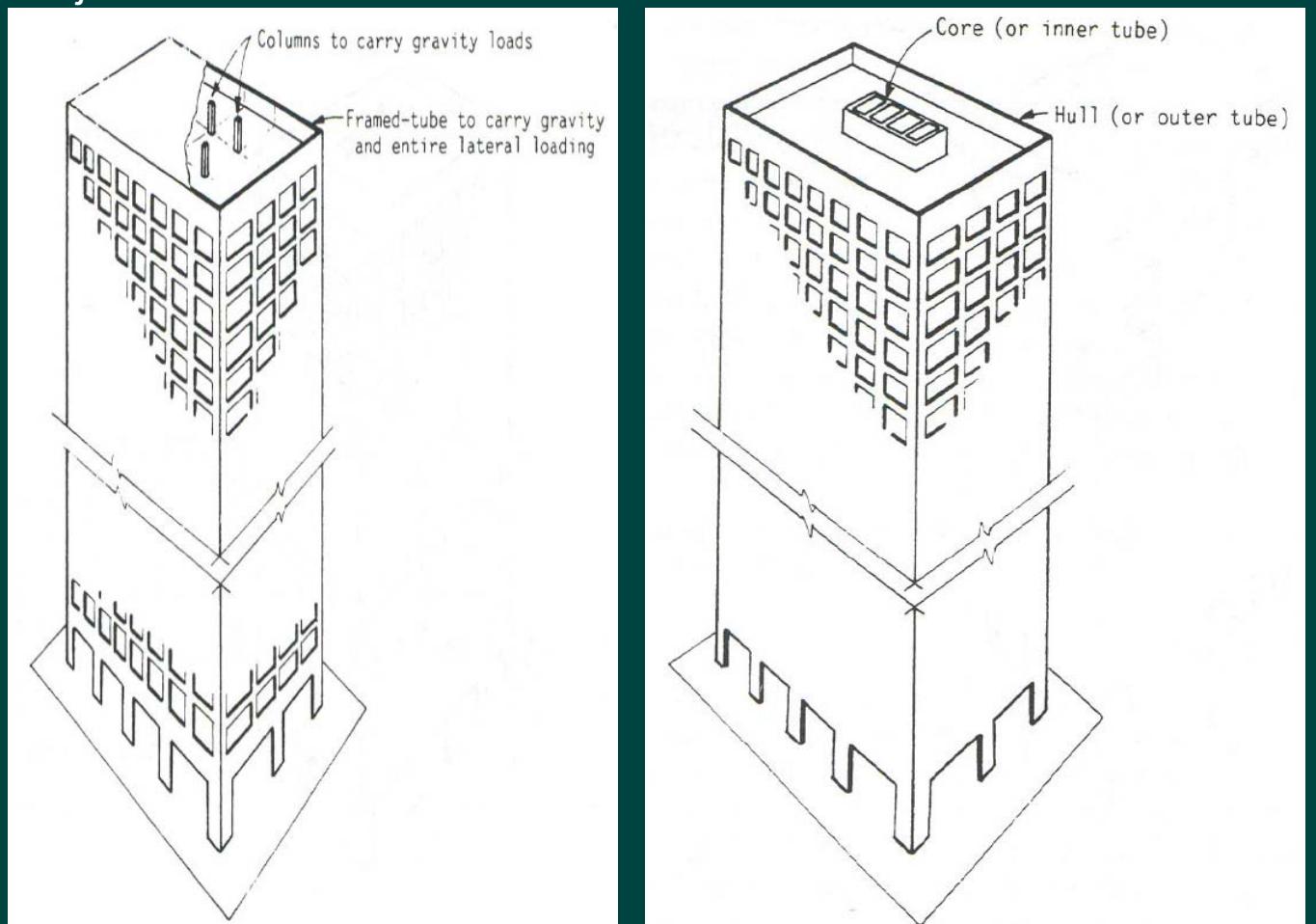


# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## SUSTAV CIJEVI U CIJEVI

### □ TUBE-IN-TUBE

- varijanta oblika okvirne cijevi može se ostvariti zamjenom unutrašnjih stupova ili stupova i zidova jezgre s drugom cijevi

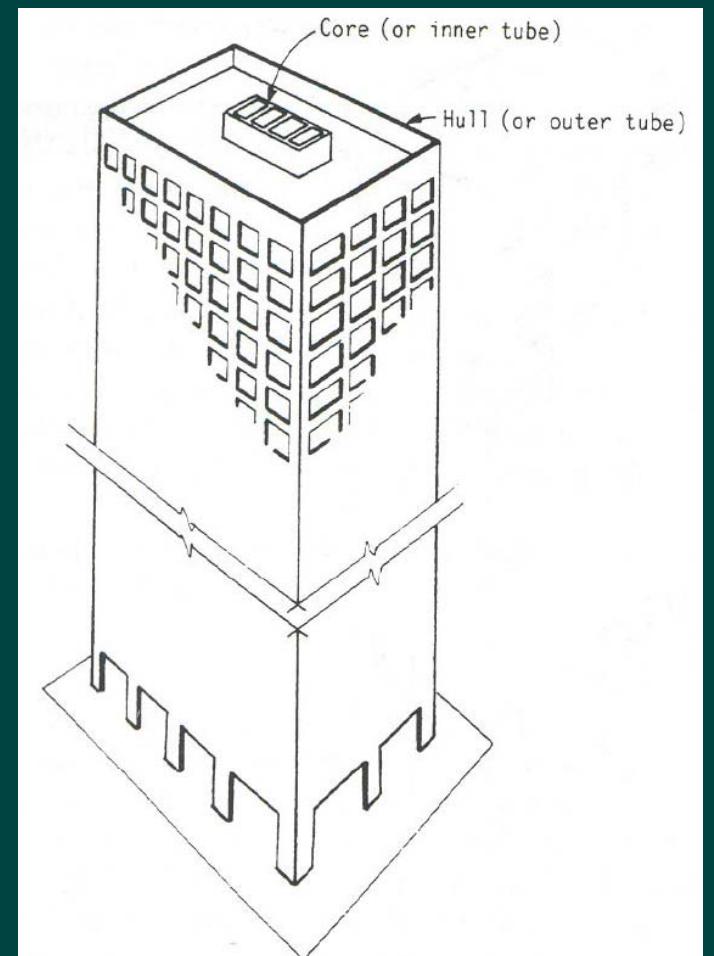


# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## SUSTAV CIJEVI U CIJEVI

### □ TUBE-IN-TUBE

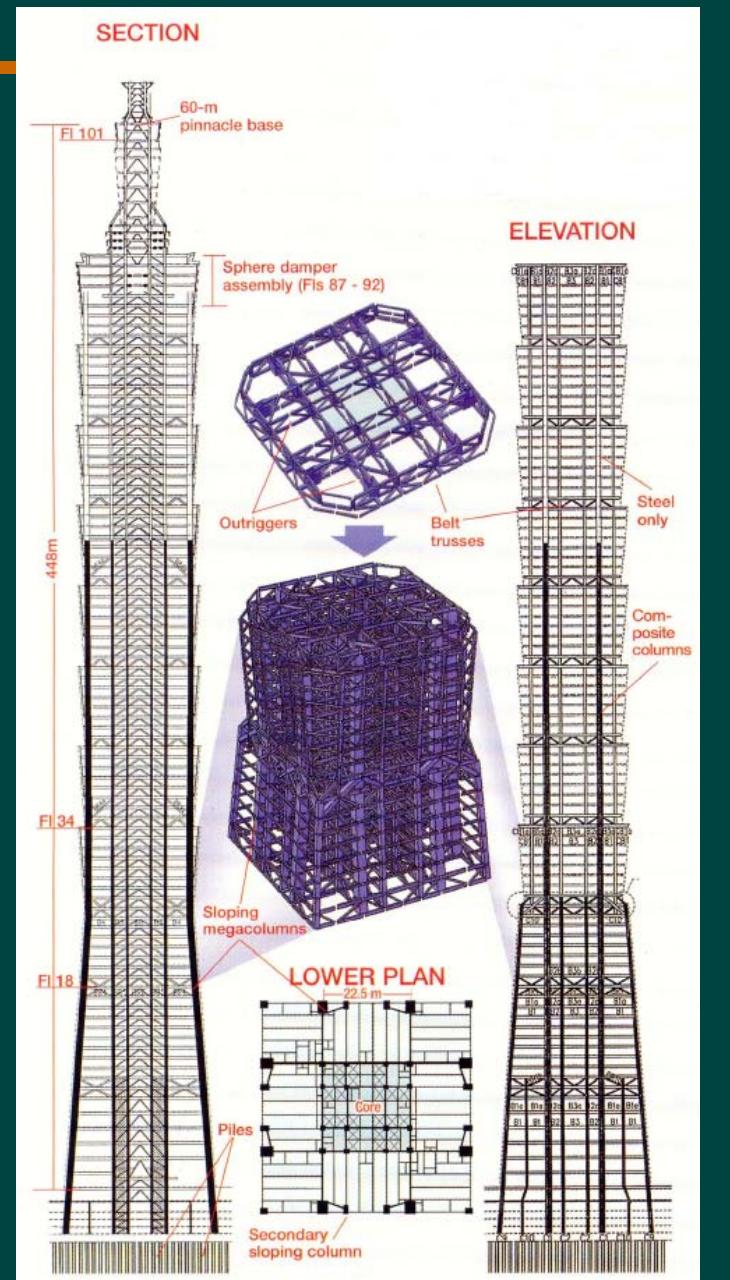
- tako trup (ili vanjska cijev) i nova cijev jezgre zajedno preuzimaju i vertikalna i horizontalna djelovanja
- ta unaprijeđena forma zove se *cijev u cijevi* (*tube-in-tube*) ili *trup-jezgra* (*hull-core*) konstrukcija
- kod čeličnih zgrada unutrašnja cijev jezgre može se formirati od okvira sa spregovima
- kod armirano betonskih zgrada jezgru čine posmični zidovi
- vanjska okvirna cijev (trup) i unutrašnja jezgra međusobno djeluju kao posmične i savojne komponente konstrukcije od zidova i okvira (*wall-frame*)
- prednost je bitno povećana bočna krutost
- vanjska cijev (trup) naravno uvijek dominira zbog svoje veće konstrukcijske visine
- predpostavlja se da se ovim konstrukcijskim sustavom ekonomično mogu izvesti građevine do 120 katova



