

# SPECIJALNE INŽENJERSKE GRAĐEVINE

## 8. PREDAVANJE

### Telekomunikacijske strukture

Proračun jarbola sa zategama  
Rušenje jarbola sa zategama i tornjeva  
Temeljenje

# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## SADRŽAJ PREDAVANJA (1.dio)

---

- Proračun jarbola sa zategama
  - Općenito
  - Teorija zatega
  - Teorija zatega na jarbolima
  - Jednadžba pomaka kraja zatege
  - Primjena na jarbole sa zategama
  - Jarboli sa zategama
    - Slučajevi opterećenja
    - Rezne sile
    - Odabir sile prednapinjanja
    - Prethodno dimenzioniranje
    - Dokaz naprezanja u poprečnom presjeku
    - Višedijelni presjeci
    - Ukrućenja (prstenstvi nosači) u jarbolu
    - Rješavanje detalja zatega

# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA OPĆENITO

- Jarboli sa zategama se primjenjuju u telekomunikacijskoj mreži
  - kao nosači više antena ili
  - kao samostalni odašiljači sa jednom antenom.
- Jarboli su u pravilu
  - rešetkaste čelične konstrukcije ili
  - čelični stup kružnog poprečnog presjeka.
- Ekonomski su isplativiji od tornjeva
  - za visine veće od 30 - 40 m.
- Dimenzije jarbola su znatno manje,
  - a time je manja i površina za djelovanje vjetra.
- Ovisno o visini jarbola, jarbol se u jednoj vertikalnoj ravnini sidri pomoću
  - zatega u jednoj ili više točaka.

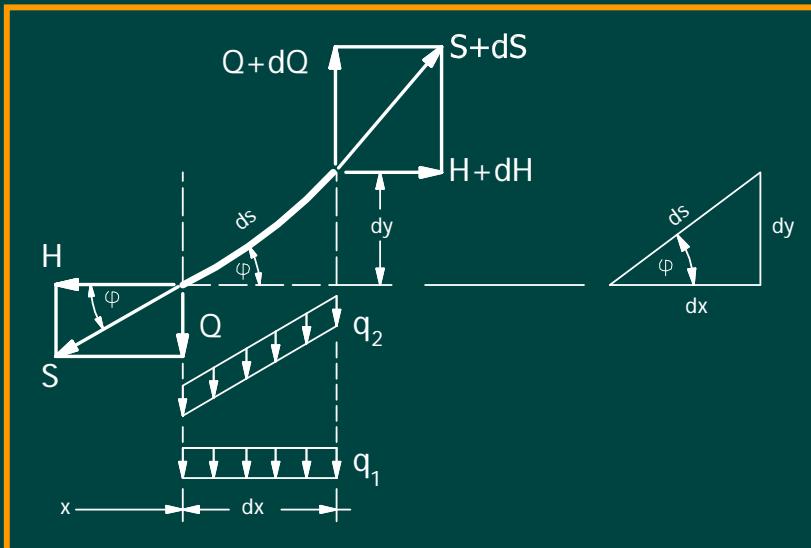
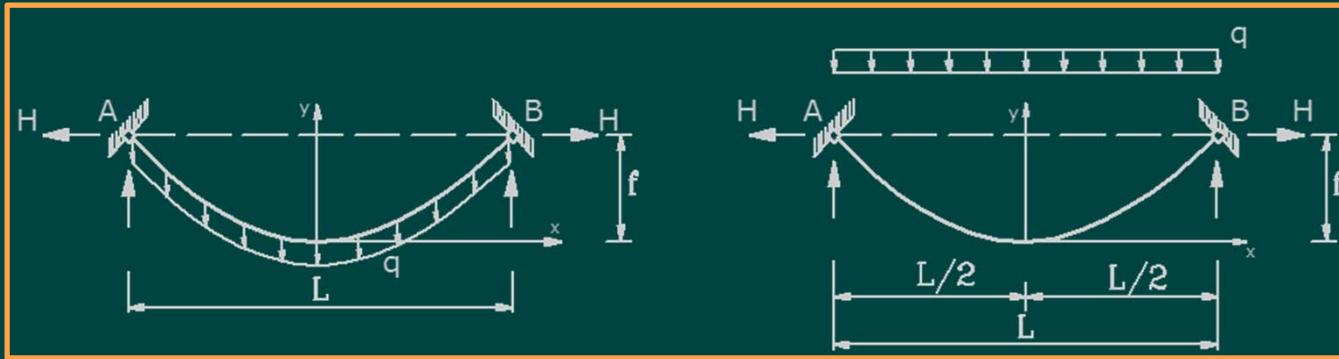


# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA OPĆENITO

- **Torzija (uvijanje) jarbola oko vertikalne os najčešće se sprečava**
  - postavljanjem dvije paralelne zatege na međusobnom razmaku jednakom promjeru jarbola, a ne sa jednom zategom.
- **Statički sustav jarbola sa zategama je**
  - kontinuirana greda sa elastičnim osloncima.
- **Uslijed djelovanja vjetra, jarbol se deformira**
  - pri čemu se pomiču i hvatišta zatega na jarbolu.
- **Pomaci su uvjetovani sa**
  - elastičnom deformacijom zatege i
  - promjenom geometrije provjesa zatege.
- **Nelinearnost deformacija je izraženija,**
  - što je manja početna sila prednapinjanja zatega
  - odnosno što je veći provjes zatege.
  - Stoga krutosti opruga na osloncima kontinuirane grede nisu konstantne vrijednosti već ovise o pomaku sidrišta.
- **Problem je nelinearan**
  - Stoga ne vrijedi princip superpozicije.

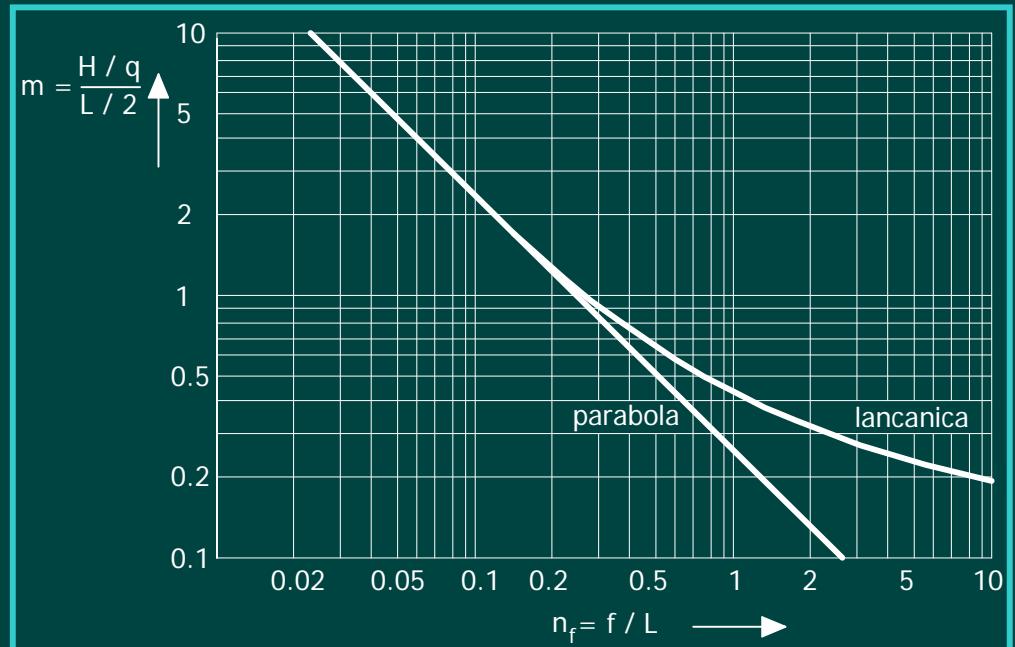


# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA TEORIJA ZATEGA



$$ds = \sqrt{dx^2 + dy^2} = \sqrt{dx^2 \cdot \left(1 + \left(\frac{dy}{dx}\right)^2\right)} = dx \cdot \sqrt{1 + (y')^2}$$

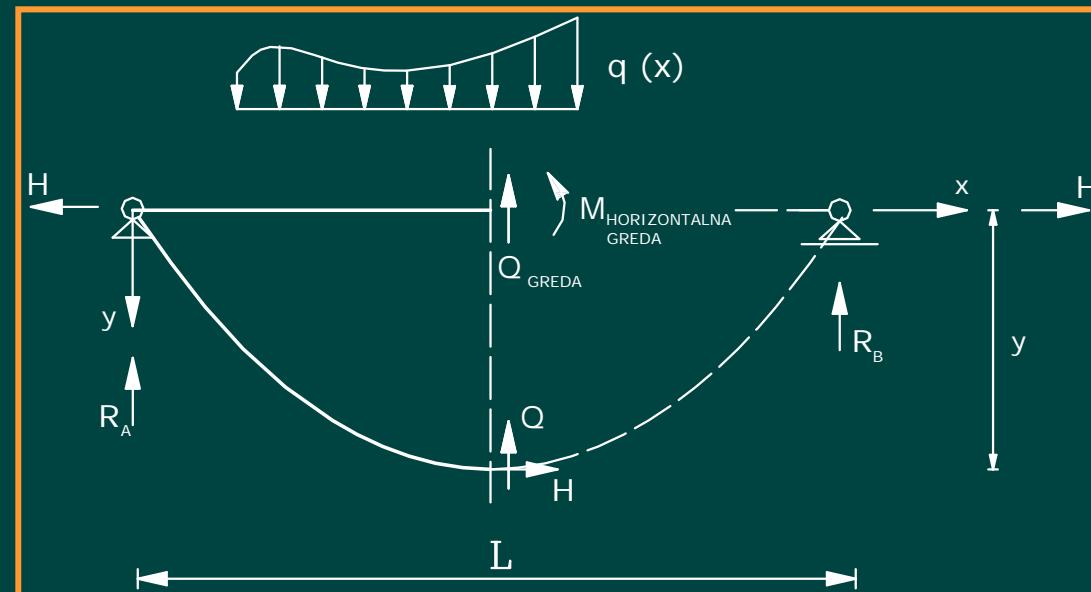
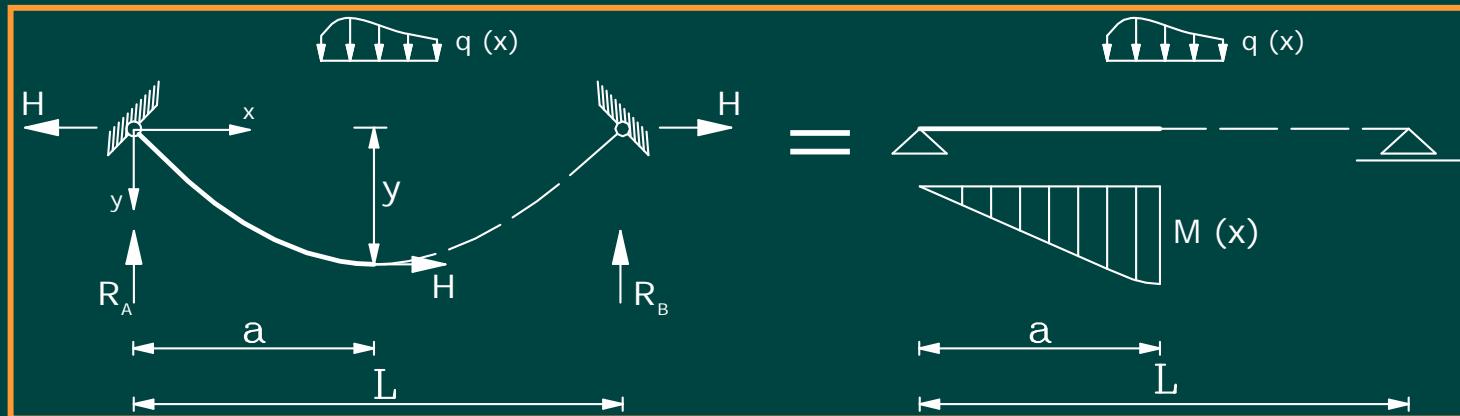
$$s = \int_0^L \sqrt{1 + (y')^2} \cdot dx$$



Dijagram odnosa bezdimenzionalnih parametara lancanice i parabole

# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## TEORIJA ZATEGA



*Analogija između zatege opterećene vertikalnim opterećenjem  
i proste grede opterećene jednakim vertikalnim opterećenjem*

# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## TEORIJA ZATEGA

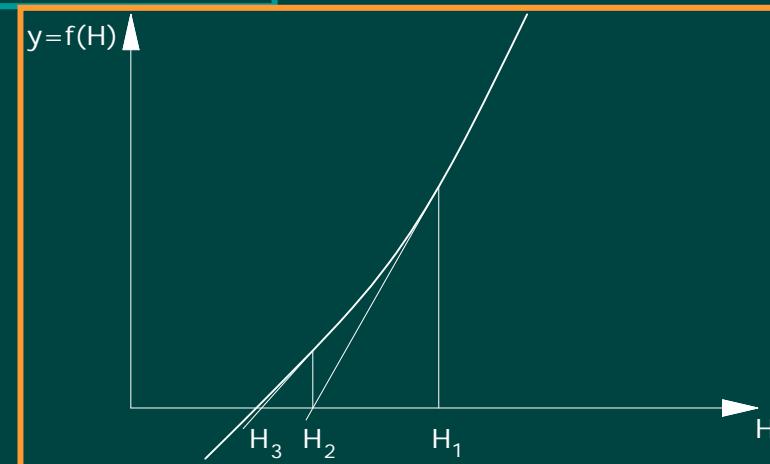
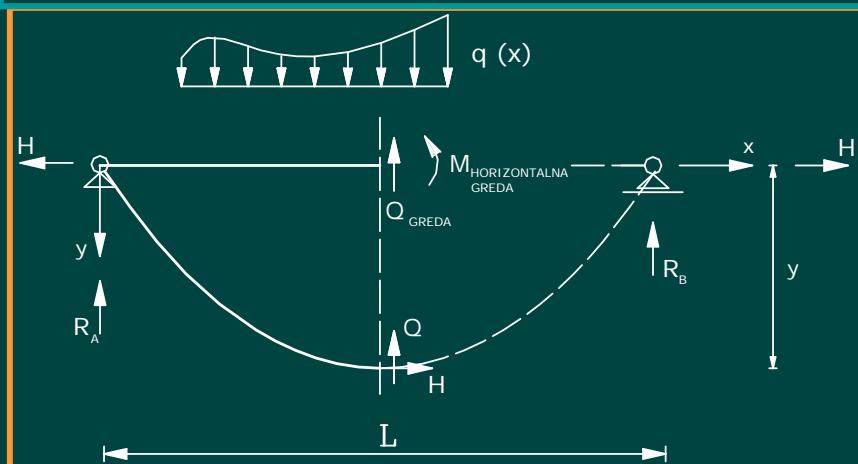
- Duljina kabela pod djelovanjem vertikalnih sila:

- $s$  duljina kabela pod djelovanjem opterećenja
- $s_0$  duljina kabela u neopterećenom stanju
- $\Delta s$  elastično produljenje kabela
- $\Delta s_t$  produljenje kabela uslijed djelovanja temperature
- $EA=\infty$  odgovara pretpostavci da je zatega nedeformabilna

$$S = S_0 + \Delta s + \Delta s_t$$

$$H^3 \cdot \left[ \frac{L}{E \cdot A} \right] + H^2 \cdot \left[ s_0 \cdot (1 + \alpha_t \cdot \Delta t) - L \right] + H \cdot \left[ \frac{1}{E \cdot A} \cdot \int_0^L Q^2 \cdot dx \right] = \frac{1}{2} \cdot \int_0^L Q^2 \cdot dx$$

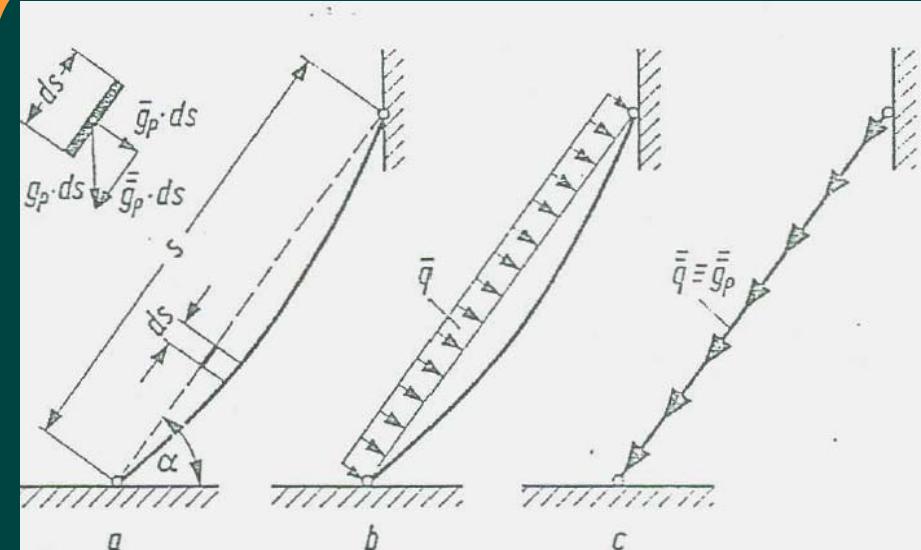
$$E \cdot A = \infty \rightarrow H_1 = \sqrt{\frac{\frac{1}{2} \cdot \int_0^L Q^2 \cdot dx}{s_0 \cdot (1 + \alpha_t \cdot \Delta t) - (L)}} = \sqrt{\frac{\int_0^L Q^2 \cdot dx}{2 \cdot [s_0 \cdot (1 + \alpha_t \cdot \Delta t) - L]}}$$



# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## TEORIJA ZATEGA NA JARBOLIMA

- Geometrijski oblik zatege je funkcija
    - sile prednapinjanja zatege i
    - vanjskog opterećenja.
  - Točan geometrijski oblik zatege
    - pod djelovanjem vjetra promjenjivog intenziteta po visini
    - je prostorna krivulja.
  - Za proračun se usvajaju sljedeća pojednostavnjena:
    1. Pritisak vjetra je konstantan po čitavoj duljini zatege  $\Rightarrow$  Usvaja se srednja vrijednost pritiska vjetra.
    2. Umjesto koncentriranih sila na mjestu izolatora nanosi se zamjensko kontinuirano opterećenje; to se odnosi na njihovu
      - vlastitu težinu,
      - opterećenje leda i vjetra na izolatore.
    3. Opterećenje po jedinici duljine zatege zamjenjuje se opterećenjem na projekciju zatege na pravac koji spaja krajeve zatege. $\Rightarrow$  Time se stvarna linija zatege (lančanica) aproksimira parabolom.
- 
- Na temelju pretpostavki opterećenje se rastavlja na:
    - djelovanja okomito na pravac koji spaja krajeve zatege (b)
$$\bar{g}_p = g_p \cdot \cos \alpha$$
    - na opterećenje duž tog pravca (c)
$$\bar{\bar{g}}_p = g_p \cdot \sin \alpha$$
  - Kut  $\alpha$  je nagib između pravca koji spaja krajeve zatege i horizontale.

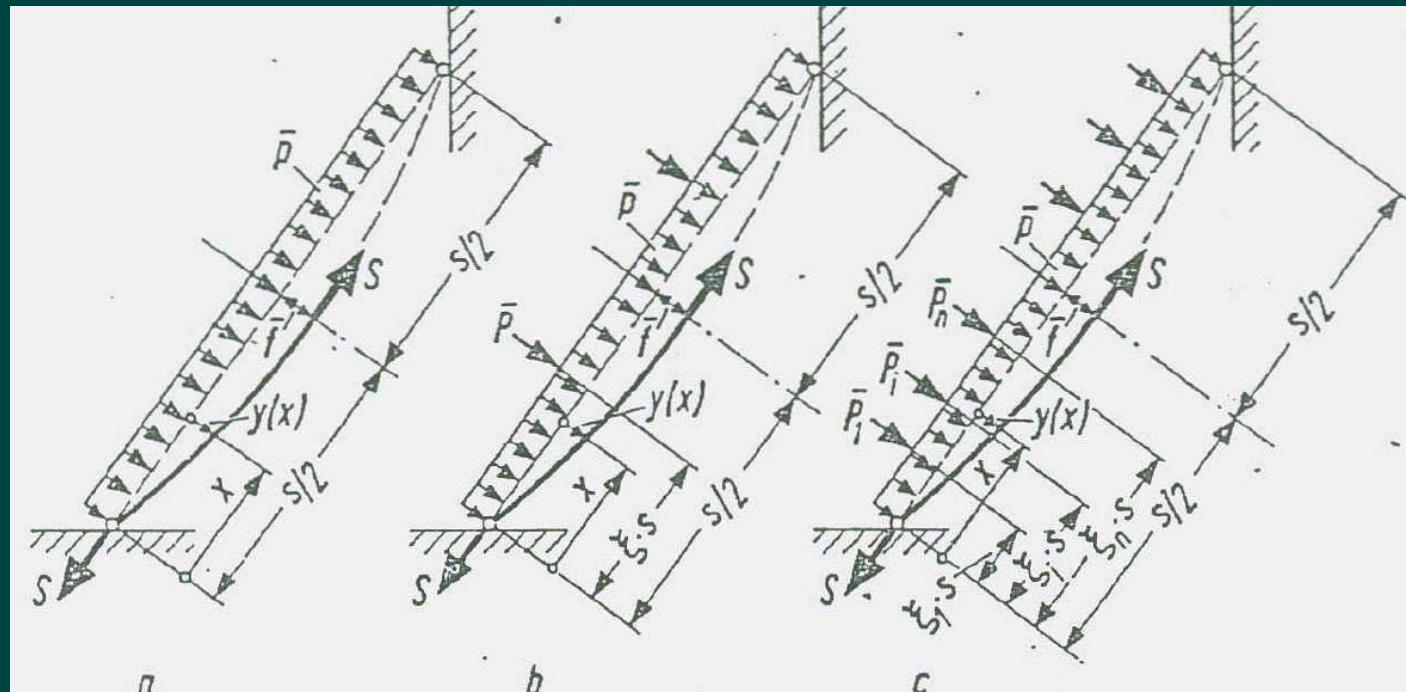


# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## TEORIJA ZATEGA NA JARBOLIMA

- ***U slučaju simetrično raspoređenih izolatora (simetr. opt. zatega na jarbolima):***
  - najveći moment savijanja  $M$  na ekvivalentnoj gredi raspona s pojavljuje se u sredini raspona.
  - Proračun se pojednostavljuje uvođenjem zamjenskog kontinuiranog opterećenja  $\bar{p}_{Ersatz}$
  - Izjednačavanjem momenta savijanja u sredini raspona slijedi:

$$\bar{p}_{Ersatz} \cdot \frac{s^2}{8} = \bar{p} \cdot \frac{s^2}{8} + s \cdot \sum_{i=1}^n \bar{P}_i \cdot \xi_i \quad \rightarrow \quad \bar{p}_{Ersatz} = \bar{p} + \frac{8}{s} \cdot \sum_{i=1}^n \bar{P}_i \cdot \xi_i$$



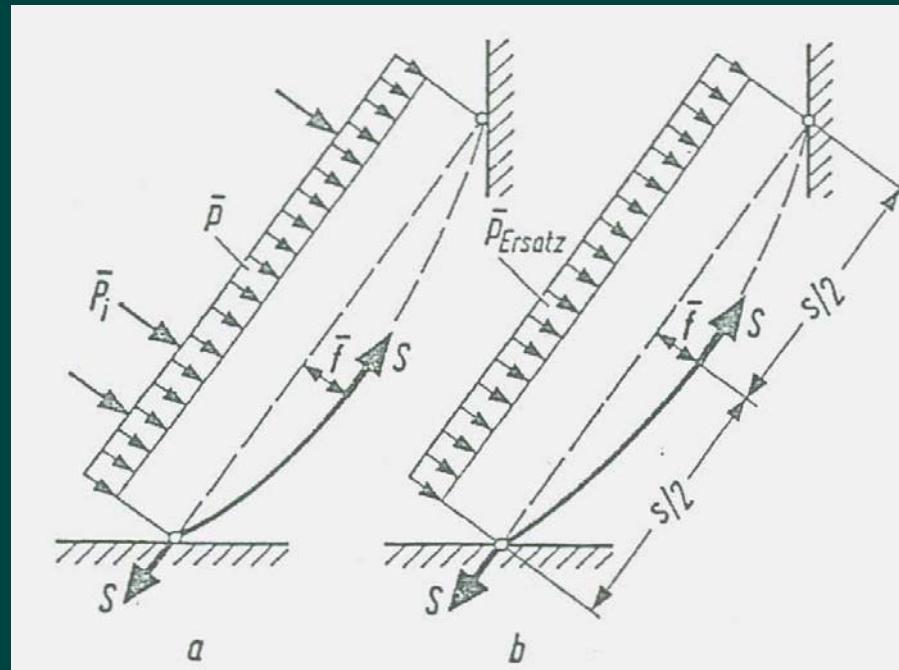
- **NAPOMENA:** Zamjensko opterećenje primjenjuje se na djelovanja okomita na pravac koji spaja krajeve zatega. Ne može se primijeniti na sile koje djeluju uzduž tog pravca.

# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA TEORIJA ZATEGA NA JARBOLIMA

## □ *U slučaju nesimetričnog opterećenja*

- potrebno je na zamjenskoj prostojo gredi odrediti maksimalni moment savijanja  $M$ .
- Ekvivalentno jednolikou kontinuirano opterećenje iznosi:

$$\bar{p}_{Ersatz} \cdot \frac{s^2}{8} = \max M \quad \rightarrow \quad \bar{p}_{Ersatz} = \bar{p} + \frac{8}{s^2} \cdot \max M$$



# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA JEDNADŽBA POMAKA KRAJA ZATEGE

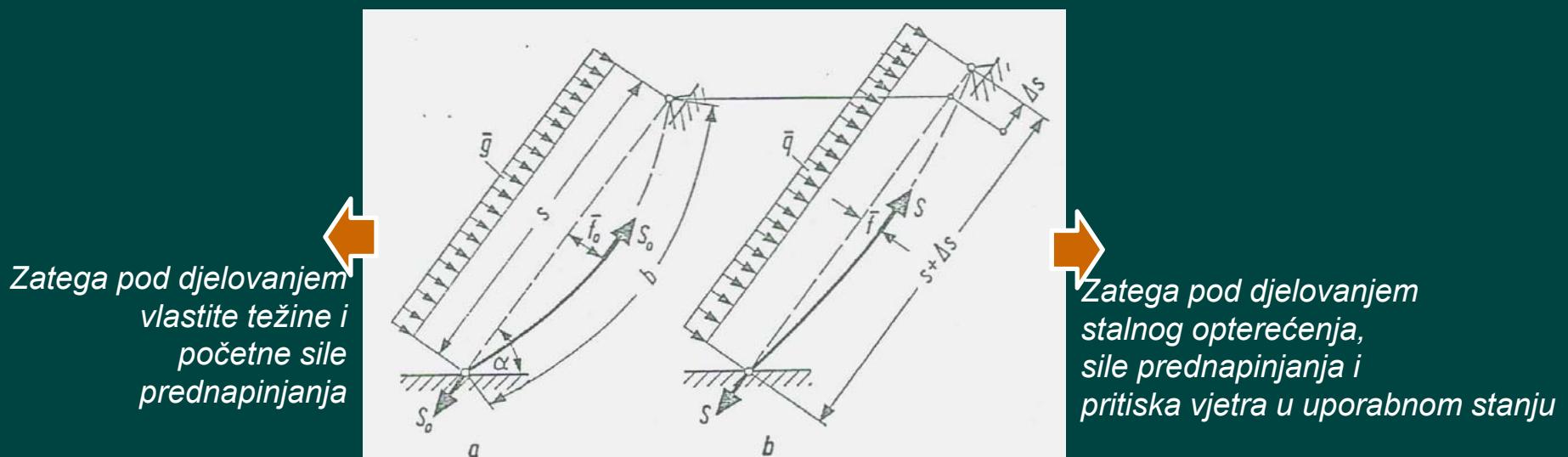
- **Duljina zatege:** Zatega pod jednolikim kontinuiranim linijskim opterećenjem poprima oblik parabole duljine  $b$ , s udaljenošću  $s$  između krajeva zatege i s provjesom  $f$

- **Duljina zatege  $b$ :**

$$b = \int_0^s \sqrt{1 + y'^2} \cdot dx = \int_0^s \left( 1 + \frac{1}{2} \cdot y'^2 - \frac{1}{8} \cdot y'^4 + \dots \right) \cdot dx \cong \int_0^s \left( 1 + \frac{1}{2} \cdot y'^2 \right) \cdot dx$$

- **Za parabolu:**

$$b \cong \int_0^s \left( 1 + \frac{1}{2} \cdot y'^2 \right) \cdot dx \cong s \cdot \left[ 1 + \frac{8}{3} \cdot \left( \frac{\bar{f}}{s} \right)^2 \right]$$



# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

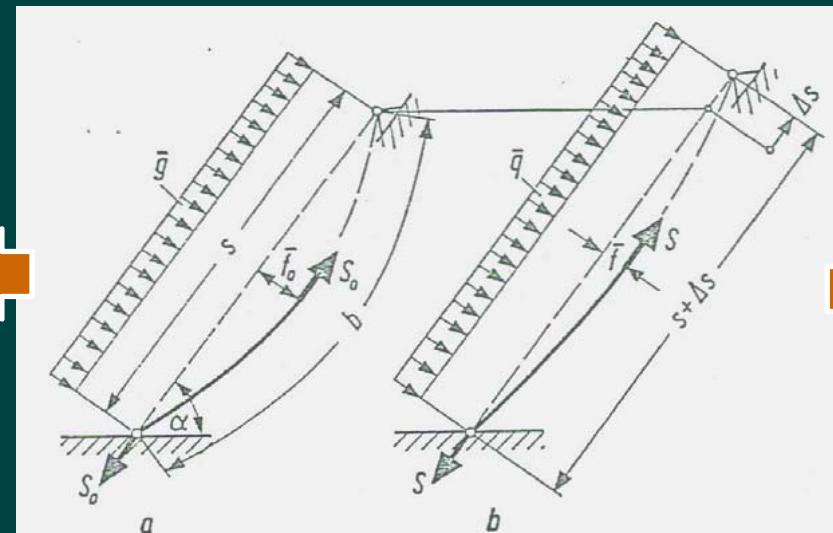
## JEDNADŽBA POMAKA KRAJA ZATEGE

- Pomak vrha zatega na spoju sa jarbolom u smjeru pravca koji spaja krajeve zatege dobiva se sumiranjem utjecaja:

$$\Delta s = \Delta s_S + \Delta s_t + \Delta s_f$$

- elastičnih deformacija zatege uslijed promjene opterećenja na zategu
- deformacije zatege uslijed promjene temperature
- pomak uslijed promjene provjesa

Zatega pod djelovanjem vlastite težine i početne sile prednapinjanja



Zatega pod djelovanjem stalnog opterećenja, sile prednapinjanja i pritiska vjetra u uporabnom stanju

# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## JEDNADŽBA POMAKA KRAJA ZATEGE

- Osnovno opterećenje na zategu je njezina vlastita težina i težina izolatora.

- Srednja vlačna sila u zatezi je  $S_0$ .

➤ **Provjes zatege pod stalnim opterećenjem:**

$$\bar{f}_0 = \frac{\bar{g} \cdot s^2}{8 \cdot S_0}$$

- U uporabnom stanju opterećenje (vjetra, led, snijeg) povećava udaljenost krajeva zatege smanjujući njezin provjes.

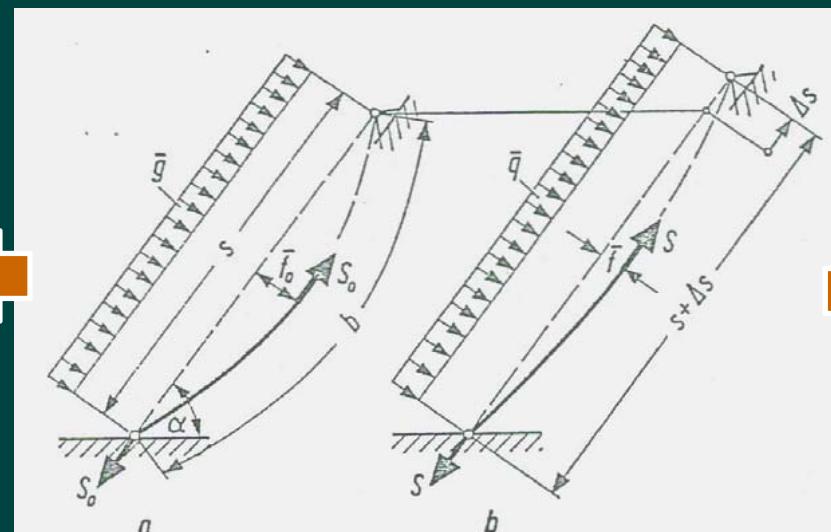
- Povećava se sila u zatezi na vrijednost  $S$ .