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## SUSTAV CIJEVI U CIJEVI

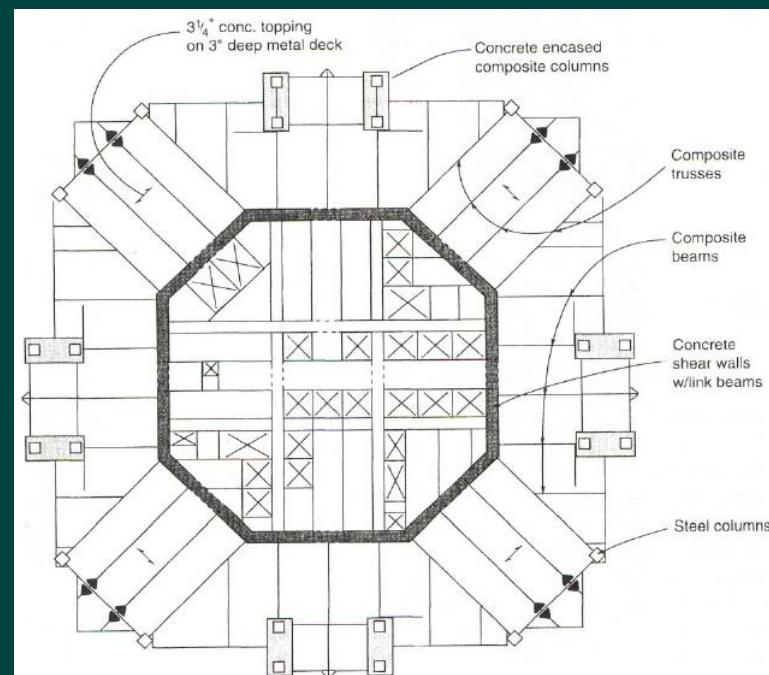
- **Taipei 101 Building**, Taipei – Taiwan, (2003)
- postala je najvišom građevinom na svijetu, nadmašivši Petronas Towers u Kuala Lumpuru
- konstrukcijski sustav je cijev u cijevi
- unutrašnja cijev (jezgra) izvedena je od rešetki, a vanjska cijev (trup) je okvir s spregovima



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

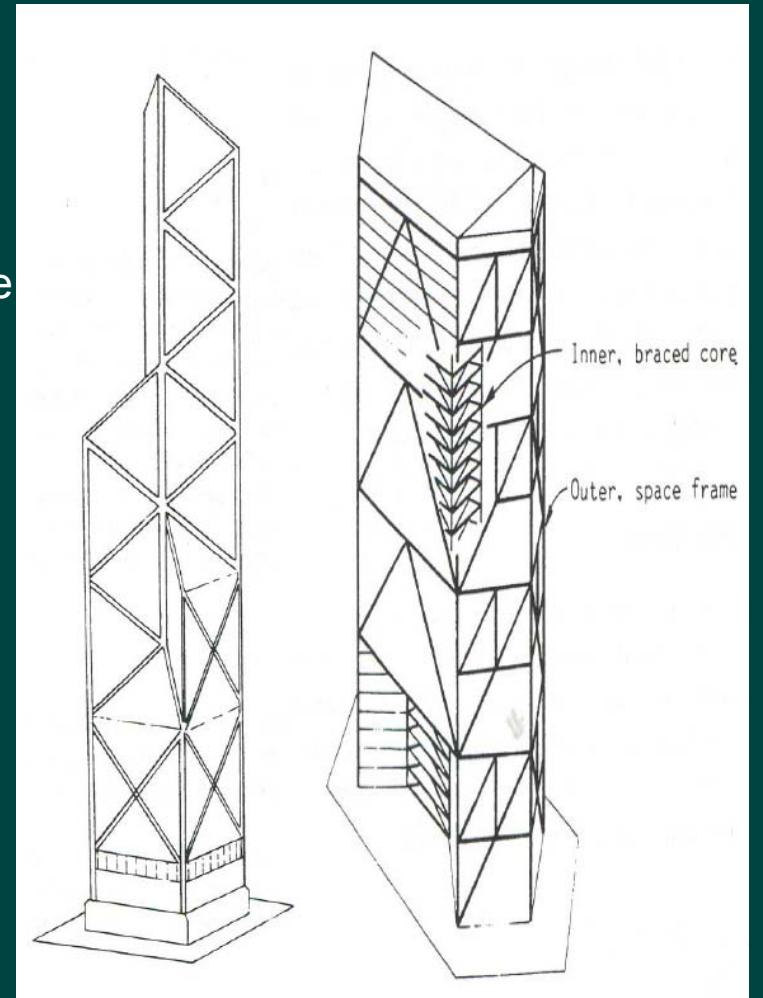
## SUSTAV CIJEVI U CIJEVI

- Jin Mao Tower, Shanghai
- još jedan toranj sa 88 katova ili 421 m
- konstrukcijski sustav čini središnja osmerokutna armirano-betonska jezgra (posmični zidovi), povezana s vanjskim mega stupovima pomoću konzolnih spregnutih rešetki
- debljine pojaseva posmičnih zidova su promjenjive od 84 cm na spoju s temeljom do 46 cm na razini 87
- tlačna čvrstoća betona iznosi od 35 MPa do 52 MPa



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA PROSTORNE KONSTRUKCIJE

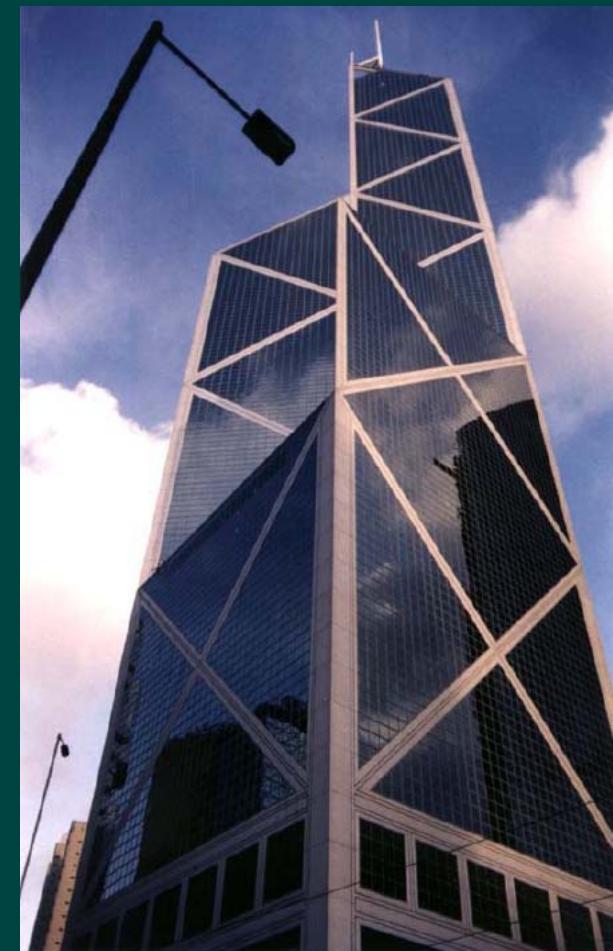
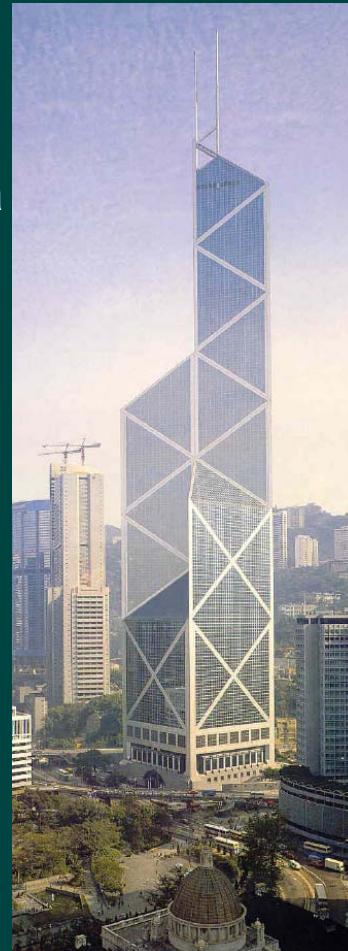
- prostorni okviri: trodimenzionalne trokutaste konstrukcije, bitno se razlikuju od prethodno opisanih ravninskih okvira
- Preuzimaju i vertikalna i horizontalna djelovanja
  - jedan od najučinkovitijih konstrukcijskih oblika
- mala težina i velika učinkovitost omogućuju postizanje najvećih visina građevina
- proračun prostornih okvira je obično složen
- teško je projektirati odgovarajuće nosive spojeve između katnih konstrukcija i glavnog okvira
- ti spojevi su skupi i nekad ružno izgledaju
- jedno rješenje sadrži unutrašnju jezgru sa spregovima, koja služi za prikupljanje bočnih (horizontalnih) opterećenja i preuzimanje unutrašnjih vertikalnih opterećenja od katnih ploča iznad niza višekatnih prostora
- u podnožju svakog od tih prostora horizontalna i vertikalna opterećenja predaju se van na glavne čvorove prostornog okvira