➤ **Provjes zatege pod uporabnim opterećenjem:**

$$\bar{f} = \frac{\bar{q} \cdot (s + \Delta s_f)^2}{8 \cdot S}$$

- $\bar{g}$  projekcija vlastite težine na pravac koji spaja krajeve zatege
  - $\bar{q}$  projekcija uporabnog opterećenja na pravac koji spaja krajeve zatege

Zatega pod djelovanjem  
vlastite težine i  
početne sile  
prednapinjanja



Zatega pod djelovanjem  
stalnog opterećenja,  
sile prednapinjanja i  
pritiska vjetra u uporabnom stanju

# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## JEDNADŽBA POMAKA KRAJA ZATEGE

### □ Pojedinačni pomaci vrha zatege:

- Predpostavlja se da je zatega *nedeformabilna EA*  
 $= \infty$  čime se obuhvaća utjecaj promjene provjesa.  
Duljina zatege nakon nanošenja opterećenja  
ostaje jednaka:

$$s \cdot \left[ 1 + \frac{8}{3} \cdot \left( \frac{\bar{f}_0}{s} \right)^2 \right] = (s + \Delta s_f) \cdot \left[ 1 + \frac{8}{3} \cdot \left( \frac{\bar{f}}{s + \Delta s_f} \right)^2 \right]$$

- Uvrštavanjem vrijednosti za provjese prije  
i nakon nanošenja dodatnog  
opterećenja, slijedi:

$$\Delta s_f = -\frac{\bar{q}^2}{24 \cdot S^2} \cdot \left[ s^3 + 3 \cdot s^2 \cdot \Delta s_f + 3 \cdot s \cdot (\Delta s_f)^2 + (\Delta s_f)^3 \right] + \frac{\bar{g}^2}{24 \cdot S_0^2} \cdot s^3$$

- Zanemarivanjem veličina nižeg reda  
(ostaje samo  $s^3$  dobivamo):

$$\Delta s_f \approx -\frac{s^3}{24} \cdot \left[ \left( \frac{\bar{q}}{S} \right)^2 - \left( \frac{\bar{g}}{S_0} \right)^2 \right]$$

- Produljenje uslijed elastične deformacije zatege:

$$\Delta s_S = \frac{s}{E \cdot A} \cdot (S - S_0)$$

- Deformacija uslijed promjene temperature:

$$\Delta s_t = \alpha_{ts} \cdot (t_s - t_{s0}) \cdot s$$

- $(t_s - t_{s0})$  – promjena temperature
- $\alpha_{ts}$  – koeficijent toplinskog rastezanja zatege

# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## JEDNADŽBA POMAKA KRAJA ZATEGE

### □ Pomak vrha zatege:

$$\Delta s = \Delta s_s + \Delta s_t + \Delta s_f$$



$$\Delta s_t = \alpha_{ts} \cdot (t_s - t_{s0}) \cdot s$$

$$\Delta s_s = \frac{s}{E \cdot A} \cdot (S - S_0)$$

$$\Delta s_f \approx -\frac{s^3}{24} \cdot \left[ \left( \frac{\bar{q}}{S} \right)^2 - \left( \frac{\bar{g}}{S_0} \right)^2 \right]$$

- Ako umjesto sile promatramo naprezanja u zatezi pomak vrha zatege iznosi [ m ]:

$$\Delta s = -\frac{s^3}{24} \cdot \left[ \left( \frac{\bar{\gamma}}{\sigma} \right)^2 - \left( \frac{\bar{\gamma}_g}{\sigma_0} \right)^2 \right] + \frac{s}{E_s} \cdot (\sigma - \sigma_0) + \alpha_{ts} \cdot (t_s - t_{s0}) \cdot s$$

- gdje je ukupno specifično opterećenje u fazi uporabe [ kN/m<sup>3</sup> ]:

$$\bar{\gamma} = \frac{\bar{q}}{F}$$

- a specifično opterećenje od vlastite težine [ kN/m<sup>3</sup> ]:

$$\bar{\gamma}_g = \frac{\bar{g}}{F} = \frac{g \cdot \cos \alpha}{F} = \gamma_g \cdot \cos \alpha$$

- $\sigma = S / F_s$  - srednje naprezanje u zatezi od uporabnog opterećenja (stalno + promjenjivo)
- $\sigma_0 = S_0 / F_s$  - srednje naprezanje u zatezi od stalnog opterećenja

# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## JEDNADŽBA POMAKA KRAJA ZATEGE

### □ Pomak vrha zatege:

- Pomak vrha zatege u vertikalnoj ravnini opisan je varijablama  $u$  i  $v$ .

### □ Horizontalni pomak vrha $v$ :

$$v = \frac{\Delta s}{\cos \alpha} + u \cdot \tan \alpha$$

- Uz vertikalni pomak:  $u = u_M - \alpha_{tM} \cdot (t_M - t_{M0}) \cdot h$
- $u \tan \alpha$  zanemarivo mala vrijednost:
- $\alpha_{tM}$  koeficijent toplinskog produljenja jARBOLA
- Uvrštavanjem  $\Delta s \rightarrow$

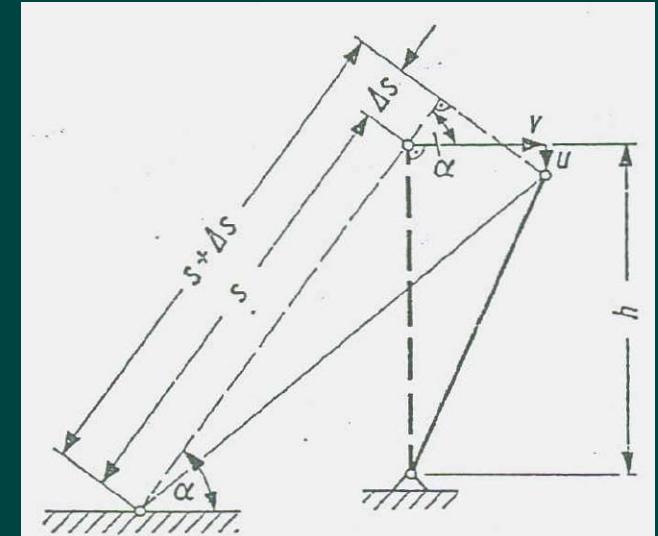
$$v = -\frac{s^3}{24 \cdot \cos \alpha} \cdot \left[ \left( \frac{\bar{\gamma}}{\sigma} \right)^2 - \left( \frac{\bar{\gamma}_g}{\sigma_0} \right)^2 \right] + \frac{s}{E_s \cdot \cos \alpha} \cdot (\sigma - \sigma_0) + \frac{s}{\cos \alpha} \cdot \alpha_{ts} \cdot (t_s - t_{s0}) \cdot s + u \cdot \tan \alpha$$

- Definiranje varijabli za skraćeni zapis  $L$  [ kN / m<sup>3</sup> ] i  $M$  [ m<sup>3</sup> / kN ]

$$L = \frac{s^3 \cdot \bar{\gamma}_g^2}{24 \cdot \cos \alpha} = \frac{s^3 \cdot \gamma_g^2 \cdot \cos \alpha}{24}$$

$$M = \frac{s}{E_s \cdot \cos \alpha}$$

➡  $v = -\frac{L}{\sigma_0^2} + M \cdot \left[ \sigma_0 - E_s \cdot \alpha_{ts} \cdot (t_s - t_{s0}) + E_s \cdot \alpha_{tM} \cdot (t_M - t_{M0}) \cdot \frac{h}{s} \cdot \sin \alpha \right] - u_M \cdot \tan \alpha$



# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## PRIMJENA POMAKA NA JARBOLE SA ZATEGAMA

### □ Pomak vrha zatege:

$$v = -\frac{L}{\sigma_0^2} + M \cdot \left[ \sigma_0 - E_S \cdot \alpha_{ts} \cdot (t_s - t_{s0}) + E_S \cdot \alpha_{tm} \cdot (t_m - t_{m0}) \cdot \frac{h}{s} \cdot \sin \alpha \right] - u_M \cancel{\cdot \tan \alpha}$$

### □ Jarboli sa snopom zatega jednake duljine sidrenim u istoj točki jarbola:

$$L = \frac{s^3 \cdot \gamma_g^2 \cdot \cos \alpha}{24}$$

$$M = \frac{s}{E_S \cdot \cos \alpha}$$

$$\gamma_g = \frac{g}{F_S}$$

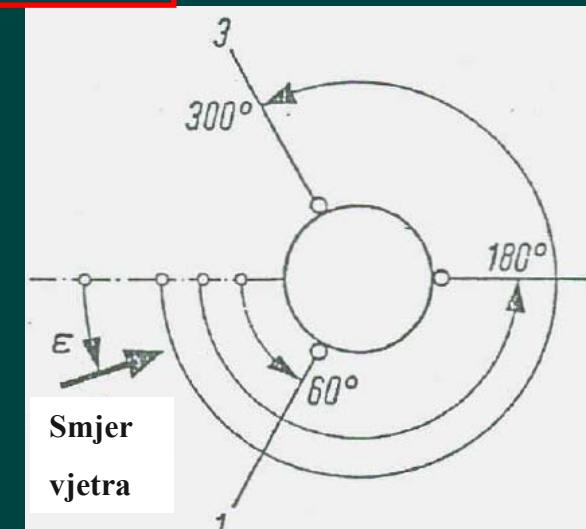


$$v = -\frac{L}{\sigma_0^2} + M \cdot \left[ \sigma_0 - E_S \cdot \alpha_{ts} \cdot (t_s - t_{s0}) + E_S \cdot \alpha_{tm} \cdot (t_m - t_{m0}) \cdot \frac{h}{s} \cdot \sin \alpha \right]$$

### □ Intenzitet vjetra definiran je kvocijentom:

$$\kappa = \frac{w_p}{g_p}$$

- $w_p$  vjetar
- $g_p$  vlastita težina + led



# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## JARBOLI SA ZATEGAMA: Slučajevi opterećenja

### □ Slučaj opterećenja 1:

- ( $\varepsilon = 0$ ) :  $\sigma_1 = \sigma_3$

$$\begin{aligned}\sigma_1 &= \frac{1}{3} \Delta \sigma + \frac{v_0}{M} + \frac{L}{3M} \left( \frac{2G_1}{\sigma_1^2} + \frac{G_2}{\sigma_2^2} \right) \\ \sigma_2 &= -\frac{2}{3} \Delta \sigma + \frac{v_0}{M} + \frac{L}{3M} \left( \frac{2G_1}{\sigma_1^2} + \frac{G_2}{\sigma_2^2} \right)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\sigma_2^5 - \left( \frac{v_0}{M} - \frac{8}{3} \Delta \sigma \right) \sigma_2^4 - \left( 2 \frac{v_0}{M} - \frac{7}{3} \Delta \sigma \right) \Delta \sigma \sigma_2^3 - \left[ \left( \frac{v_0}{M} - \frac{2}{3} \Delta \sigma \right) \Delta \sigma^2 + \right. \\ \left. + \frac{1}{3} (2G_1 + G_2) \frac{L}{M} \right] \sigma_2^2 - \frac{2}{3} \frac{L}{M} G_2 \Delta \sigma \sigma_2 - \frac{1}{3} \frac{L}{M} G_2 \Delta \sigma^2 = 0\end{aligned}$$

- gdje je

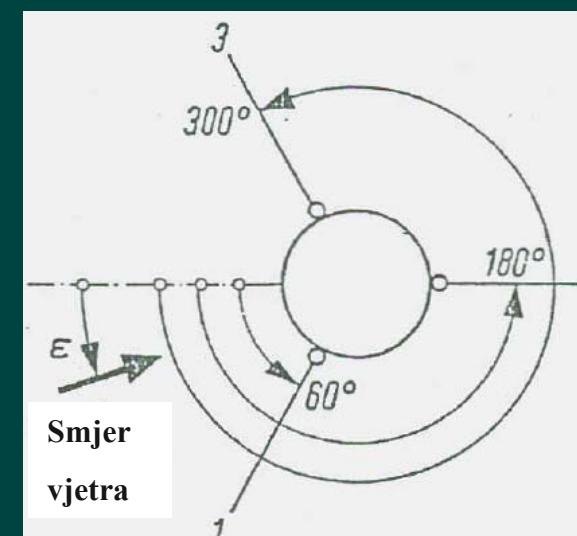
$$\begin{aligned}G_1 &= \left( \frac{\bar{\gamma}}{\bar{\gamma}_g} \right)_{1,3}^2 = \left( \frac{g_p}{g} \right)^2 \left[ 1 + \kappa \tan \alpha + \kappa^2 \left( \frac{3}{4} + \tan^2 \alpha \right) \right] \\ G_2 &= \left( \frac{\bar{\gamma}}{\bar{\gamma}_g} \right)_2^2 = \left( \frac{g_p}{g} \right)^2 (1 - \kappa \tan \alpha)^2 \\ 2G_1 + G_2 &= \left( \frac{g_p}{g} \right)^2 3 \left[ 1 + \kappa^2 \left( \frac{1}{2} + \tan^2 \alpha \right) \right]\end{aligned}$$

- Pomak u smjeru sile:

$$v = -v_2 = L G_2 \frac{1}{\sigma_2^2} - M \sigma_2 + v_0$$

- Poprečna sila i moment savijanja uslijed unosa sile snopa zatega usidrenih na jednoj razini jarbola:

$$\begin{aligned}V &= (2\sigma_1 + \sigma_2) F_s \sin \alpha \\ M &= -(\sigma_1 - \sigma_2) F_s r \sin \alpha\end{aligned}$$



# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## JARBOLI SA ZATEGAMA: Slučajevi opterećenja

### □ Slučaj opterećenja 2:

- ( $\varepsilon = 60^\circ$ ) :  $\sigma_2 = \sigma_3$

$$\begin{aligned}\sigma_1 &= +\frac{2}{3} \Delta \sigma + \frac{v_0}{M} + \frac{L}{3M} \left( \frac{G_3}{\sigma_1^2} + \frac{2G_4}{\sigma_2^2} \right) \\ \sigma_2 &= -\frac{1}{3} \Delta \sigma + \frac{v_0}{M} + \frac{L}{3M} \left( \frac{G_3}{\sigma_1^2} + \frac{2G_4}{\sigma_2^2} \right)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}\sigma_2^5 - \left( \frac{v_0}{M} - \frac{7}{3} \Delta \sigma \right) \sigma_2^4 - \left( 2 \frac{v_0}{M} - \frac{5}{3} \Delta \sigma \right) \Delta \sigma \sigma_2^3 - \left[ \left( \frac{v_0}{M} - \frac{1}{3} \Delta \sigma \right) \Delta \sigma^2 + \right. \\ \left. + \frac{1}{3} (G_3 + 2G_4) \frac{L}{M} \right] \sigma_2^2 - \frac{4}{3} \frac{L}{M} G_4 \Delta \sigma \sigma_2 - \frac{2}{3} \frac{L}{M} G_4 \Delta \sigma^2 = 0\end{aligned}$$

- gdje je

$$G_3 = \left( \frac{\bar{\gamma}}{\bar{\gamma}_g} \right)_1^2 = \left( \frac{g_p}{g} \right)^2 (1 + \kappa \tan \alpha)^2$$

$$G_4 = \left( \frac{\bar{\gamma}}{\bar{\gamma}_g} \right)_{2,3}^2 = \left( \frac{g_p}{g} \right)^2 \left[ 1 - \kappa \tan \alpha + \kappa^2 \left( \frac{3}{4} + \tan^2 \alpha \right) \right]$$

$$G_3 + 2G_4 = \left( \frac{g_p}{g} \right)^2 3 \left[ 1 + \kappa^2 \left( \frac{1}{2} + \tan^2 \alpha \right) \right]$$

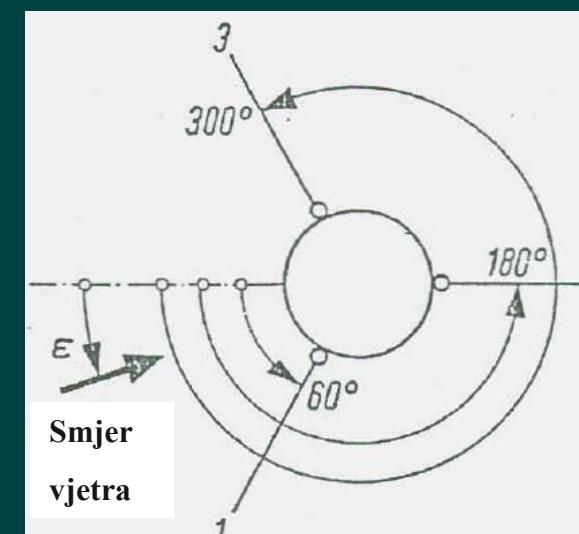
- Pomak u smjeru sile:

$$v = +v_1 = -L G_3 \frac{1}{\sigma_1^2} + M \sigma_1 - v_0$$

- Poprečna sila i moment savijanja uslijed unosa sile snopa zatega usidrenih na jednoj razini jarbola:

$$V = (\sigma_1 + 2\sigma_2) F_S \sin \alpha$$

$$M = -(\sigma_1 - \sigma_2) F_S r \sin \alpha$$



# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## JARBOLI SA ZATEGAMA: Rezne sile

- Poprečna sila i moment savijanja uslijed unosa sile snopa zatega usidrenih na jednoj razini jarbola:

- Slučaj opterećenja 1:

$$V = (2\sigma_1 + \sigma_2) F_s \sin \alpha$$

$$M = -(\sigma_1 - \sigma_2) F_s r \sin \alpha$$

- Slučaj opterećenja 2:

$$V = (\sigma_1 + 2\sigma_2) F_s \sin \alpha$$

$$M = -(\sigma_1 - \sigma_2) F_s r \sin \alpha$$

- Rezne sile na jarbolu za slučajeve opterećenja 1 i 2:

- Vlastita težina i težina leda ( $g_p$ ):