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## PROSTORNE KONSTRUKCIJE

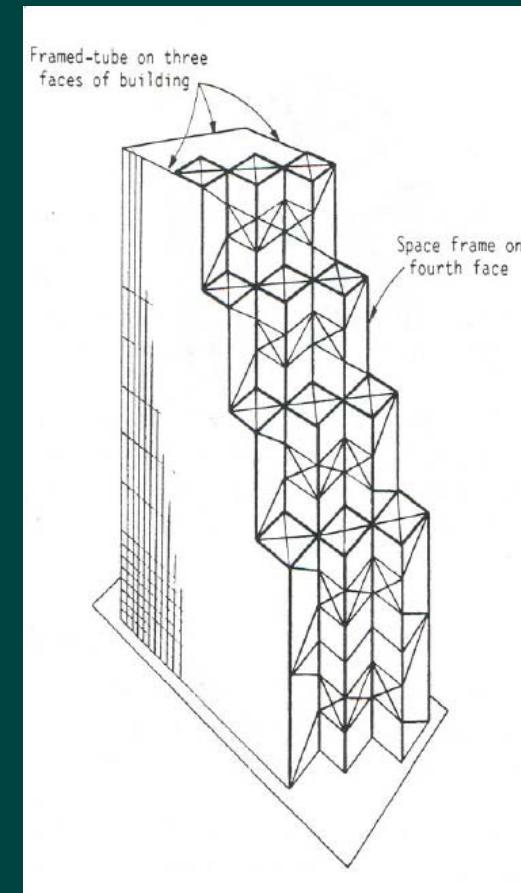
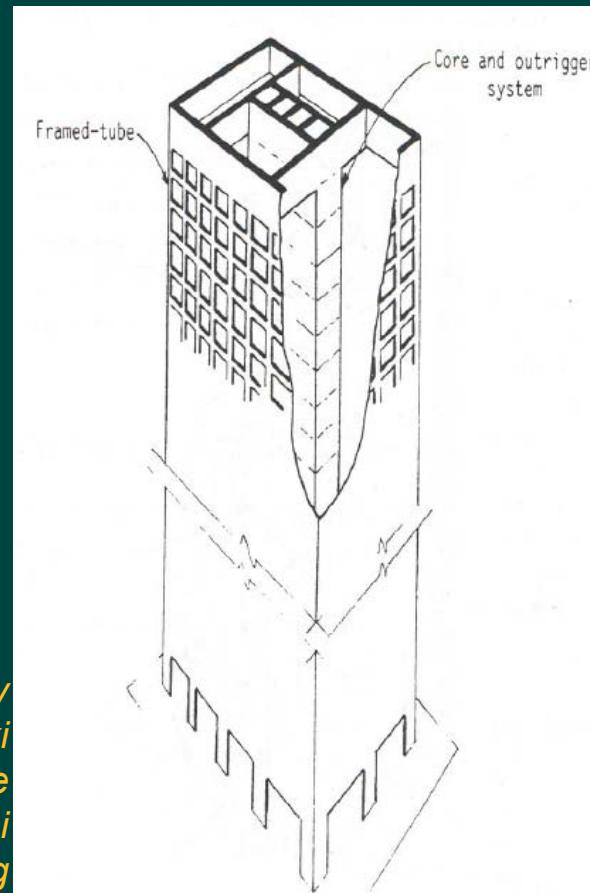
- Bank of China, Hongkong, (1989)
- 76 katova, 369 m, *prostorna rešetka sa poprečnim spregovima (cross-braced space truss)*
- prostorna rešetka preuzima gotovo ukupnu težinu građevine i istovremeno horizontalna djelovanja od tajfunskih vjetrova
- i horizontalna i gravitacijska opterećenja prenose se na četiri spregnuta stupa, smještena u kutovima zgrade, čime je ostvaren slobodni raspon od 52 m u podnožju građevine
- peti spregnuti stup u središtu zgrade počinje na 25 katu i proteže se do vrha
- sile od tog stupa prelaze na kutne stupove na razini 25 kata
- izvedbom okvira od ubetoniranih čeličnih elemenata izbjegнута je potreba za skupim 3-D spojevima (priključcima) u kutovima zgrade



# KONSTRUKCIJSKI SUSTAVI VISOKIH ZGRADA

## HIBRIDNE KONSTRUKCIJE

- sadašnji trend u arhitekturi je kreiranje zgrada nepravilnih oblika koje konstruktor neće moći svrstati u pojedini konstrukcijski sustav
- kod proračuna se sukladno mora koristiti više kombinacija prije pojašnjениh konstrukcijskih sustava
- napredak u računalnom hardware-u i software-u dopušta konstruktorima približna prihvatljiva rješenja za te složene građevine



# VISOKE GRAĐEVINE – SADRŽAJ PREDAVANJA (2.dio)

## □ Sustavi za preuzimanje horizontalnih djelovanja

- Uvod
- Geometrijska imperfekcija
- Statički sustavi za vertikalne konstrukcije
- Ukrutni sustavi
- Načela za dispoziciju vertikalnih ukrutnih sustava
- Raspodjela sila na ukrutni sustav
- Raspodjela sila na statički neodređen *simetrični* ukrutni sustav
- Raspodjela sila na statički neodređen *nesimetrični* ukrutni sustavi

## □ Interakcija ukrutnih sustava za horizontalna i vertikalna djelovanja

## □ Ponašanje konstrukcija od zidova

- Diskontinuitet u podnožju konstrukcije
- Napomene za proračun na računalu

<http://www.burjkhalifa.ae/>



# SUSTAVI ZA PREUZIMANJE HORIZONTALNIH DJELOVANJA

## UVOD

---

- Za preuzimanje horizontalnih djelovanja
  - vjetar prema EN 1991-4
  - potres prema EN 1998-1
- i njihovo sigurno predavanja na temeljno tlo koriste se konstrukcijski elementi velike krutosti tzv. ***ukrutni konstrukcijski dijelovi*** koji mogu biti:
  - vertikalni - jezgre, zidovi, okviri, itd.
  - horizontalni - katni diskovi (membrane)
- Učinak ukrutnih sustava ovisi o njihovom zajedničkom sudjelovanju i o primjenjenoj kombinaciji različitih konstrukcijskih dijelova.
- Proračuni se rade uz uzimanje u obzir geometrijske imperfekcije

# SUSTAVI ZA PREUZIMANJE HORIZONTALNIH DJELOVANJA

## GEOMETRIJSKA IMPERFEKCIJA

- Odstupanja od vertikale **odnosno imperfekcije** prema EN 1992-1-1 toč.5.2 se mogu uzeti u obzir nagibom,  $\theta_i$  :

$$\theta_i = \theta_0 \cdot \alpha_h \cdot \alpha_m$$

gdje su:

- $\theta_0$  osnovna vrijednost
- $\alpha_h$  reduksijski faktor za duljinu ili visinu:

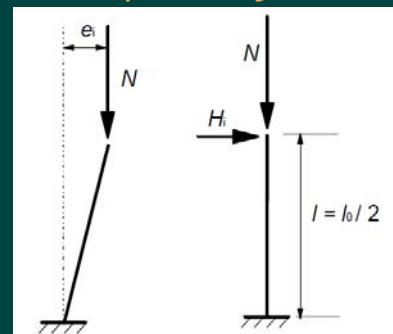
$$\alpha_h = 2 / \sqrt{l} ; 2 / 3 \leq \alpha_h \leq 1$$

- $\alpha_m$  reduksijski faktor za broj elemenata:

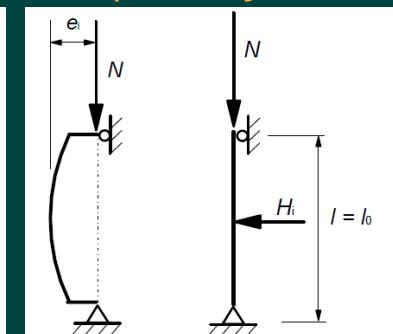
$$\alpha_m = \sqrt{0,5 \cdot (1 + 1 / m)}$$

- $l$  duljina ili visina
- $m$  broj vertikalnih elemenata koji doprinose ukupnom utjecaju

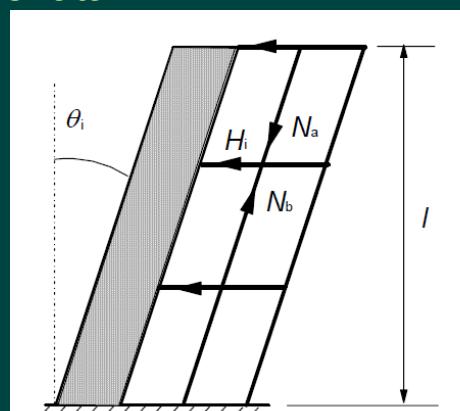
*Bez horizontalnog pridržanja*



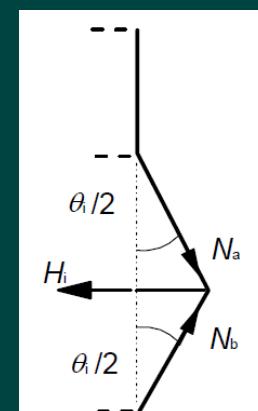
*S horizontalnim pridržanjem*



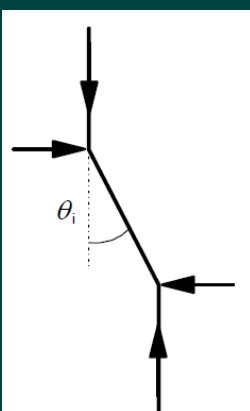
*Izdvojeni elementi s ekscentričnom uzdužnom ili poprečnom silom*