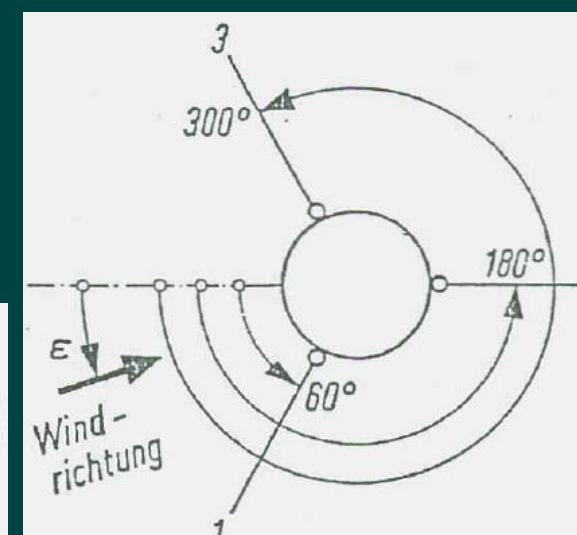
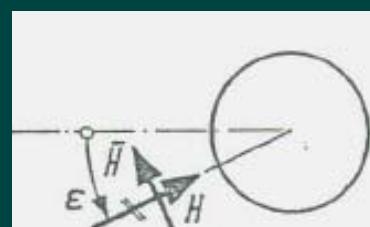
$$V = \frac{3}{2} g_p s, \quad H = \bar{H} = 0, \quad M = \bar{M} = 0$$

- Vjetar ( $w_p$ ):

$$H = \frac{3}{4} w_p s (1 + \sin^2 \alpha), \quad \bar{H} = 0$$

$$M = -\frac{3}{4} w_p s r \sin \alpha \cos \alpha, \quad \bar{M} = 0$$

$$V = 0$$



# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## JARBOLI SA ZATEGAMA: Odabir prednapinjanja

- Sila u zatezi:

$$S_0 \cong \frac{M}{\bar{f}} = \frac{\bar{g} \cdot s^2}{8 \cdot \bar{f}} = \frac{g \cdot s^2 \cdot \cos \alpha}{8 \cdot \bar{f}}$$

- Odabrano prednapinjanje:

$$\sigma_0 = \gamma_g \cdot s \cdot \frac{\cos \alpha}{8} \cdot \frac{s}{\bar{f}} = \gamma_g \cdot s \cdot \frac{\cos \alpha}{8} \cdot n$$

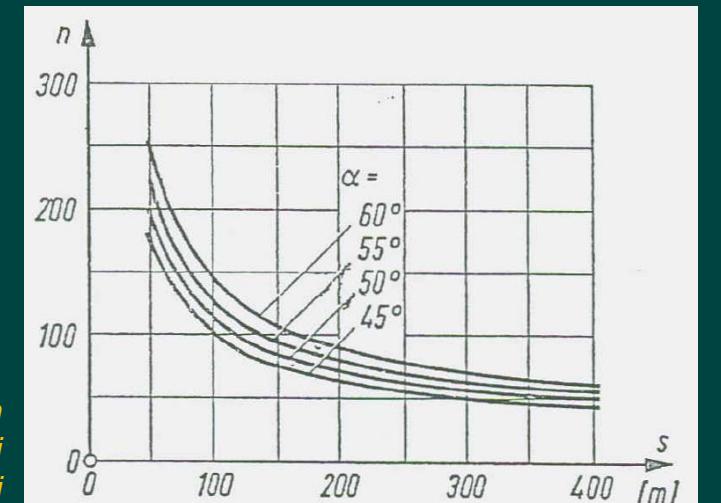
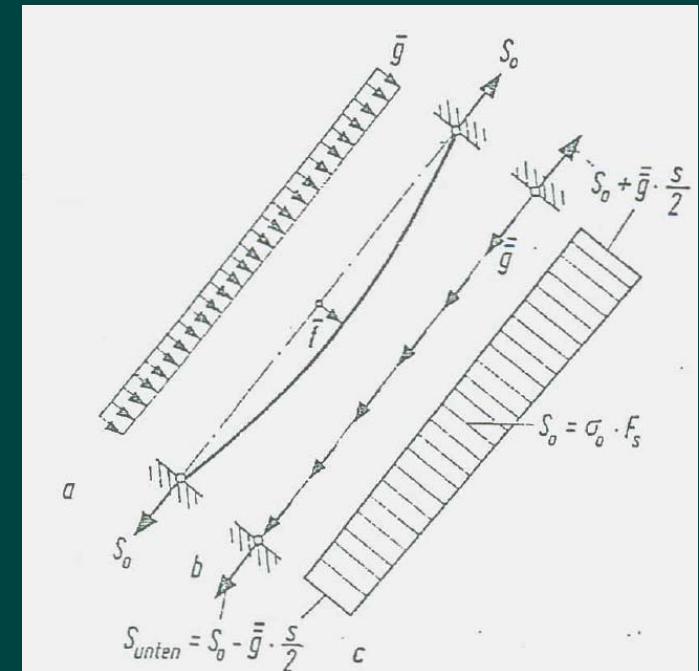
- n predstavlja omjer sekantne duljine zatege i provjesa

$$\bar{f} = \frac{s}{n}$$

- specifično opterećenje od vlastite težine

$$\gamma_g = \frac{g}{F_S}$$

Dijagram za određivanje koeficijenta n ovisno o udaljenosti hvatišta zatege i nagiba zatege prema horizontalnoj ravnini



# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## JARBOLI SA ZATEGAMA:Prethodno dimenzioniranje

- a) Nakon određivanja mjerodavnog opterećenja vjetrom, jarbol se dimenzionira kao kontinuirana greda ( $E \cdot I = \text{konstantno}$ ) sa osloncima na mjestima sidrenja zatega

- Tako odredimo reakciju  $H$  na mjestu oslonaca
- Dobivenu silu povećamo za 10 %  
čime se uzima u obzir djelovanje vjetra na zatege
- Povećanje sile provjerimo koristeći izraze:

$$\begin{aligned}H &= \frac{3}{4} w_p s (1 + \sin^2 \alpha), & \bar{H} &= 0 \\M &= -\frac{3}{4} w_p s r \sin \alpha \cos \alpha, & \bar{M} &= 0 \\V &= 0\end{aligned}$$

- b) Odabir razine prednapinjanja:

$$\sigma_0 = \gamma_g \cdot s \cdot \frac{\cos \alpha}{8} \cdot \frac{s}{f} = \gamma_g \cdot s \cdot \frac{\cos \alpha}{8} \cdot n$$

- c) Određivanje površine poprečnog presjeka zatege:

- vlačna čvrstoća materijala zatege  
 $\sigma_{LOM}$

$$F_s = \frac{H}{\cos \alpha \cdot (0,35 \cdot \sigma_{LOM} - 0,50 \cdot \sigma_0)}$$

- d) Određivanje vertikalne sile na jarbol pojedine zatege  
pod djelovanjem stalnog opterećenja i vjetra:

$$V = 2 \cdot H \cdot \tan \alpha + 1,20 \cdot \sigma_0 \cdot F_s \cdot \sin \alpha$$

- e) Dimenzioniranje jarbola

- na momente savijanja  $M$  dobivene u točki a)
- i tlačne sile  $V$  dobivene prema d)

# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## JARBOLI SA ZATEGAMA: Sila prednapinjanja

- Ograničavajući horizontalni pomak točke spoja jarbola sa zategama, moguće je odrediti silu prednapinjanja

- Mjerodavan je slučaj opterećenja 1 ( $\varepsilon = 0$ ) jer daje najveći pomak
  - Zanemarivanjem umanjenja pomaka uslijed djelovanja vjetra na zatege, pretpostavljanjem da nema leda na zategama dobivamo:

$$\sigma_1 = \frac{H}{F_s \cos \alpha} + \sigma_2$$
$$-\frac{L}{M} \left( \frac{2}{\sigma_1^2} + \frac{1}{\sigma_2^2} \right) + (2\sigma_1 + \sigma_2) + 3 \frac{L}{M} \frac{1}{\sigma_0^2} - 3\sigma_0 = 0$$

- Dozvoljeni horizontalni pomak u smjeru djelovanja vjetra  $v_1 = v / 2$

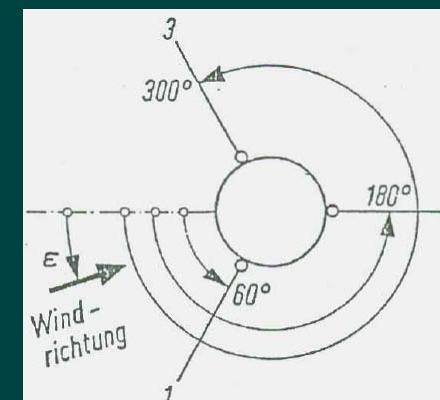
$$\frac{v}{2} = -L \frac{1}{\sigma_1^2} + M \sigma_1 + L \frac{1}{\sigma_0^2} - M \sigma_0$$

- Poznavajući  $H$ ,  $F_s$  (prema a) i c)),  $v$ ,  $L$  i  $M$  moguće je odrediti silu prednapinjanja zatega sa  $\sigma_0$ .
  - Preporučuje se približan proračun
  - Naprezanja  $\sigma_1$  u zatezi:

$$\boxed{\sigma_1 \approx 1,15 \cdot \frac{H}{F_s \cdot \cos \alpha}}$$

- Početno prednapinjanje zatege određuje se iz:

$$\boxed{M \sigma_0^3 + \left( \frac{v}{2} - M \sigma_1 + \frac{L}{\sigma_1^2} \right) \sigma_0^2 - L = 0}$$

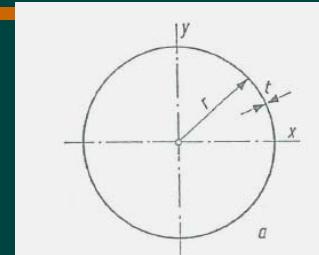


# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## JARBOLI SA ZATEGAMA: Dokaz naprezanja

- Zatvoreni kružni poprečni presjek**

$$I = \pi r^3 t; W = \pi r^2 t; F = 2 \pi r t$$



- Kružni poprečni presjek sa otvorom za ulaz**

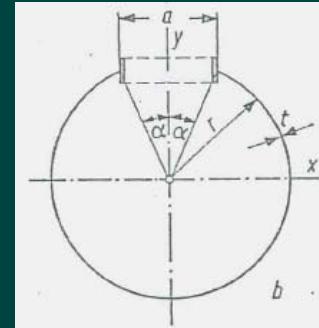
- Umanjenje geometrijskih karakteristika punog presjeka

$$\Delta I_x = (\hat{\alpha} + \sin \alpha \cos \alpha) r^3 t$$

$$\Delta I_y = (\hat{\alpha} - \sin \alpha \cos \alpha) r^3 t$$

$$\Delta F = 2 \hat{\alpha} r t$$

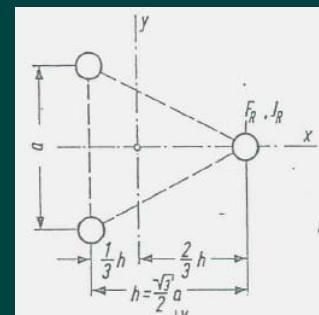
$$\hat{\alpha} = \arcsin \frac{a}{2r} \quad \sin \alpha \cos \alpha = \frac{a}{2r} \sqrt{1 - \left(\frac{a}{2r}\right)^2}$$



- Trodijelni poprečni presjek**

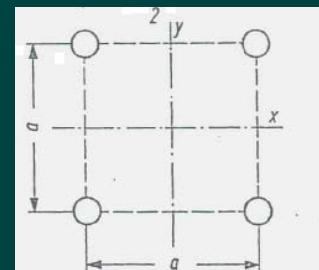
- $F_R$  – površina poprečnog presjeka jedne cijevi

$$F = 3F_R; \quad J = 3J_R + \frac{2}{3} F_R h^2 = 3J_R + \frac{1}{2} F_R a^2$$



- Četverodijelni poprečni presjek**

$$F = 4F_R; \quad J = 4J_R + F_R a^2$$



# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

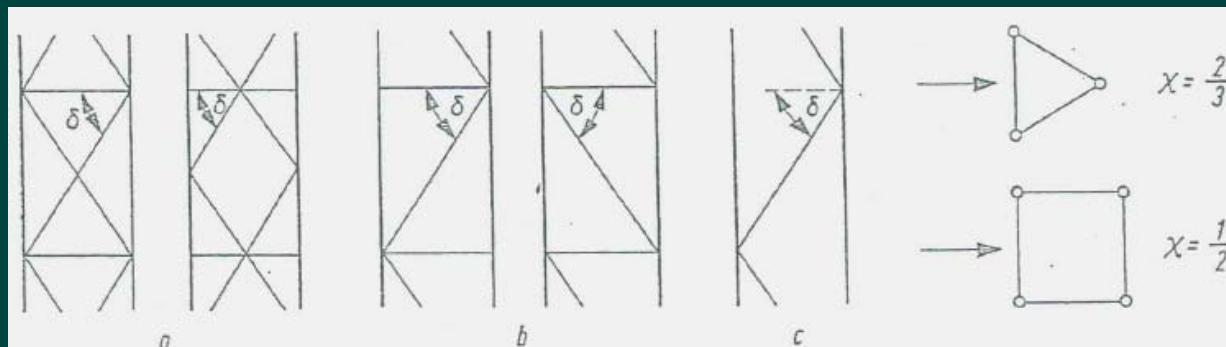
## JARBOLI SA ZATEGAMA: Višedijelni presjeci

### □ Kod višedijelnih presjeka

- nije moguće zanemariti posmičnu deformaciju jarbola pod djelovanjem horizontalnih sila poprečno na uzdužnu os jarbola
- stoga se reducira savojna krutost:

$$EJ_{\text{red}} = \frac{EJ}{1 + \frac{48}{5l^2} \frac{EF}{GF'}}$$

- $GF'$  – posmična krutost
- Duljina izvijanja pojedinih štapova jednaka je udaljenosti čvorova u rešetki



$$a: \frac{1}{GF'} = \chi \cdot \left( \frac{1}{2 \cdot EF_d \cdot \sin \delta \cos^2 \delta} + \frac{1}{EF_h \cdot \tan \delta} \right),$$

$$b: \frac{1}{GF'} = \chi \cdot \left( \frac{1}{EF_d \cdot \sin \delta \cdot \cos^2 \delta} + \frac{1}{EF_h \cdot \tan \delta} \right),$$

$$c: \frac{1}{GF'} = \chi \cdot \frac{1}{EF_d \cdot \sin \delta \cdot \cos^2 \delta} \cdot F_d: \text{poprečni presjek jednog dijagonalnog štapa}$$

$F_h:$  poprečni presjek jednog horizontalnog štapa

# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## JARBOLI SA ZATEGAMA: Višedijelni presjeci

- Uzdužne sile  $S$  u štapovima i poprečne sile  $Q$  u vertikalnim ravninama “zidova” jarbola (ravninama ravninskih rešetki jarbola)

I	II	IV	V
$S_1 = \frac{N}{3} + \frac{M}{2h}$ $S_2 = \frac{N}{3} - \frac{M}{h}$	$S_1 = \frac{N}{3} + \frac{M}{h}$ $S_2 = \frac{N}{3} - \frac{M}{2h}$	$S_1 = \frac{N}{4} + \frac{M}{2a}$ $S_2 = \frac{N}{4} - \frac{M}{2a}$	$S_1 = \frac{N}{4} + \frac{M}{\sqrt{2}a}$ $S_3 = \frac{N}{4} - \frac{M}{\sqrt{2}a}$
$Q_f = \frac{Q}{\sqrt{3}}$		$Q_f = \frac{Q}{2}$	$Q_f = \frac{Q}{2 \cdot \sqrt{2}}$

# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## JARBOLI SA ZATEGAMA: Ukrućenja u jarbolu