*Okvir*



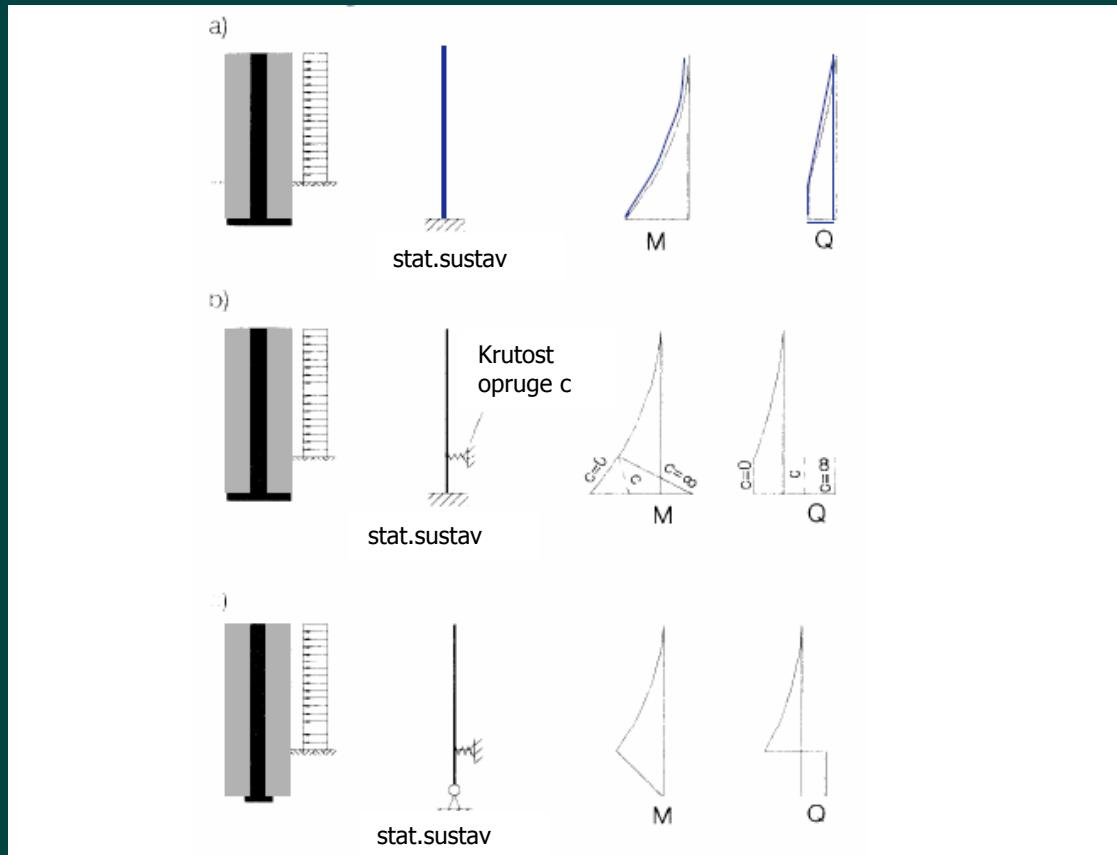
*Stropna konstrukcija*



*Krovna konstrukcija*

# **SUSTAVI ZA PREUZIMANJE HORIZONTALNIH DJELOVANJA**

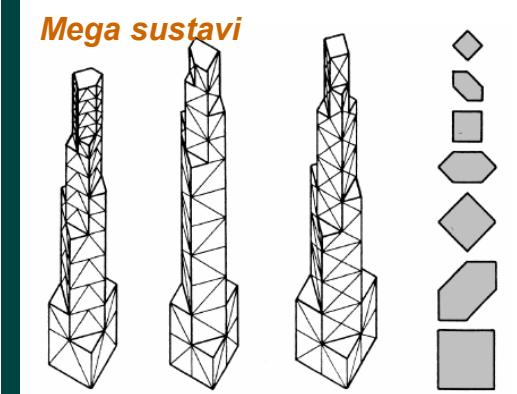
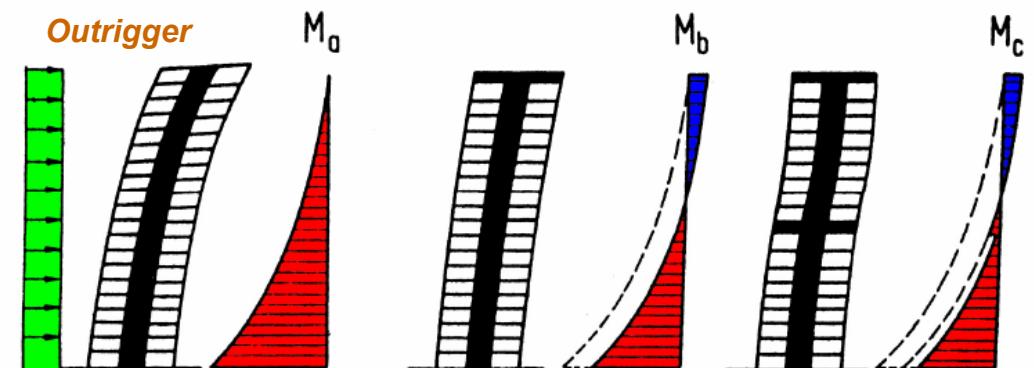
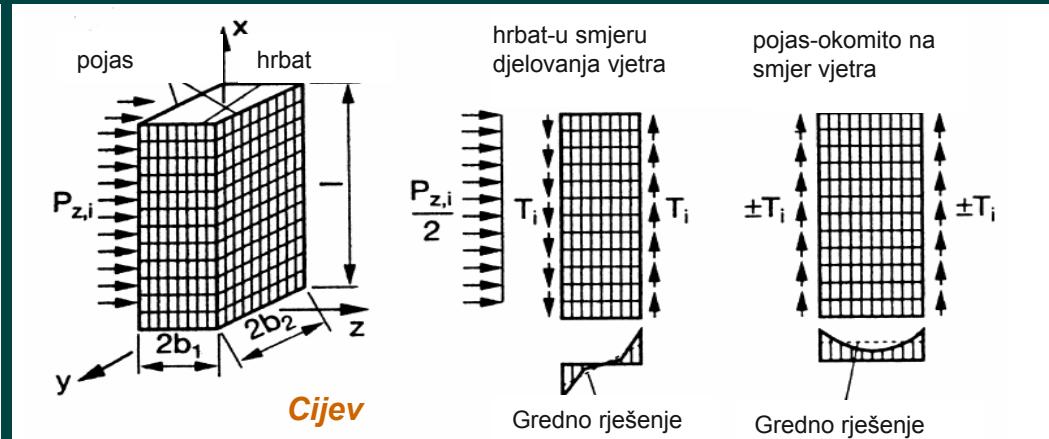
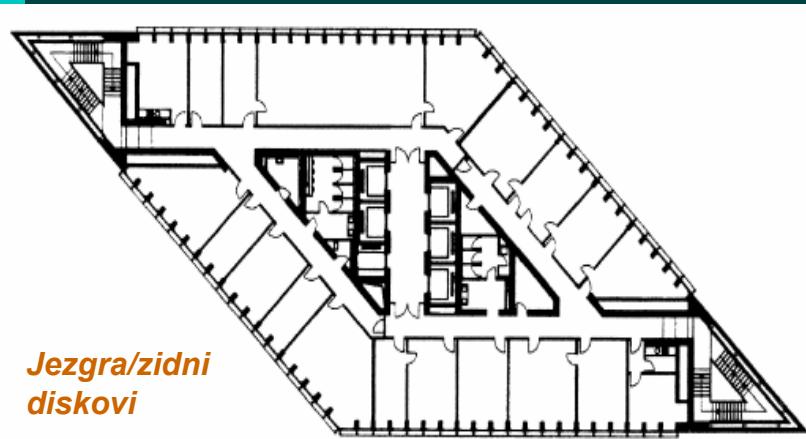
## **STATIČKI SUSTAVI ZA VERTIKALNE KONSTRUKCIJE**



# SUSTAVI ZA PREUZIMANJE HORIZONTALNIH DJELOVANJA

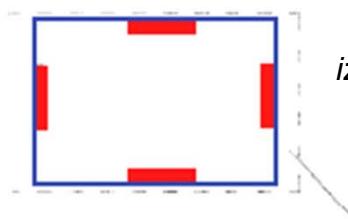
## UKRUTNI SUSTAVI

- okviri
- diskovi
- jezgre
- sandučasti presjeci sastavljeni od okvira (*tube*)
- jezgra-Outrigger sustavi
- mega sustavi



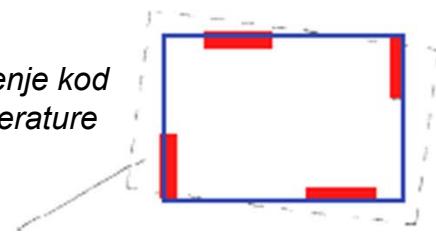
# SUSTAVI ZA PREUZIMANJE HORIZONTALNIH DJELOVANJA NAČELA ZA DISPOZICIJU VERTIKALNIH UKRUTNIH SUSTAVA

1. Potrebna su najmanje tri elementa, čiji se pravci učinka (djelovanja) ne sijeku u jednoj točki
2. AB konstrukcijski dijelovi trebaju imati što veća vertikalna opterećenja da ostanu u tlaku
3. Konstrukcijski elementi imaju se kontinuirano protezati od temelja do krova bez oslabljenja, jer svaka promjena krutosti dovodi do preraspodjele sila i time do dodatnih naprezanja u stropovima



Dobro

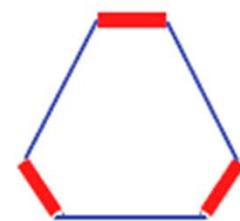
izduženje kod temperature



Moguća varijanta



Statički dovoljno



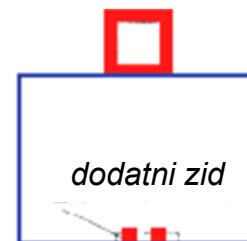
Dobro



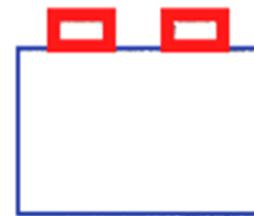
Dobro, ako je jezgra dovoljno velika i torzijski kruta



Loše bez dodatnog zida zbog ekscentriciteta



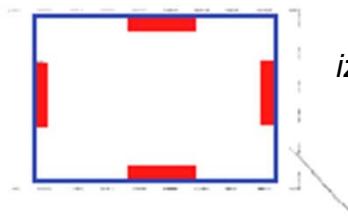
Loše bez dodatnog zida zbog ekscentriciteta



Moguće, ali veliki ekscentricitet

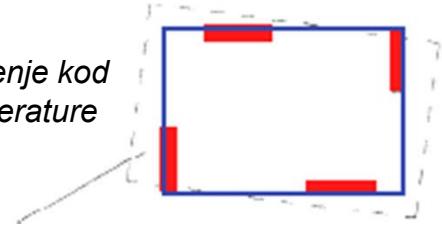
# SUSTAVI ZA PREUZIMANJE HORIZONTALNIH DJELOVANJA NAČELA ZA DISPOZICIJU VERTIKALNIH UKRUTNIH SUSTAVA

4. Težište i centar posmika u tlocrtu moraju biti što bliži jedan drugom, da ne nastane veliko torzijsko naprezanje uslijed horizontalnih opterećenja
5. Raspored po mogućnosti simetričan i sa što većim krakom
6. Raspored bez prisila ili s malom prisilom, inače neophodne dilatacije



Dobro

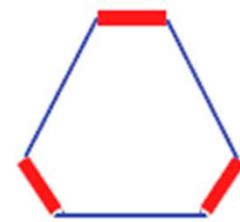
*izduženje kod temperature*



Moguća varijanta



Statički dovoljno



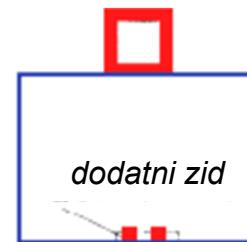
Dobro



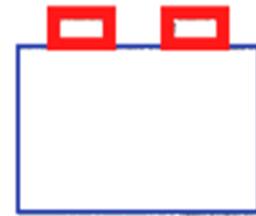
Dobro, ako je jezgra dovoljno velika i torzijski kruta



Loše bez dodatnog zida zbog ekscentriciteta



Loše bez dodatnog zida zbog ekscentriciteta



Moguće, ali veliki ekscentricitet

# SUSTAVI ZA PREUZIMANJE HORIZONTALNIH DJELOVANJA RASPODJELA SILA NA UKRUTNI SUSTAV

## □ STATIČKI ODREĐEN SUSTAV:

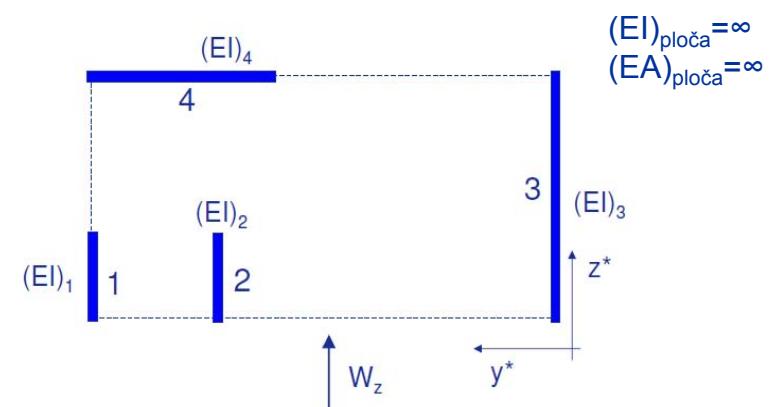
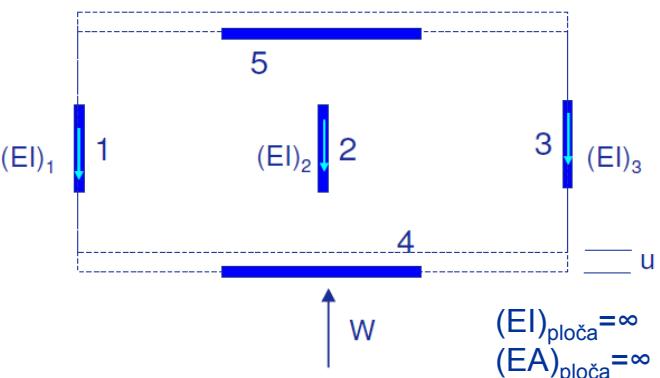
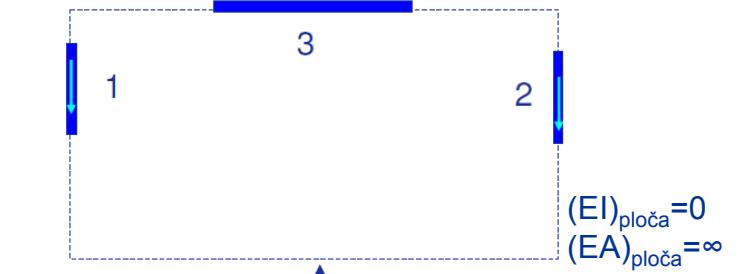
- raspodjela sila prema zakonu poluge uz zanemarenje krutosti pojedinih konstrukcijskih dijelova

## □ STATIČKI NEODREĐEN SIMETRIČNI SUSTAV:

- raspodjela sila od translacije

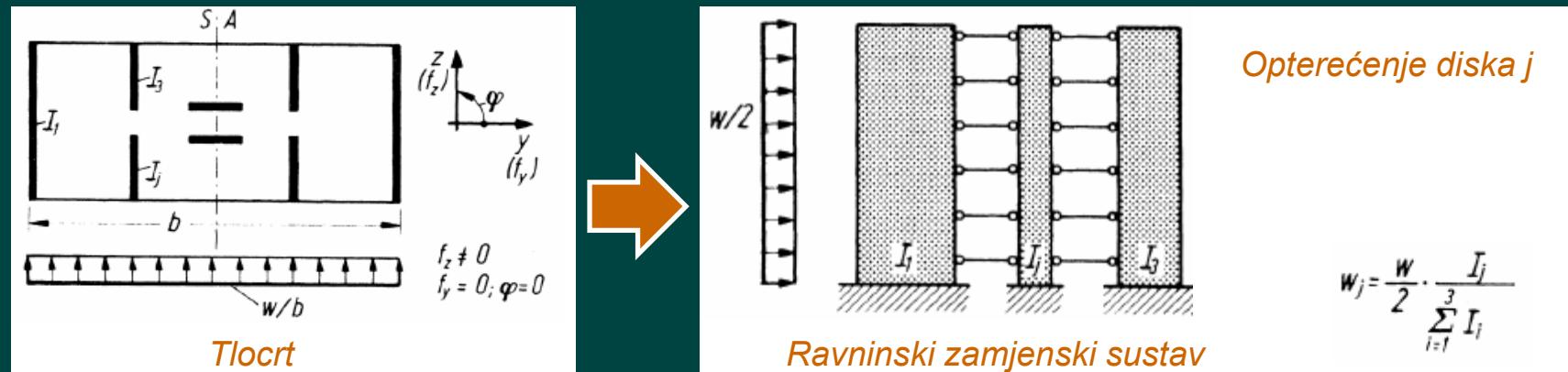
## □ STATIČKI NEODREĐEN NESIMETRIČNI SUSTAV:

- raspodjela sila od translacije i rotacije

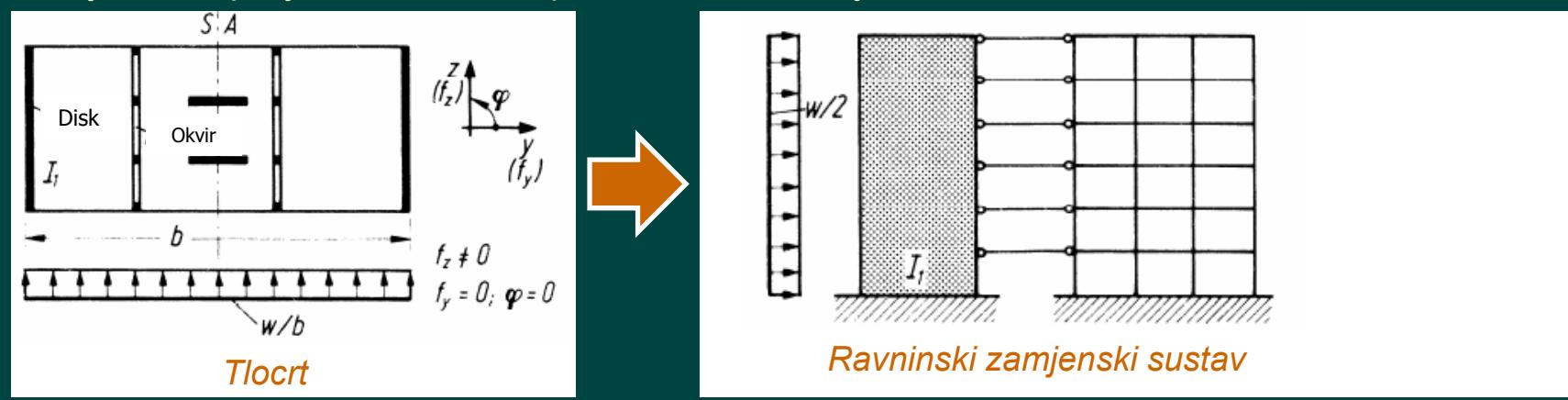


# SUSTAVI ZA PREUZIMANJE HORIZONTALNIH DJELOVANJA RASPODJELA SILA NA ST.NEODREĐ. SIMETRIČNI UKRUTNI SUSTAV

- svi ukrutni elementi imaju afinu deformacijsku sposobnost:
  - moguća je primjena zamjenskog ravninskog sustava



- ukrutni elementi imaju različitu deformacijsku sposobnost:
  - ravninski proračun je moguć samo uvjetno,  
jer se raspodjela sila ne može provesti samo temeljem krutosti