- U gornjoj točki hvatišta zatega za jarbol potrebno je ugraditi prstenasti nosač (ukrućenje) za prijenos koncentrirane sile u jarbol.
- Koncentrirana sila  $P$  unosi se u kružni prsten radijusa  $r$  posmičnom silom  $S$

$$\max S = \frac{P}{\pi r} ; \quad S(\varphi) = \max S \sin \varphi$$

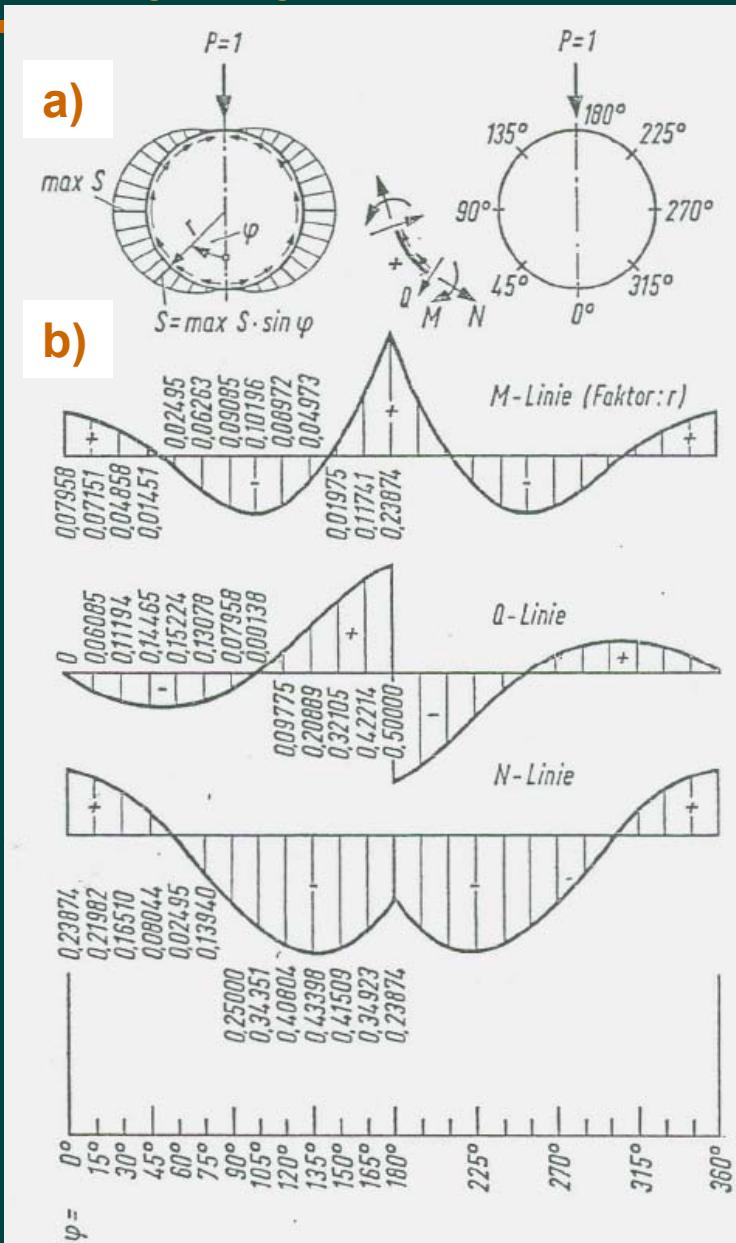
- Definiranje unutarnjih sila  $M$ ,  $Q$ ,  $N$  u poprečnom presjeku prstenastog nosača

$$M = \frac{Pr}{4\pi} (2 - \cos \varphi - 2\varphi \sin \varphi)$$

$$N = \frac{P}{4\pi} (3 \cos \varphi - 2\varphi \sin \varphi)$$

$$Q = -\frac{P}{4\pi} (\sin \varphi + 2\varphi \cos \varphi)$$

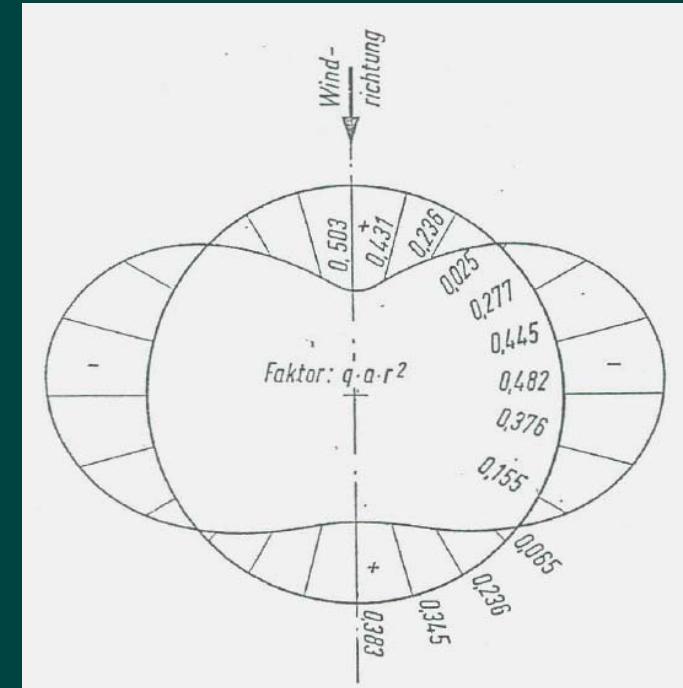
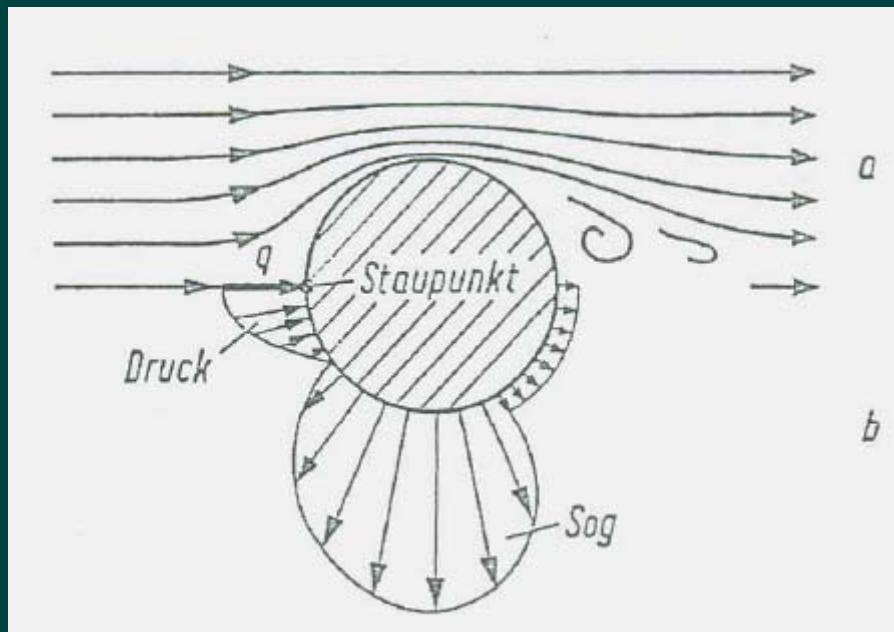
- Raspodjela posmične sile na prstenastom nosaču opterećenom jediničnom koncentriranom silom  $P=1$
- Utjecajne linije za  $M$ ,  $Q$  i  $N$



# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## JARBOLI SA ZATEGAMA: Ukrućenja u jarbolu

- Raspodjela tlačnih i vlačnih pritisaka vjetra



- Maksimalni i minimalni momenti savijanja u prstenastom nosaču od djelovanja vjetra

$$\max M = 0,503 q a r^2; N = +1,16 q a r$$

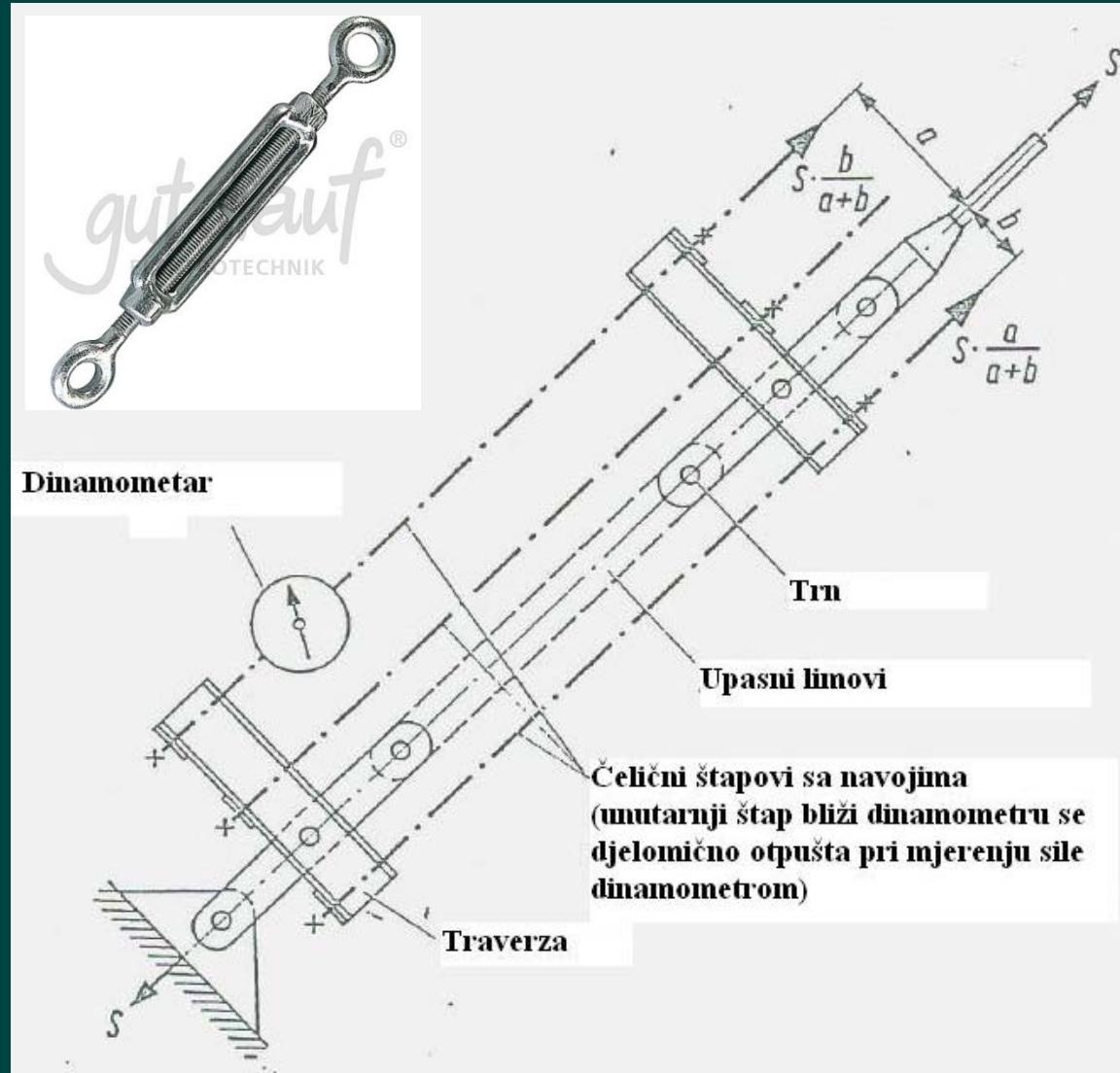
$$\min M = -0,482 q a r^2; N = +0,31 q a r$$

- $q$  – pritisak vjetra
- $a$  – razmak prstenastih nosača po visini
- $r$  – radijus prstena

# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## JARBOLI SA ZATEGAMA: Rješavanje detalja zatega

- Kod manjih jarbola se koriste prednapinjaljke



# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

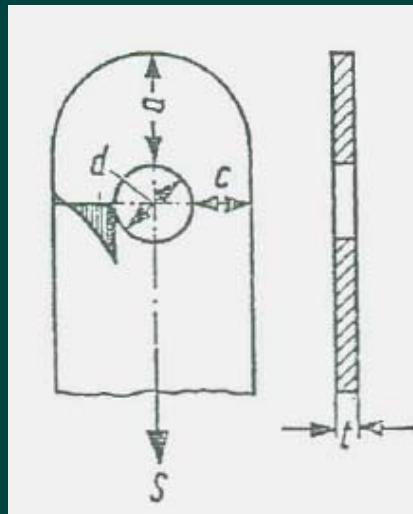
## JARBOLI SA ZATEGAMA: Rješavanje detalja zatega

### □ Detalj pričvršćenja zatega:

- Potrebno je ugraditi vijak sa maticom koja mora imati osigurač za sprečavanje odvrtanja:

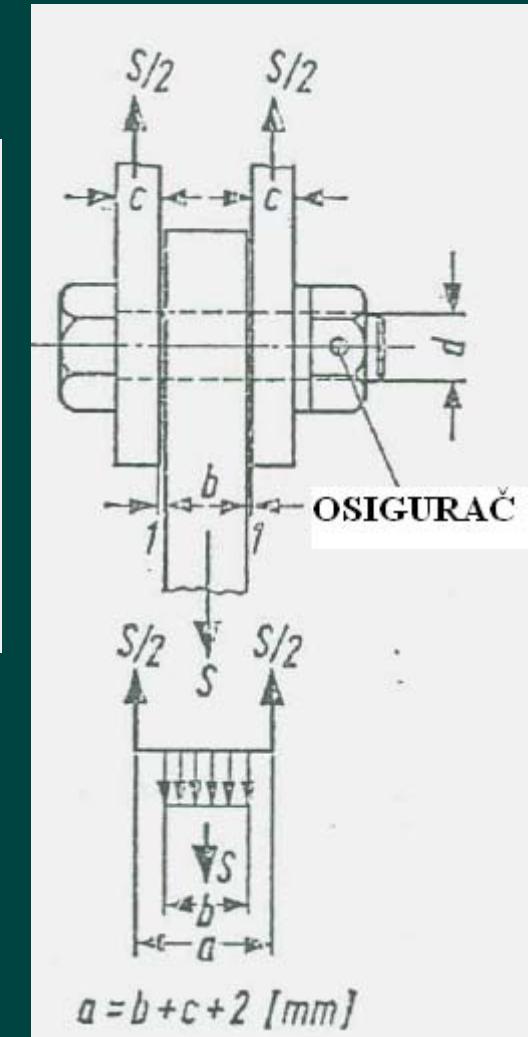
- Minimalne dimenzije limova:

$$a \geq \frac{S}{2t \text{zul} \sigma} + \frac{2}{3}d$$
$$c \geq \frac{S}{2t \text{zul} \sigma} + \frac{1}{3}d$$



- Vijak je potrebno dimenzionirati na savijanje:

$$\max M = S \frac{b + 2c + 4}{8}$$



# PRORAČUN JARBOLA SA ZATEGAMA

## JARBOLI SA ZATEGAMA: Rješavanje detalja zatega

### □ Detalj temelja za pričvršćenje zatega:

- Provjera temelja na :

#### a) Odizanje

$$\gamma_A = \frac{G}{V} \geq 1,5$$

#### b) Klizanje

$$\gamma_G = \frac{\mu (G - V) + (E_p - E_a)}{H} \geq 1,5$$

#### c) Prevrtanje

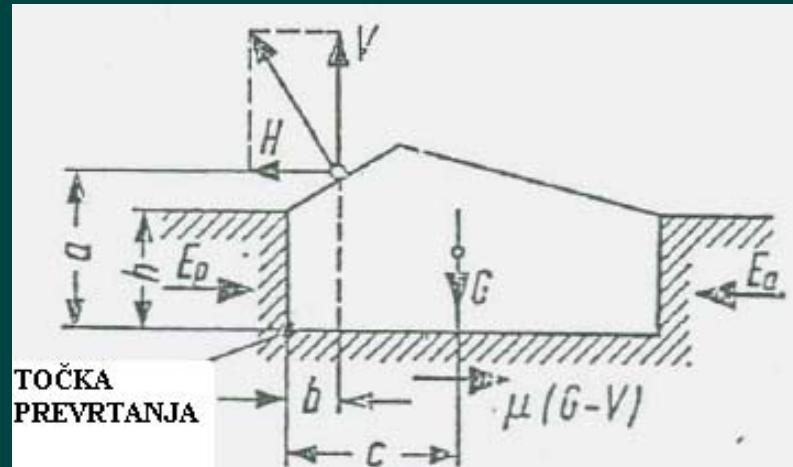
$$\gamma_K = \frac{G c}{H a + V b} \geq 1,5$$

- Razlika pasivnog i aktivnog otpora tla :

$$E_p - E_a = \frac{1}{2} \gamma_E h^2 (\lambda_p - \lambda_a) d$$

$$\lambda_p = \tan^2 (45^\circ + \varrho/2); \quad \lambda_a = \tan^2 (45^\circ - \varrho/2)$$

- $\gamma_E$  – zapreminska težina tla
- $d$  – širina temelja
- $\varrho$  – kut unutarnjeg trenja tla



$\varrho^\circ$	$\lambda_p - \lambda_a$	$\varrho^\circ$	$\lambda_p - \lambda_a$
10	0,716	30	2,667
12,5	0,908	32,5	3,021
15	1,110	35	3,419
17,5	1,323	37,5	3,869
20	1,550	40	4,382
22,5	1,794	42,5	4,973
25	2,058	45	5,660
27,5	2,348		

# RUŠENJA JARBOLA SA ZATEGAMA I TORNJEVA

## SADRŽAJ PREDAVANJA (2.dio)

### □ Rušenja jarbola sa zategama i tornjeva

- Općenito
- Rušenja uzrokovana ledom
- Rušenja uzrokovana greškama u projektiranju
- Rušenja uzrokovana greškama u održavanju
- Oštećenja uzrokovana udarom zrakoplova
- Ostala oštećenja
- Pouke na temelju rušenja



# RUŠENJA JARBOLA SA ZATEGAMA I TORNJEVA OPĆENITO

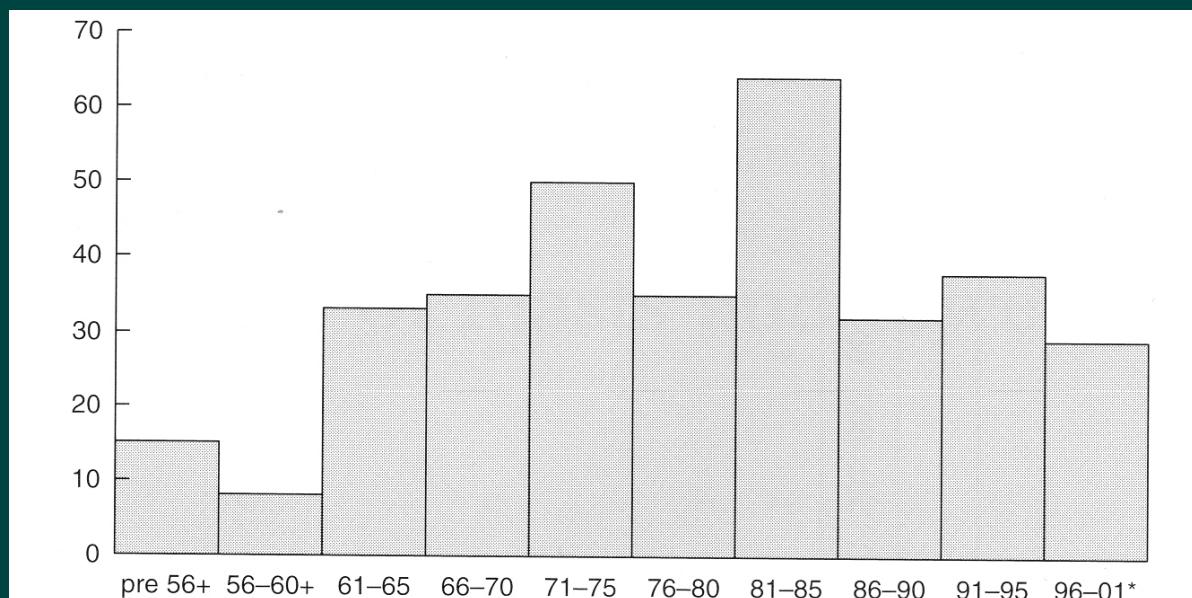
- Tijekom proteklih 40 godina dogodila su se rušenja
  - 8 jarbola (stupova) sa zategama visine veće od 600 m u SAD-u,
  - nekoliko rušenja takvih konstrukcija viših od 300 m u Europi,
  - a srušio se i najviši jarbol sa zategama na svijetu visine 646 m u Poljskoj (09.08.1991)
- ukupno je evidentirano rušenje više od 300 stupova sa zategama
- mnoga rušenja možda i nisu evidentirana

Otkazivanje stupa ovisno o uzroku i visini

Uzrok otkazivanja	Visina [m]											Ne-poznato	Ukupno
	0-50	51-100	101-150	151-200	201-250	251-300	301-400	401-500	501-600	601+	Ne-poznato		
Led	14	34	19	21	6	8	11	7	1	1	19	141	
Led i vjetar	7	7		2	1	1	2	1		2	5	28	
Vjetar	3	3	1	2	1			2	3		1	16	
Oscilacije	1	5	1	3	1	4	6				1	22	
Otkazivanje zatega		3	1	1		5		1				11	
Vanjsko oštećenje		1										1	
Udar groma/izolatori		2	2		1	4	1	1				11	
Građenje/održavanje	6	6	2	3	3	4	4	3	2	6		39	
Projektiranje/materijali	1	5	2	4	5	4	1				1	23	
Udar aviona		1			2	1	1	1				6	
Vandalizam	1	1										2	
Slijeganje		1										1	
Nepoznato		3	8	1	4			1			1	18	
Ukupno	33	72	36	37	24	31	26	17	6	9	28	319	

# RUŠENJA JARBOLA SA ZATEGAMA I TORNJEVA OPĆENITO

- u многим slučajevima uzrok rušenja nije moguće točno odrediti
- raspodjela broja rušenja po visini ne ukazuje na veći rizik rušenja kod viših stupova
- statistički se oko 80 stupova sa zategama sruši svakih deset godina
- u zadnje 3 godine mjerena (96-98) srušilo se 29 stupova što povećava taj prosjek od 80 stupova na 10 godina
  - vjerojatno zbog naglog povećanja takovih konstrukcija u zadnje vrijeme uslijed razvoja televizijskih mreža i mreža mobilnih telekomunikacija



+ Podcijenjeno kada je sistematsko izvještavanje započelo 1958

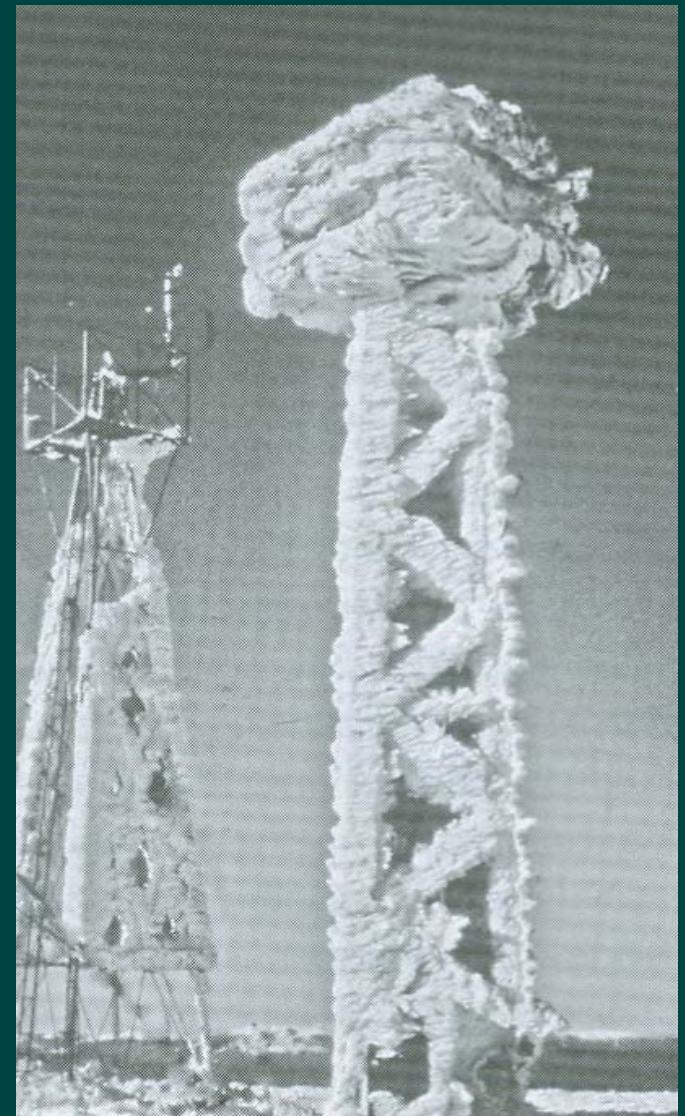
\* Raspoloživo do 1998

Otkazivanja u petogodišnjem periodu

# **RUŠENJA JARBOLA SA ZATEGAMA I TORNJEVA**

## **RUŠENJA UZROKOVANA LEDOM**

- Rešetkasti tornjevi načelno
  - nisu podložni rušenjima uslijed opterećenja ledom, premda to opterećenje može biti značajno,
  - ali je za dimenzioniranje, uglavnom mjerodavno djelovanje vjetra
- Stupovi i jarboli sa zategama su puno osjetljiviji na ovo opterećenje
  - Većina njihovih rušenja uzrokovana je ledom ili kombinacijom leda i vjetra
  - Nejednolika raspodjela leda po zategama uzrokuje značajne momente savijanja u stupu te može uzrokovati dinamičke efekte
  - Poznata je pojava rušenja ovakvih stupova i od opterećenja ledom na zatege i na stup
- Rušenje stupova i tornjeva uslijed opterećenja ledom proučavali su Sundin i Mulherin
  - studijom je obuhvaćeno veliko područje SAD-a i područje Skandinavije
- Zaključeno je da su rušenja uzrokovana
  - i ledom u obliku padalina
  - i ledom u oblacima



# **RUŠENJA JARBOLA SA ZATEGAMA I TORNJEVA**

## **RUŠENJA UZROKOVANA LEDOM**

---

- Led u obliku padalina, zajedno sa ledenom kišom kao glavnim oblikom padalina
  - dominira kao uzrok rušenja u ravničarskim terenima sa jakim vjetrovima (srednji zapad SAD, Švedska i Finska)
  - U SAD dodatno dolazi do velikih oscilacija ambijentalne temperature
- Vrlo često rušenju prethodi par dana sa promjenjivim vremenom (temperaturom), odnosno nailaskom tople fronte koje karakteriziraju
  - niski oblaci,
  - pojačavanje vjetra,
  - padaline se mjenjaju od suhog do vlažnog snijega i na kraju do ledene kiše
- Ovakvi uvjeti pogoduju rušenju
  - zbog taloženja velike količine leda na konstrukcijskim elementima,
  - te su uzrokovali 11 od 16 rušenja
- Na nekim stupovima povećano opterećenje ledom nije bio jedini uzrok rušenja, nego su utjecali i neki drugi faktori, kao npr.
  - nedovršena konstrukcija,
  - krti čelik,
  - detalji osjetljivi na umor,
  - labavi vijci,
  - vibracije zatega i stupova,
  - dinamički utjecaji leda
  - i jačanje ili promjena smjera vjetra

# **RUŠENJA JARBOLA SA ZATEGAMA I TORNJEVA RUŠENJA UZROKOVANA LEDOM**

- ***Visoki stup Emley Moor***, Velika Britanija,  $h = 386 \text{ m}$ 
  - sastavljen od čeličnih odsječaka promjera cijevi  $2,75 \text{ m}$ , ukupne visine  $275 \text{ m}$ , s dodatnom čeličnom konstrukcijom  $107 \text{ m}$  visokom i cilindrom na vrhu
- srušio se u ožujku 1969
  - u uvjetima smrzavanja sa temperaturom oko  $0^\circ \text{ C}$  i niskim oblacima sa laganim vjetrom od  $9 \text{ m/s}$
- Slaba vidljivost sprečavala je točnu procjenu prirasta leda na zategama, ali bilo je vidljivo
  - da su dvije zatege opterećenije od treće, što je uzrokovalo savijanje stupa
- Porast naprezanja u stupu od nesimetričnog opterećenja
  - nije bio dovoljan uzrok za rušenja
- Ustanovljeno je da je stup još za vrijeme gradnje i kasnije u uporabi
  - bio podložan vibracijama uzrokovanim vrtloženjem
- Zaključeno je da je uzrok rušenja bilo
  - opterećenje ledom
  - zajedno sa vibracijama uzrokovanim vrtloženjem



# **RUŠENJA JARBOLA SA ZATEGAMA I TORNJEVA**

## **RUŠENJA UZROKOVANA LEDOM**

- Rešetkasti stup ***Yllas*** visok 212 m, Finska,
  - Stup je sagrađen 1968. na nadmorskoj visini od 697 m
- srušio se (1970)
  - Jake vibracije zatega javile su se tijekom uporabe, te su ugrađeni prigušivači za njihovo smirivanje
  - Također je primijećeno taloženje leda veće od predviđenog
  - Krenulo se sa istraživanjem uzroka, ali stup se usred istraživanja srušio
- Zaključeno je da je razlog rušenja
  - veliko opterećenje ledom u kombinaciji sa
  - jakim vibracijama uzrokovanim vrtloženjem



# **RUŠENJA JARBOLA SA ZATEGAMA I TORNJEVA**

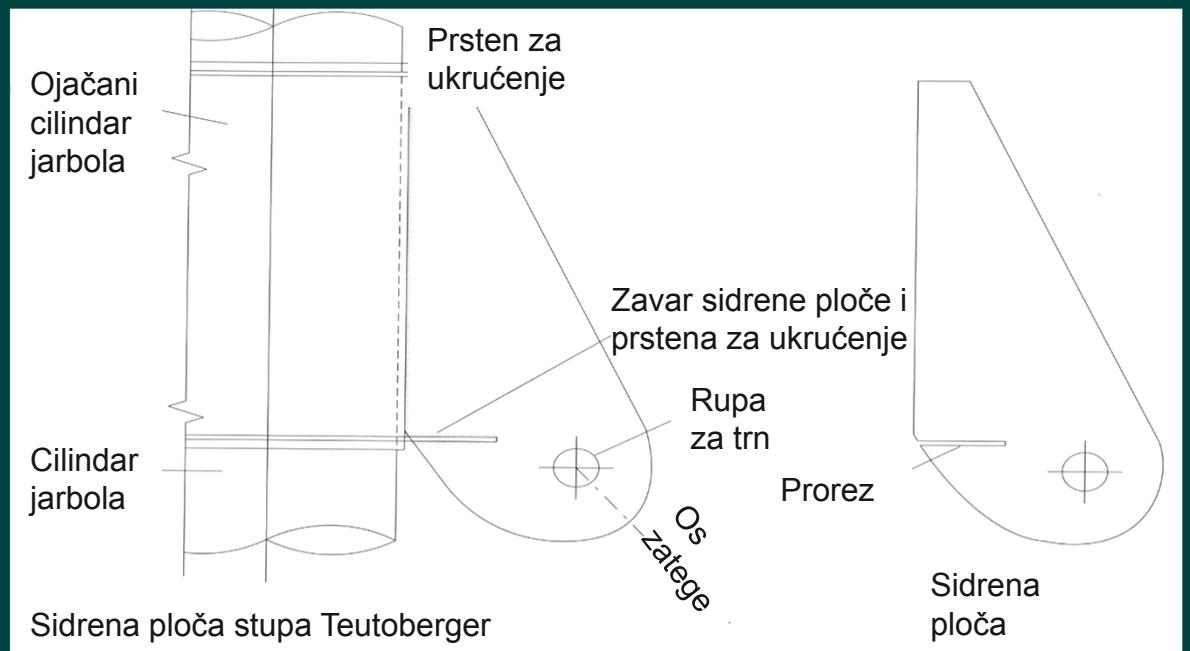
## **RUŠENJA UZROKOVANA GREŠKAMA U PROJEKTIRANJU**

---

- Rušenja dalekovodnih stupova prilikom postavljanja 400 kV kabela u Velikoj Britaniji dogodila su se tijekom 1960. g.
  - Stupovi su bili rešetkasti, u to vrijeme formirani su sa zglobovima i računati grafički
  - Ustanovljeno je da nisu uzete u obzir deformacije elemenata rešetke, te da su elementi spregova bili time dodatno opterećeni
- Projektiranje stupova sa zategama mora biti povjereni inženjerima koji su upoznati
  - sa posljedicama djelovanja deformacija i dinamičkih utjecaja na takve konstrukcije
- Jedno od rušenja koje se nije smjelo dogoditi uzrokovano je greškom projektanta:
  - nije uzeto u obzir povećanje tlačnog naprezanja u stupu uslijed mirnih uvjeta (sila prednapinjanja u svim zategama)

# **RUŠENJA JARBOLA SA ZATEGAMA I TORNJEVA RUŠENJA UZROKOVANA GREŠKAMA U PROJEKTIRANJU**

- ***Stup Teutoberger*** sagrađen u blizini Detmolda u Njemačkoj 1970. srušio se 1985.g.
- Jedno od napoznatijih rušenja uzrokovano lošim detaljima
  - Primijećene su ozbiljne vibracije zatega dvije godine prije rušenja
    - koje su na kraju uzrokovale pucanje spojne uške zatege na visini od oko 270 m
  - Uzrok pucanja uški bili su loši radionički detalji
    - Na svakoj uški na vrhu stupa napravljen je prorez u koji ulaze ukrućenja na vrhu stupa, a ti su prorez užrokovali lom uški uslijed zamora
  - Dodatni problem bili su i
    - nedostatni varovi na ukrućenjima koji su bili posljedica neodgovarajućih dimenzija pojedinih elemenata
  - Napravljeni su hitni popravci na sličnim stupovima na kojima su uočeni spomenuti problemi



# **RUŠENJA JARBOLA SA ZATEGAMA I TORNJEVA**

## **RUŠENJA UZROKOVANA GREŠKAMA U ODRŽAVANJU**

---

*Mnogo je primjera rušenja uslijed radova na održavanju:*

- **stup sa zategama u Houstonu** visine 600 m
  - srušio se tijekom montiranja 6 t teške antene na njegov vrh
- Uzrok rušenja bilo je
  - puknuće spojnica na užetu za podizanje antene,
  - što je uzrokovalo padanje antene
  - koja je prilikom pada prerezala jednu od zatega za pridržanje stupa na visini od 300m
- Posljedica je bila
  - rušenje stupa pri čemu je
  - poginulo petero ljudi koji su radili na anteni
  - i još troje koji su se nalazili na krovu susjedne zgrade je ozlijeđeno