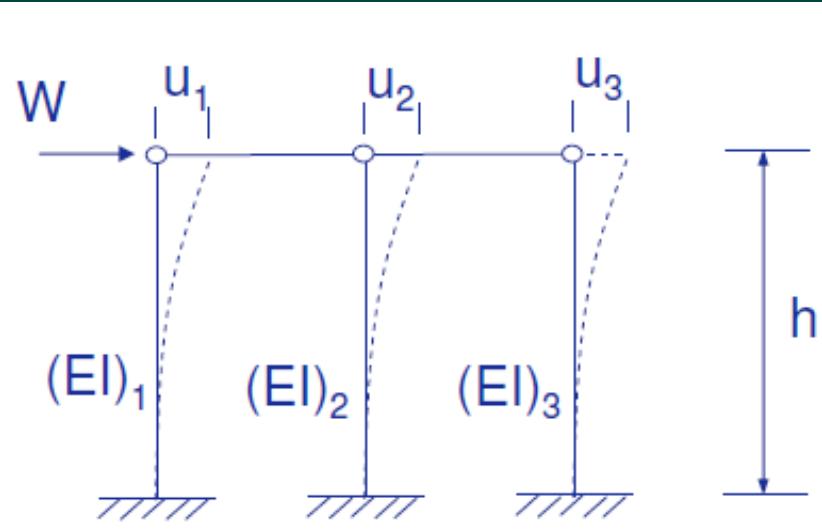


# SUSTAVI ZA PREUZIMANJE HORIZONTALNIH DJELOVANJA RASPODJELA SILA NA ST.NEODREĐ. **SIMETRIČNI UKRUTNI SUSTAV**

## □ RASPODJELA SILA OD TRANSLACIJE:

- *kada se raspodjela sila može provesti samo temeljem krutosti*
- Pojedini pomaci:

$$u_1 = \frac{S_1 \cdot h^3}{3 \cdot (EI)_1}$$
$$u_2 = \frac{S_2 \cdot h^3}{3 \cdot (EI)_2}$$
$$u_3 = \frac{S_3 \cdot h^3}{3 \cdot (EI)_3}$$

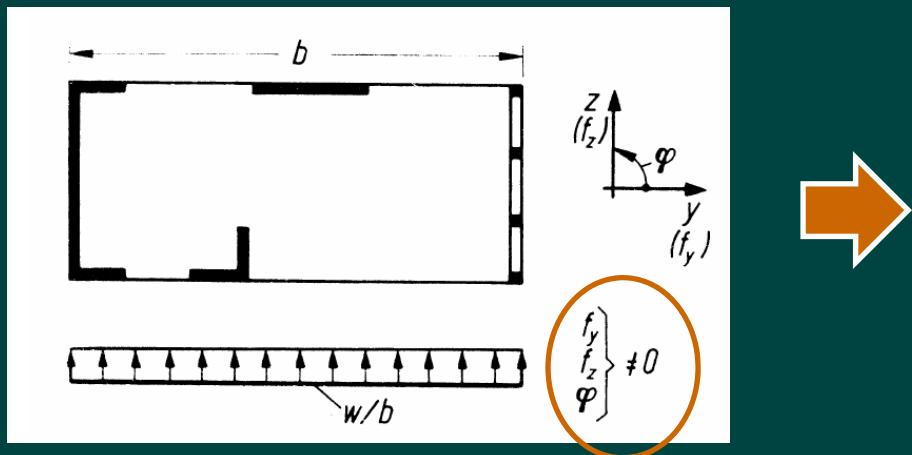


- Ravnoteža sila:
- uz silu koja otpada na pojedini element:
- i kompatibilnost pomaka na vrhu:

$$W = \sum S_i$$
$$S_i = \frac{3 \cdot u_i \cdot (EI)_i}{h^3}$$
$$u = u_1 = u_2 = u_3$$

# SUSTAVI ZA PREUZIMANJE HORIZONTALNIH DJELOVANJA RASPODJELA SILA NA ST.NEODREĐ. NESIMETRIČNI UKRUTNI SUSTAV

- primjena ravninskog zamjenskog sustava više nije moguća



*Raspodjela sila od translacije i rotacije*

Kod staticki neodređenih ukrutnih sustava nastaju kod:

- nesimetričnog rasporeda
- djelovanja sila vjetra ekscentrično obzirom na središte posmika i sile od pomaka (translacije) i od zakretanja (rotacije).

# SUSTAVI ZA PREUZIMANJE HORIZONTALNIH DJELOVANJA

## RASPODJELA SILA NA ST.NEODREĐ. NESIMETRIČNI UKRUTNI SUSTAV

### RASPODJELA SILA OD ROTACIJE

#### Središte posmika

Horizontalna sila vjetra u z-smjeru:

$$S_i = W_z \frac{(EI)_i}{\sum(EI)}$$

Moment oko težišta:

$$W_z \cdot y_0^* = \sum S_{z,i} \cdot y_i^* = \sum \left[ W_z \frac{(EI)_{y,i} \cdot y_i^*}{\sum(EI)_{y,i}} \right]$$

Iz gornjeg slijedi položaj središta posmika

$$y_0^* = \frac{\sum [(EI)_{y,i} \cdot y_i^*]}{\sum(EI)_{y,i}}$$

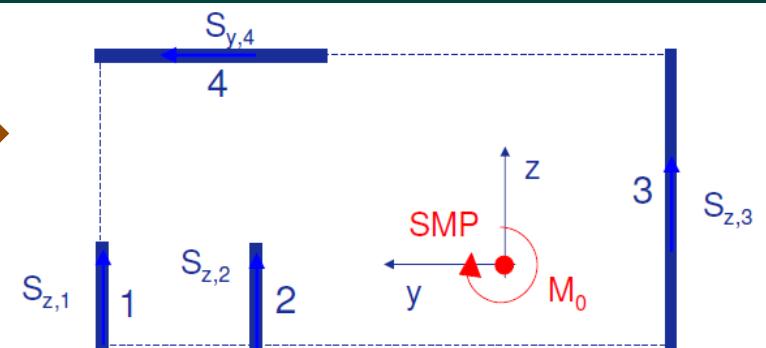
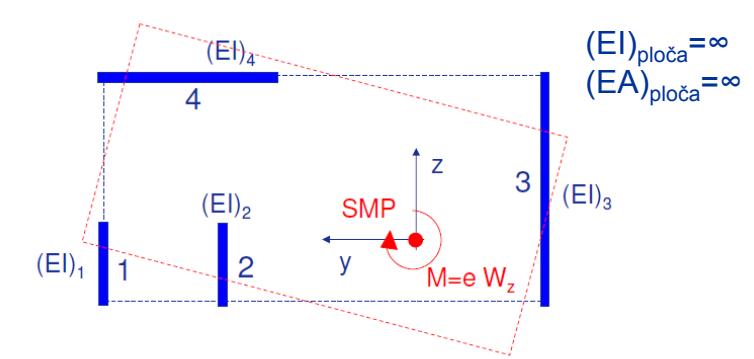
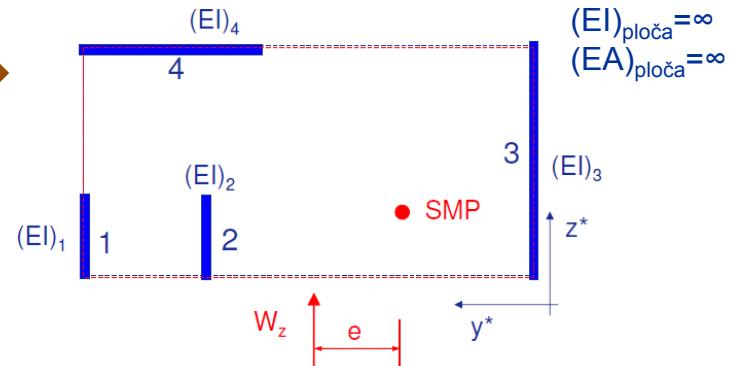
$$z_0^* = \frac{\sum [(EI)_{z,i} \cdot z_i^*]}{\sum(EI)_{z,i}}$$

#### Torzijski moment oko središta posmika

#### Sile uslijed rotacije

Ravnoteža sila

$$M_0 = \sum (S_{z,i} \cdot y_i + S_{y,i} \cdot z_i)$$



# SUSTAVI ZA PREUZIMANJE HORIZONTALNIH DJELOVANJA RASPODJELA SILA NA ST.NEODREĐ. NESIMETRIČNI UKRUTNI SUSTAV

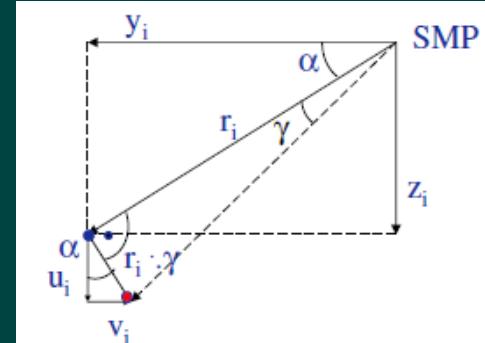
## □ RASPODJELA SILA OD ROTACIJE

- Pomaci vrha u z-smjeru uslijed sile  $S_{z,i}$  :
- Pomaci vrha u y-smjeru uslijed sile  $S_{y,i}$  :
- Iz jednadžbe ravnoteže dobiva se odnos između pomaka i momenta:

$$M_0 = \sum (S_{z,i} \cdot y_i + S_{y,i} \cdot z_i) \Leftrightarrow$$

$$u_i = \frac{S_{z,i} \cdot h^3}{3 \cdot E \cdot I_{y,i}}$$

$$v_i = \frac{S_{y,i} \cdot h^3}{3 \cdot E \cdot I_{z,i}}$$



$$M_0 = \sum \left( \frac{3 \cdot u_i \cdot E \cdot I_{y,i}}{h^3} \cdot y_i + \frac{3 \cdot v_i \cdot E \cdot I_{z,i}}{h^3} \cdot z_i \right)$$

$$u_i = r_i \cdot \gamma \cdot \cos \alpha = \gamma \cdot y_i$$

$$v_i = -r_i \cdot \gamma \cdot \sin \alpha = -\gamma \cdot z_i$$

$$M_0 = \frac{3}{h^3} \cdot \gamma \cdot \sum (E \cdot I_{y,i} \cdot y_i^2 + E \cdot I_{z,i} \cdot z_i^2)$$

$$E \cdot I_{\omega} = \sum (E \cdot I_{y,i} \cdot y_i^2 + E \cdot I_{z,i} \cdot z_i^2) \equiv C_M$$

$$\gamma = \frac{M_0 \cdot h^3}{3} \cdot \frac{1}{\sum (E \cdot I_{y,i} \cdot y_i^2 + E \cdot I_{z,i} \cdot z_i^2)} = \frac{M_0 \cdot h^3}{3 \cdot E \cdot I_{\omega}}$$