<http://www.youtube.com/watch?v=eqygUApfnZg>

<https://www.youtube.com/watch?v=l5pkXq3zMf0>

# **RUŠENJA JARBOLA SA ZATEGAMA I TORNJEVA**

## **RUŠENJA UZROKOVANA GREŠKAMA U ODRŽAVANJU**

---

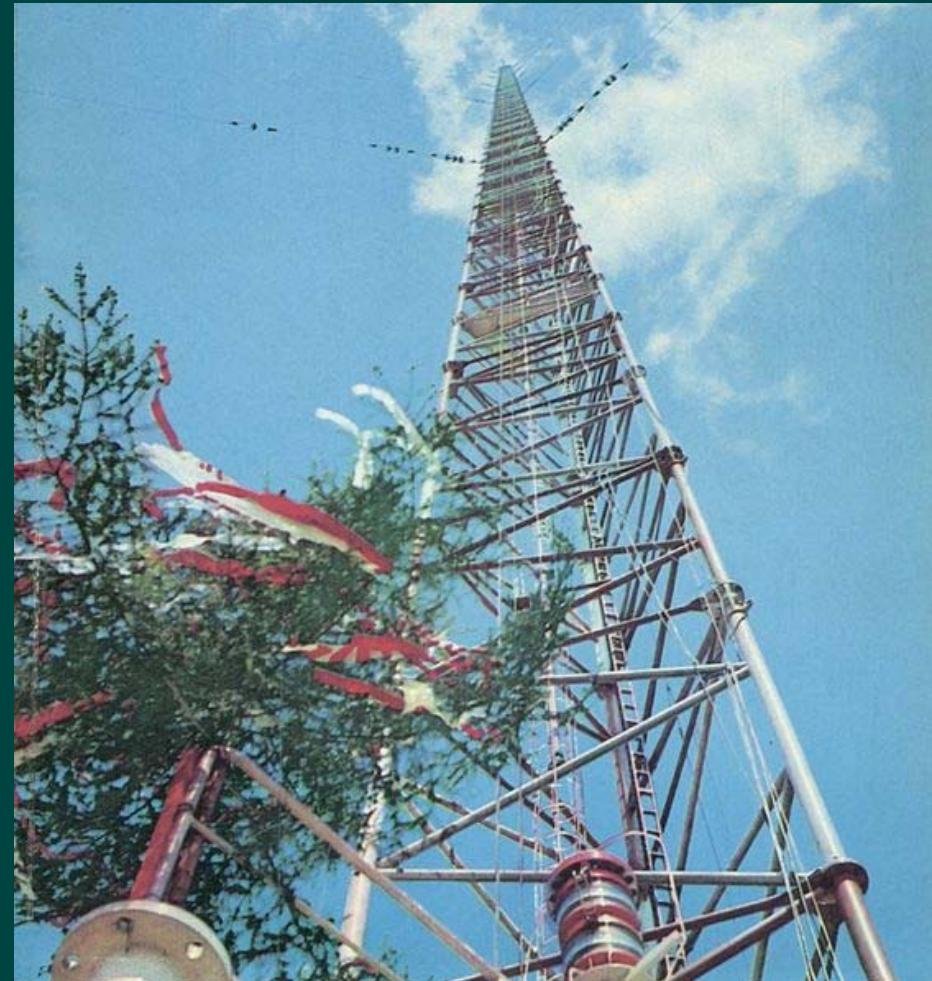
*Mnogo je primjera rušenja uslijed radova na održavanju:*

- **rešetkasti stup u državi Missouri** u SAD visine 610 m
  - (gotovo novi) srušio se prilikom zamjene elemenata spregova jer se utvrdilo da postojeći elementi imaju male pukotine u zavarima
- Elementi su zamjenjivani jedan po jedan,
  - pri čemu je korišteno lančano vitlo kao privremeno pridržanje
  - Prije rušenja zamijenjeno je 800 elemenata počevši od vrha prema dnu
- Vjeruje se da je uzrok rušenja
  - naglo prokliznuće vitla
  - u kombinaciji sa pukotinama zavara u dva postojeća elementa na visini od 146 m
- Poginulo je troje ljudi

# **RUŠENJA JARBOLA SA ZATEGAMA I TORNJEVA**

## **RUŠENJA UZROKOVANA GREŠKAMA U ODRŽAVANJU**

- Najveći odjek imalo je rušenje u to doba najviše građevine na svijetu
- **rešetkasti tv stup sa zategama u Gabinu u Poljskoj** 646 m visine, sagrađen 1975
  - Trokutasti presjek, sa stranicom 4,8 m.
  - Vertikalne cijevi
    - promjera 245 mm,
    - debljine stijenki od 8 do 34 mm.
  - Ukupno 86 elemenata
    - duljine 7,5 m.
  - Tri zatege za pridržanje u 5 razina,
    - na visinama 121,78 m, 256,78 m, 369,28 m, 481,78 m, 594,28 m,
    - promjera 50 mm,
    - sidrene u pojedinačne temeljne blokove

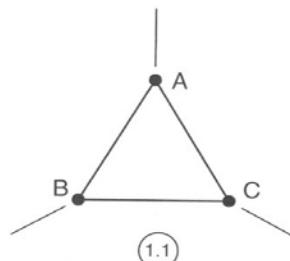


# **RUŠENJA JARBOLA SA ZATEGAMA I TORNJEVA**

## **RUŠENJA UZROKOVANA GREŠKAMA U ODRŽAVANJU**

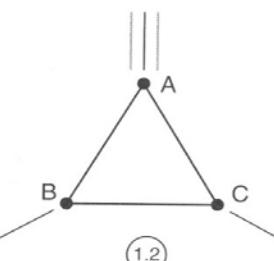
- Najveći odjek imalo je rušenje u to doba najviše građevine na svijetu
- *rešetkasti tv stup sa zategama u Gabinu u Poljskoj* 646 m visine, sagrađen 1975
- Godine 1991 zaključeno je da se mora ići u zamjenu zatega za pridržanje stupa
  - zatege su korodirale, naročito na visini od 300 do 500 m, vjerojatno zbog čestih niskih oblaka
- Postupak zamjene zatega je bio slijedeći:
  - Postavljanje privremenih zatega oko zatege koja se zamjenjuje
  - Uklanjanje postojeće zatege, pri čemu privremene zatege osiguravaju stabilnost
  - Postavljanje nove zatege i uklanjanje privremenih zatega

① Početi s najvišom razine



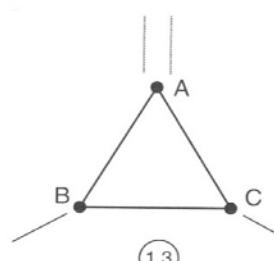
Postojeće stanje

⑥ Postupak ponoviti za mjesta B i C

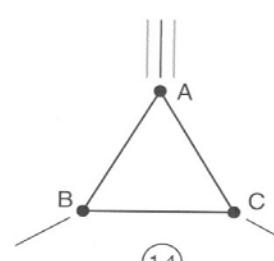


2 privremene zatege pričvršćene za mjesto A

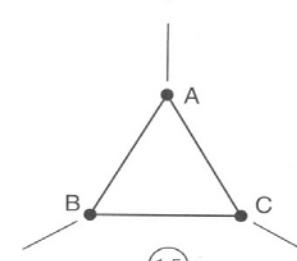
② Isti postupak ponoviti za iduću razinu ispod



Postojeća zatega uklonjena s mesta A



Nova zatega smještena u mjesto A



Uklanjanje privremenih zatega sa mesta A

*Postupak zamjene zatega stupa Gabin*

# **RUŠENJA JARBOLA SA ZATEGAMA I TORNJEVA**

## **RUŠENJA UZROKOVANA GREŠKAMA U ODRŽAVANJU**

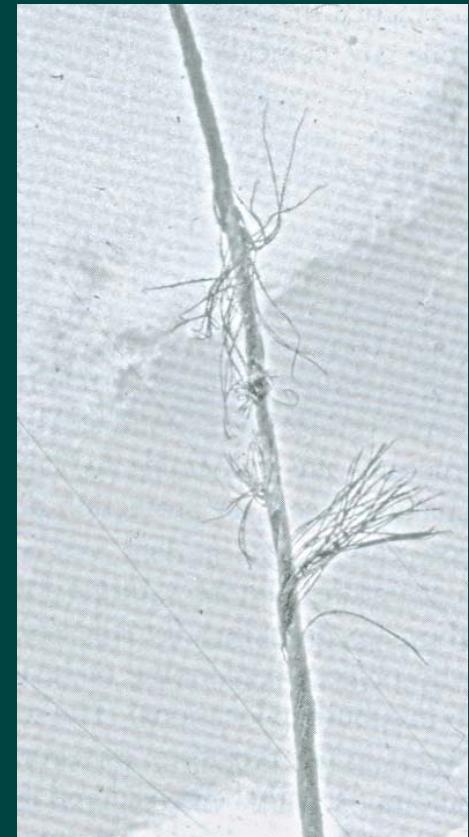
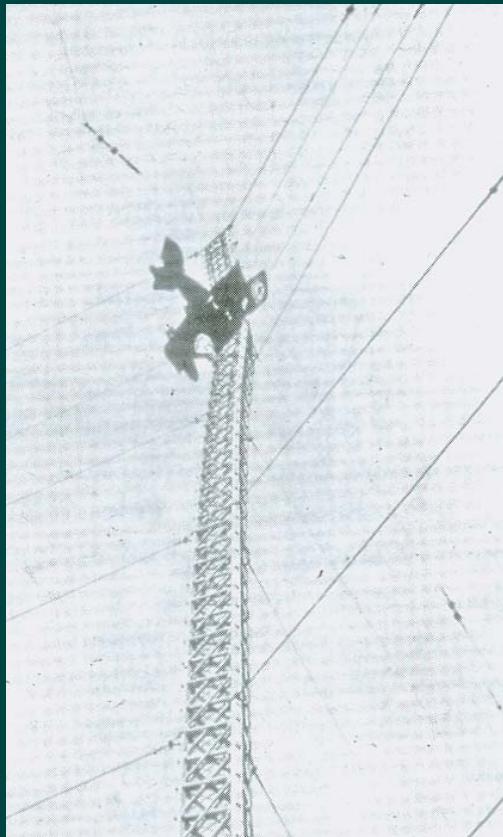
---

- Najveći odjek imalo je rušenje u to doba najviše građevine na svijetu
- *rešetkasti tv stup sa zategama u Gabinu u Poljskoj* 646 m visine, sagrađen 1975
- Prilikom zamjene zatega
  - na predzadnjoj razini došlo je do loma vijaka koji su pridržavali gredu na koju su spajane privremene zatege
- Ustanovljeno je da je
  - greda bila spojena samo sa četiri vijka umjesto sa osam koliko je bilo potrebno,
  - a vijci nisu bili ni dovoljno stegnuti
- Pukom srećom nitko nije ozlijeđen
  - radnici su bili na pauzi kad se dogodilo rušenje



# **RUŠENJA JARBOLA SA ZATEGAMA I TORNJEVA OŠTEĆENJA UZROKOVANA UDAROM ZRAKOPLOVA**

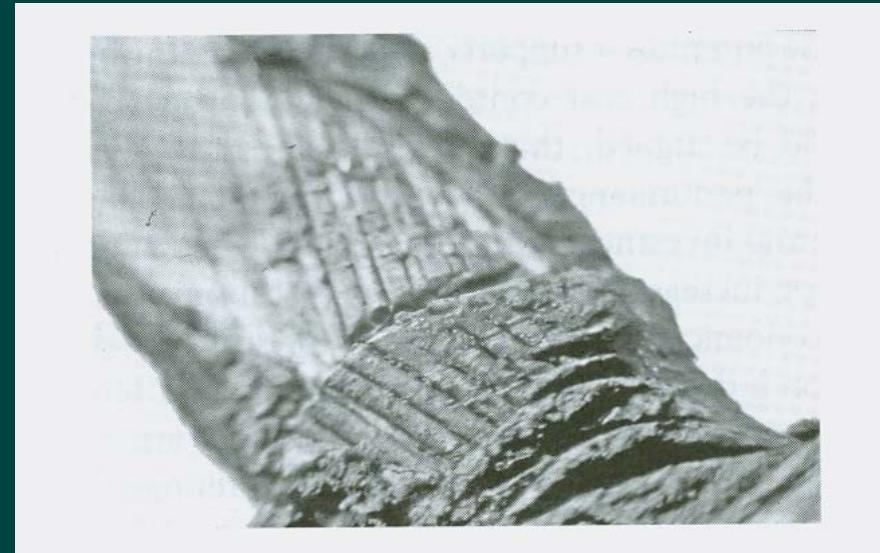
- Udar zrakoplova obično uzrokuje oštećenje, ali ne i rušenje stupa
- Prvi zabilježeni slučaj je udar zrakoplova u 229 m visoki rešetkasti stup u Doveru
  - pilot je preživio i spustio se po stupu
- Najčešće se ovakvi incidenti događaju
  - prilikom vojnih vježbi kada zrakoplovi lete velikom brzinom na maloj visini
  - zatege za pridržanje stupova su za pilota nevidljive pa one najčešće stradavaju
- Moguća rješenja su
  - upoznavanje civilnih i vojnih vlasti sa poloјajem svih stupova sa zategama
  - označavanje zatega svjetlima
- U propise je uvedeno da se
  - mora dokazati stabilnost stupova kod loma jedne zatege



# **RUŠENJA JARBOLA SA ZATEGAMA I TORNJEVA OSTALA OŠTEĆENJA**

---

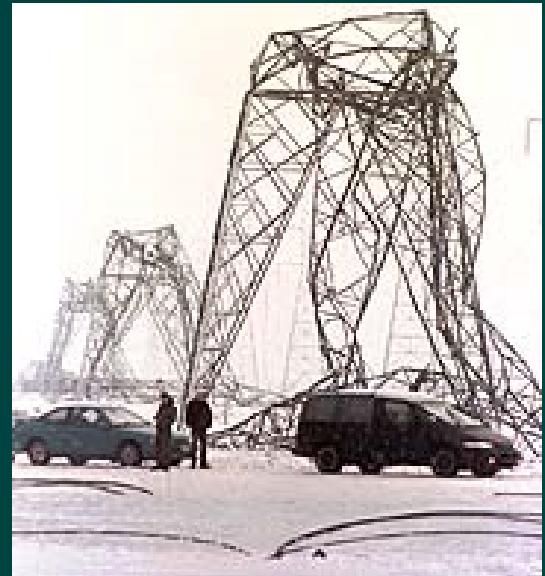
- Nenamjerni događaji
  - npr. zapinjanje krama dizalice za zatege prilikom radova u blizini stupa
- i namjerni događaji
  - namjerno oštećivanje zatega i stupova
- Rješenje je
  - postavljanje ograda oko stupova
  - i čeličnih obujmica na donji dio zatega



# **RUŠENJA JARBOLA SA ZATEGAMA I TORNJEVA POUKE NA TEMELJU RUŠENJA**

---

- Veliki broj rušenja ovih konstrukcija ukazuje da je
  - potrebno pristupati njihovom projektiranju, radioničkoj izradi, gradnji i održavanju s posebnom pažnjom
- Niska cijena je najčešće jedini kriterij pri odabiru najpovoljnijih ponuda.
  - Ponekad i malo povećanje cijene konstrukcije (cijena konstrukcije je najčešće manja od cijene antena i ostalih uređaja montiranih na stupu)  
bitno smanjuje rizik i rezultira boljom i sigurnijom konstrukcijom
- Investitor često zahtijeva postavljanje dodatnih antena na postojeće stupove,
  - čemu treba pristupiti sa velikim oprezom
- Potrebno je
  - sustavno održavanje i zaštita od vandalizma
  - suradnja projektanta i korisnika (investitora)



# TEMELJENJE

## SADRŽAJ PREDAVANJA (3.dio)

---

- Temeljenje
  - Općenito
  - Tipovi temelja
    - Temelji za preuzimanje odizne vlačne sile
    - Temelji otporni na prevrtanje
    - Temelji za preuzimanje vertikalne tlačne sile
    - Temelji za sidrenje zatega

# TEMELJENJE OPĆENITO

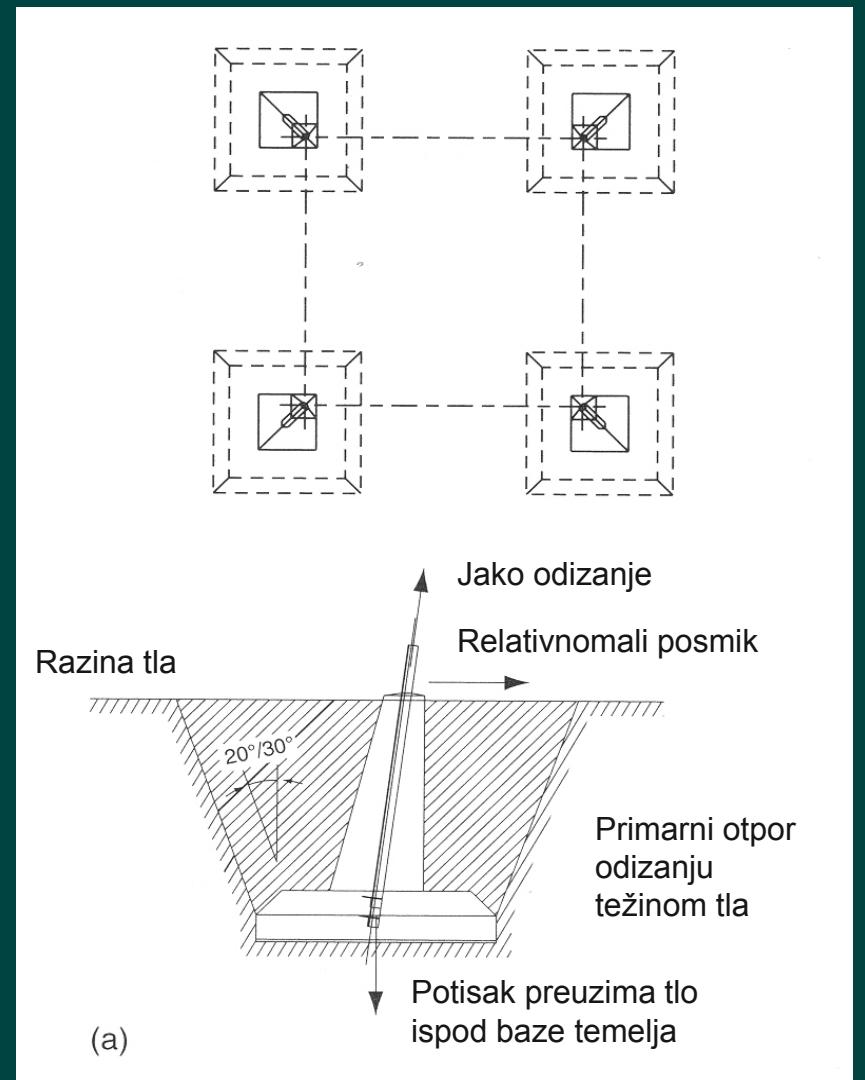
- Pri odabiru temelja potrebno je promatrati tri kritična slučaja opterećenja:
  1. Odizna (vlačna) sila
  2. Prevrtanje
  3. Vertikalna tlačna sila
- U normalnim tlima (ne u stijeni ili kad je potrebno temeljenje na pilotima) temelji se dijele na tri osnovna tipa, a često se rade i kombinacije osnovnih tipova.