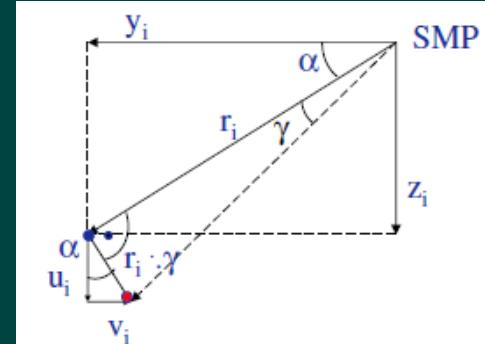
- Pomak proizvoljne točke:
- Umetanje izraza za pomake u momentnu jednadžbu:
- Krutost torzije krivljenja:
- Zakretanje kao funkcija krutosti torzije krivljenja i torzijskog momenta:

# SUSTAVI ZA PREUZIMANJE HORIZONTALNIH DJELOVANJA RASPODJELA SILA NA ST.NEODREĐ. NESIMETRIČNI UKRUTNI SUSTAV

## □ RASPODJELA SILA OD ROTACIJE

- Pomak vrha od sile odnosno zakretanja:

$$u_i = \gamma \cdot y_i = \frac{S_{z,i} \cdot h^3}{3 \cdot E \cdot I_{y,i}}$$
$$S_{z,i} = \frac{3}{h^3} \cdot \gamma \cdot y_i \cdot E \cdot I_{y,i}$$
$$S_{z,i} = \frac{3}{h^3} \cdot \frac{M_0 \cdot h^3}{3 \cdot E \cdot I_{\omega}} \cdot y_i \cdot E \cdot I_{y,i}$$



- Opća jednadžba za izračun sila od torzije:

$$S_{z,i} = M_0 \cdot \frac{E \cdot I_{y,i} \cdot y_i}{E \cdot I_{\omega}}$$
$$S_{y,i} = -M_0 \cdot \frac{E \cdot I_{z,i} \cdot z_i}{E \cdot I_{\omega}}$$

## □ SUPERPOZICIJA SILA OD TRANSLACIJE I ROTACIJE

- u y-smjeru:
- u z-smjeru:

$$S_{y,i} = S_{y,i}^{\text{trans}} + S_{y,i}^{\text{rot}}$$

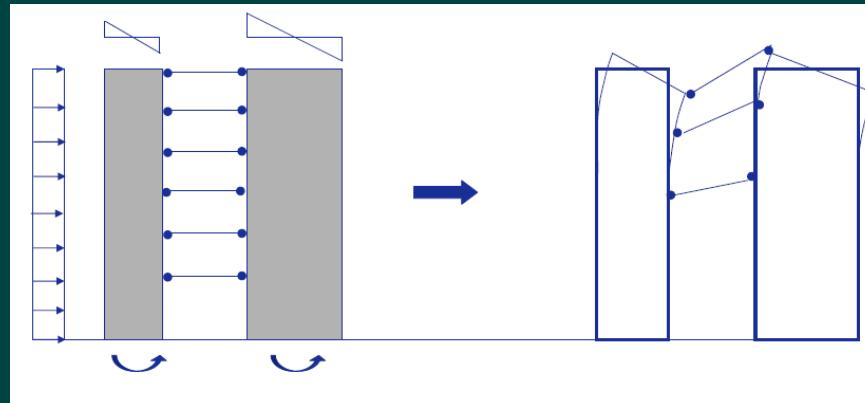
$$S_{z,i} = S_{z,i}^{\text{trans}} + S_{z,i}^{\text{rot}}$$

# INTERAKCIJA URKUTNIH SUSTAVA ZA HORIZONTALNA I VERTIKALNA DJELOVANJA

## □ Interakcija za horizontalna djelovanja

- vezni štapovi preuzimaju samo normalne sile
- svi elementi imaju jednake horizontalne deformacije, ali različite vertikalne deformacije
- prijenos vertikalnih i horizontalnih opterećenja potpuno neovisan

➡ *Moguće je razmatranje po katovima*

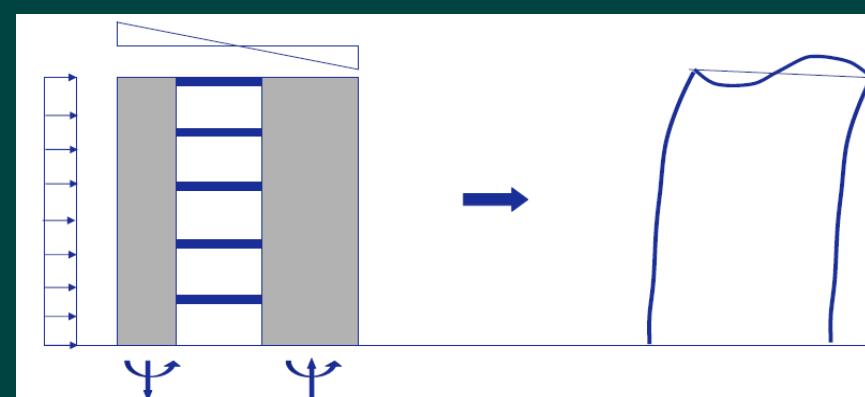


## □ Interakcija za i vertikalna djelovanja

- vezni štapovi mogu prenijeti i normalne i poprečne sile
- vertikalne i horizontalne deformacije su jednake
- vertikalni i horizontalni prijenosi sila su međusobno povezani (interakcija)

➡ *Preraspodjela horizontalnih i vertikalnih sila je moguća.*

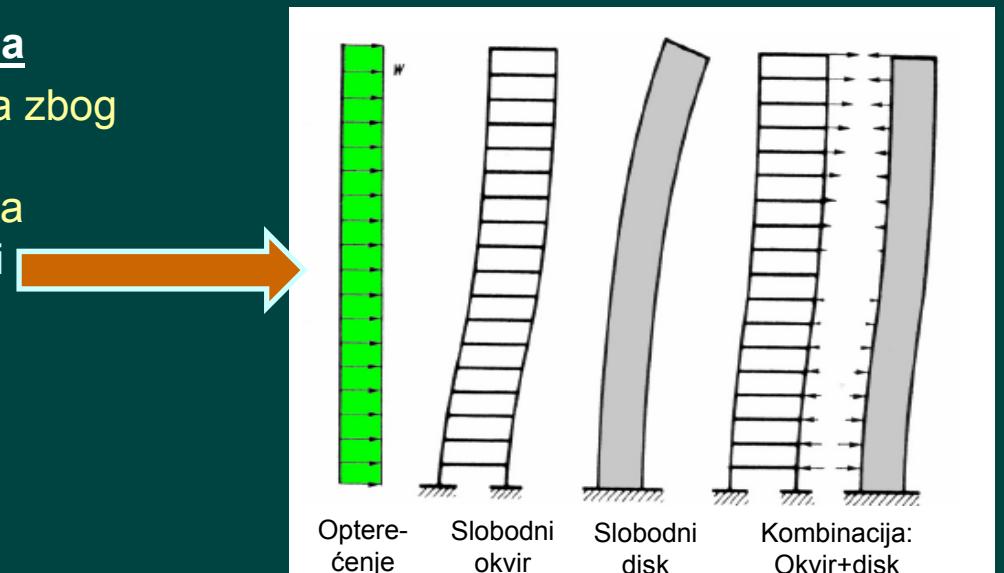
➡ *Neophodno je modeliranje cijele zgrade kao prostornog sustav.*



# INTERAKCIJA URKUTNIH SUSTAVA ZA HORIZONTALNA I VERTIKALNA DJELOVANJA

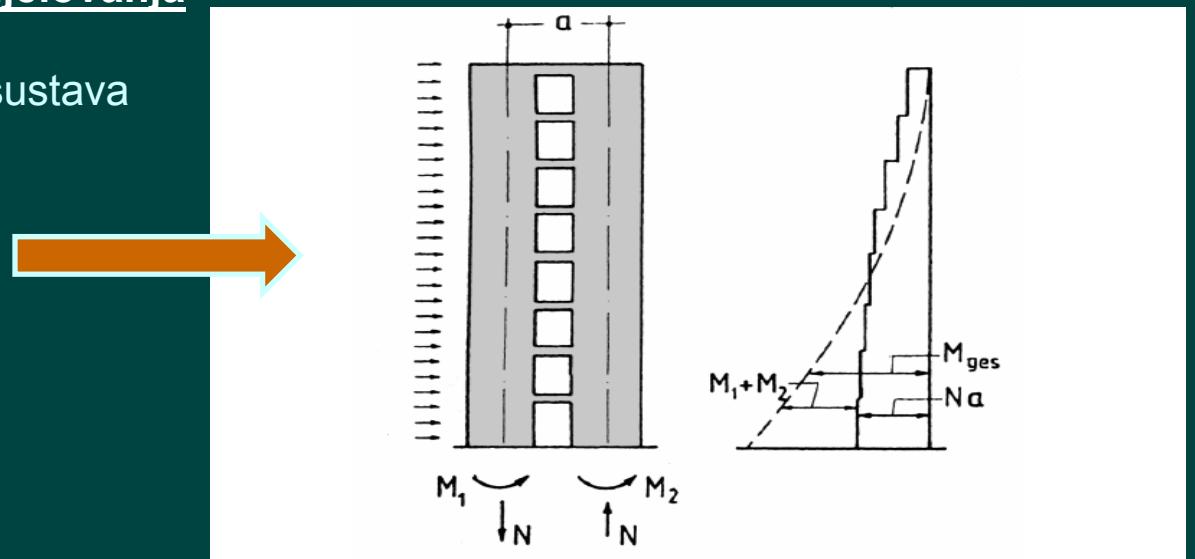
## □ Interakcija za horizontalna djelovanja

- U praksi se ovaj slučaj rijetko javlja zbog različitih deformacijskih značajki pojedinih konstrukcijskih elemenata
  - kombinacija diskova (zidova) i okvira



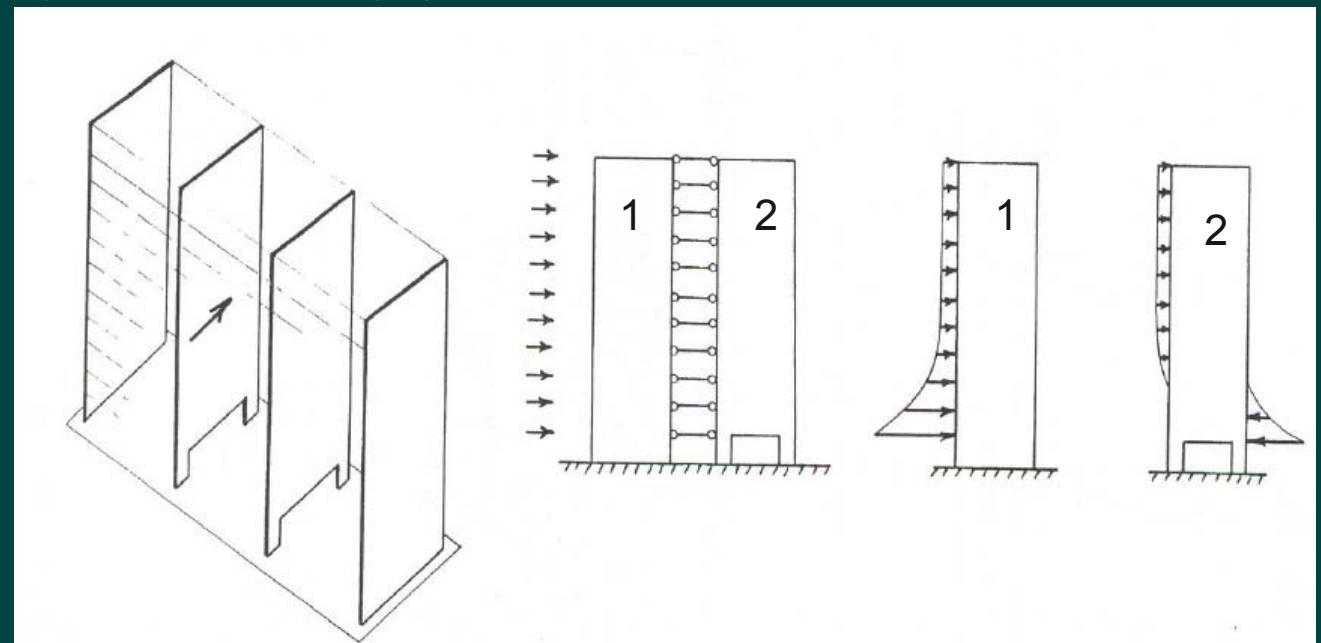
## □ Interakcija za i vertikalna djelovanja

- primjena ukrutnog sustava raščlanjenog diska



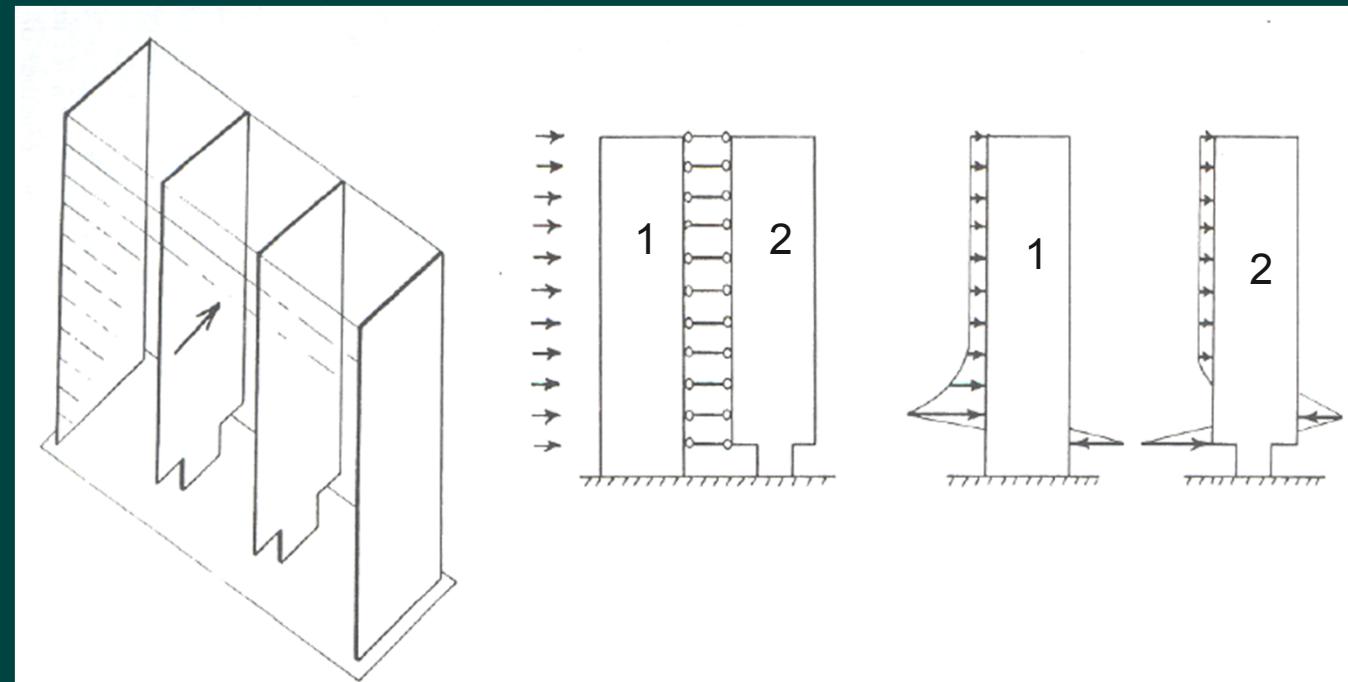
# PONAŠANJE KONSTRUKCIJA OD ZIDOVA DISKONTINUITET U PODNOŽJU KONSTRUKCIJE

- U hotelima i zgradama za stanovanje u prizemlju su uobičajeni veliki lobiji i konferencijske sale.
  - Stoga se neki zidovi u prizemlju prekidaju.
- Kod dva unutrašnja zida preostala su samo dva rubna stupa.
- Zamjenski ekvivalentni ravninski model pola konstrukcije ima samo dva zida,
  - Zid 1 puni vanjski zid i
  - Zid 2 djelomično prekinuti unutrašnji zid.
- Za horizontalne akcije fleksibilnost stupova zida 2 čini zgradu bočno manje krutom u tom dijelu:
  - posljedica je velika preraspodjela posmičnih sila od zida 2 na zid 1 i
  - nešto manja preraspodjela momenata savijanja.



# PONAŠANJE KONSTRUKCIJA OD ZIDOVA DISKONTINUITET U PODNOŽJU KONSTRUKCIJE

- Još složenija situacija - zbog još više smanjene krutosti unutrašnjih zidova (dva rubna stupa su puno kruća od kratkog središnjeg zida) dolazi do
  - velike preraspodjele momenata savijanja sa unutrašnjeg zida 2 na vanjski zid 1 u presjeku iznad prizemlja i velikih posmičnih sila u oba smjera
  - posmične sile u vanjskim zidovima 1 mogu se povećati dva ili više puta.



# PONAŠANJE KONSTRUKCIJA OD ZIDOVА PRORAČUN NA RAČUNALU

- Dosada smo govorili o osnovnim postupcima za izračun
  - opterećenja,
  - posmičnih sila i
  - momenata savijanjau zidovima visoke zgrade.
- U sljedećem koraku treba odrediti raspodjelu naprezanja unutar zida za
  - izračun potrebne armature i
  - određivanje optimalnog razreda čvrstoće betona.
- Jednostavni pravokutni zidovi s odnosom visina/širina  $> 5$  mogu se proračunati klasičnom teorijom savijanja.
- Složeniji zidovi zahtijevaju proračun konačnim elementima (FEM).
  - Idealni konačni element za zid je membranski element, pravokutni ili četverokutni ravninski element (*plane stress element*).
  - Za područja koncentracije po potrebi treba progustiti mrežu elemenata, što ponekad može izazvati numeričke probleme, divergenciju zbog koje model zakazuje.
- Alternativno se umjesto FEM proračuna može rabiti zamjenski analogni okvirni proračun, koji opet može biti nešto složeniji od većine ručnih proračunskih postupaka.



zid L-oblika: jaka armatura u prizemlju  
gotovo maksimalna dopuštena (8%  
poprečnog presjeka zida), što nije lako  
ugraditi.

# SPECIJALNE INŽENJERSKE GRAĐEVINE

## SLJEDEĆE PREDAVANJE

Tornjevi, dimnjaci, jarboli,  
vjetroelektrane