Tip temelja	Glavno kritično opterećenje	Tip konstrukcije	Glavni oblik otpora tla
I	Velike vrijednosti odizne sile sa relativno malim posmikom na dnu temelja	Tornjevi sa širom bazom s dovoljno prostora između nogu (pojaseva) da se omogući zasebno temeljenje za svaki krak	Težina konusa tla se odupire potisku prema gore
II	Veliki moment prevrtanja s relativno malim posmikom i vertikalnim opterećenjima na vrhu temelja	Konzolni tornjevi s uskom bazom ili štapovi s pojedinačnim monolitnim temeljima	(i) bez baze temelja: pomoću bočnog djelovanja tla ili (ii) s bazom temelja: kombinacija težine tla i pritiska tla na dnu baze
III	Velike vrijednosti tlačne reakcije (centrično ili ekscentrično djelovanje)	Baze visokih stupova; tornjevi s velikim vertikalnim opterećenjem	Pomoću pritiska tla na dnu temelja
IV	Vlačna naprezanja u zategama	Stupovi pridržani zategama; sidra zatega	Pomoću težine sidra ili bočnim otporom tla

# TEMELJENJE

## TIPOVI TEMELJA: Tip I – za preuzimanje odizne vlačne sile

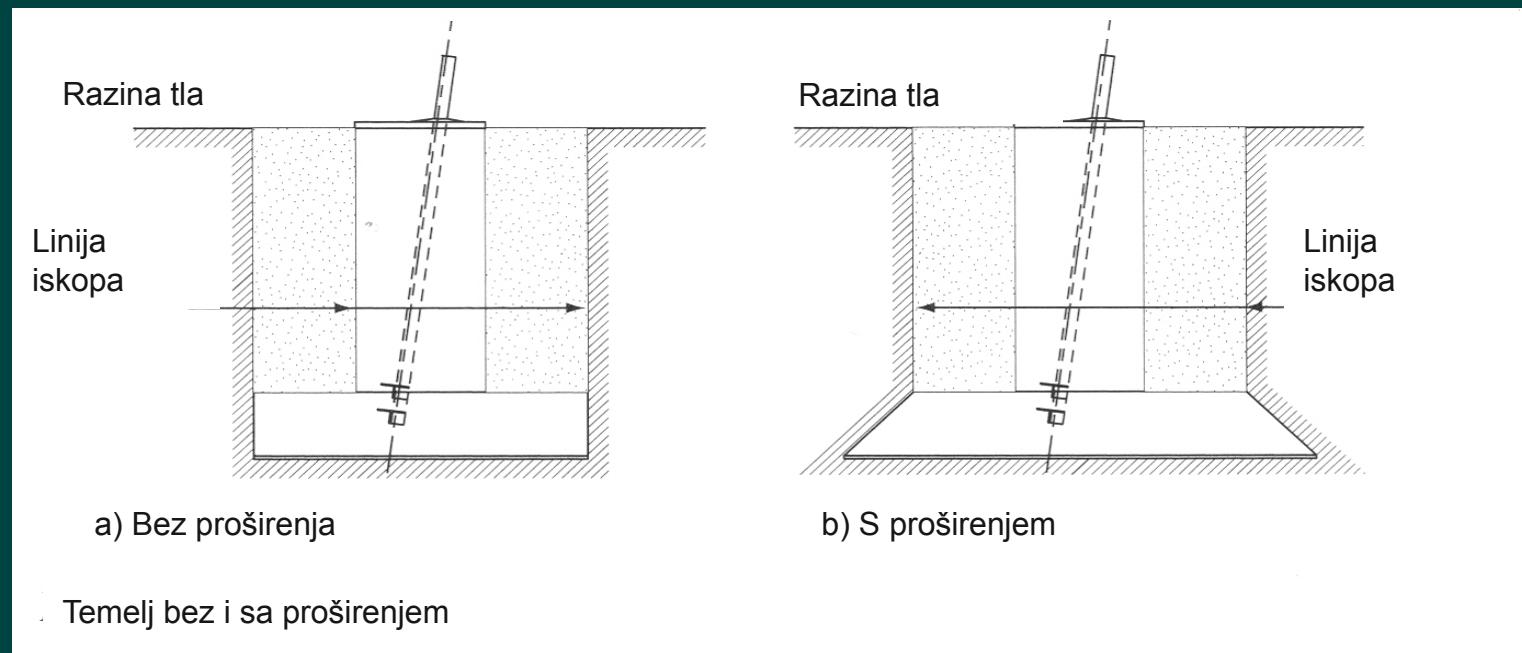
- Glavno kritično opterećenje
  - Velike vrijednosti odizne sile
  - sa relativno malim posmikom na dnu temelja
- Tip konstrukcije:
  - Tornjevi sa širom bazom s dovoljno prostora između nogu (pojaseva) da se omogući zasebno temeljenje za svaki krak tipova.
- Glavni oblik otpora tla:
  - Težina konusa tla se odupire potisku prema gore



# TEMELJENJE

## TIPOVI TEMELJA: Tip I – za preuzimanje odizne vlačne sile

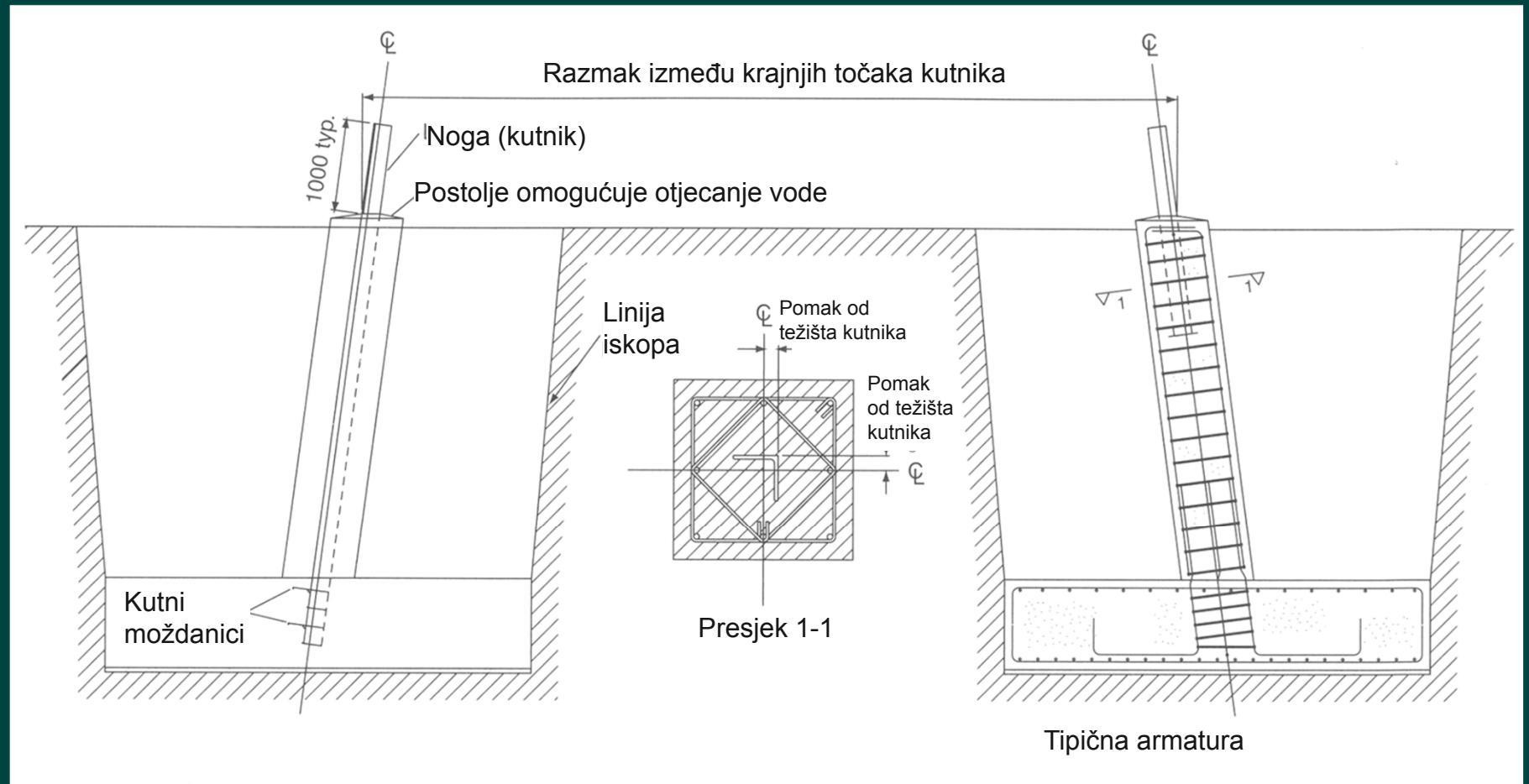
- Istraživanja su pokazala da su
  - temelji sa skošenim stranicama (proširenje prema dolje) daleko povoljniji od onih koji nemaju skošene stranice:
  - mogu preuzeti dva do tri puta veću odiznu silu (potrebno je napraviti ispitivanja *in situ* za svaku lokaciju)
  - imaju i znatno manje vertikalne pomake



# TEMELJENJE

## TIPOVI TEMELJA: Tip I – za preuzimanje odizne vlačne sile

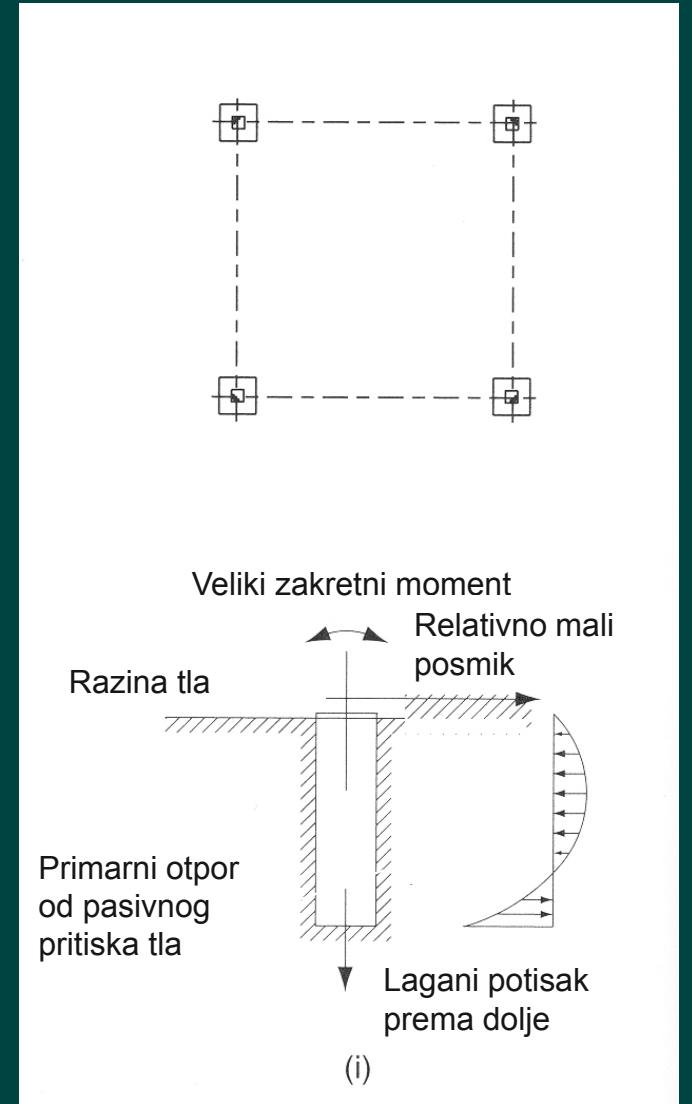
- Tipičan temelj tornja za preuzimanje odizne sile



# TEMELJENJE

## TIPOVI TEMELJA: Tip II – temelji otporni na prevrtanje

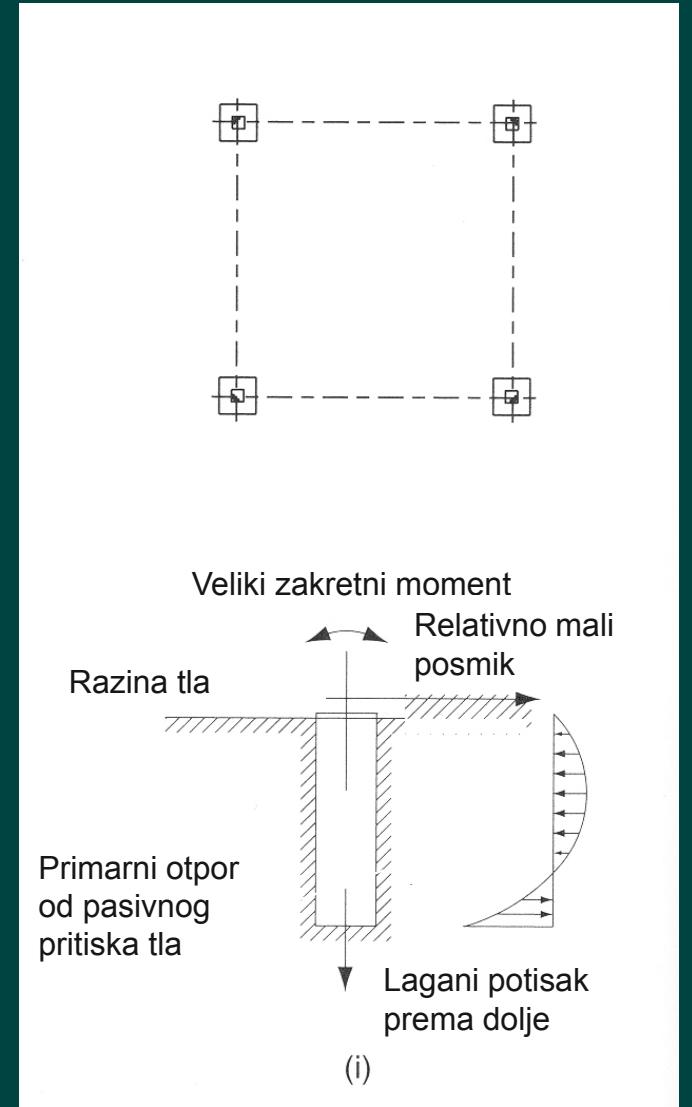
- Glavno kritično opterećenje
  - veliki moment prevrtanja s
  - relativno malim posmikom i vertikalnim opterećenjima na vrhu temelja
- Tip konstrukcije:
  - konzolni tornjevi s uskom bazom ili
  - štapovi s pojedinačnim monolitnim temeljima
- Glavni oblik otpora tla:
  - (i) bez baze temelja: pomoću bočnog djelovanja tla ili
    - Primjenjuje se kada je stup upet u temelj
    - Na temelj primarno djeluju moment savijanja i posmična sila
    - Aktivira se pasivni otpor tla koji je naročito učinkovit kod temelja čija je dubina znatno veća od širine i kod vertikalnih iskopa



# TEMELJENJE

## TIPOVI TEMELJA: Tip II – temelji otporni na prevrtanje

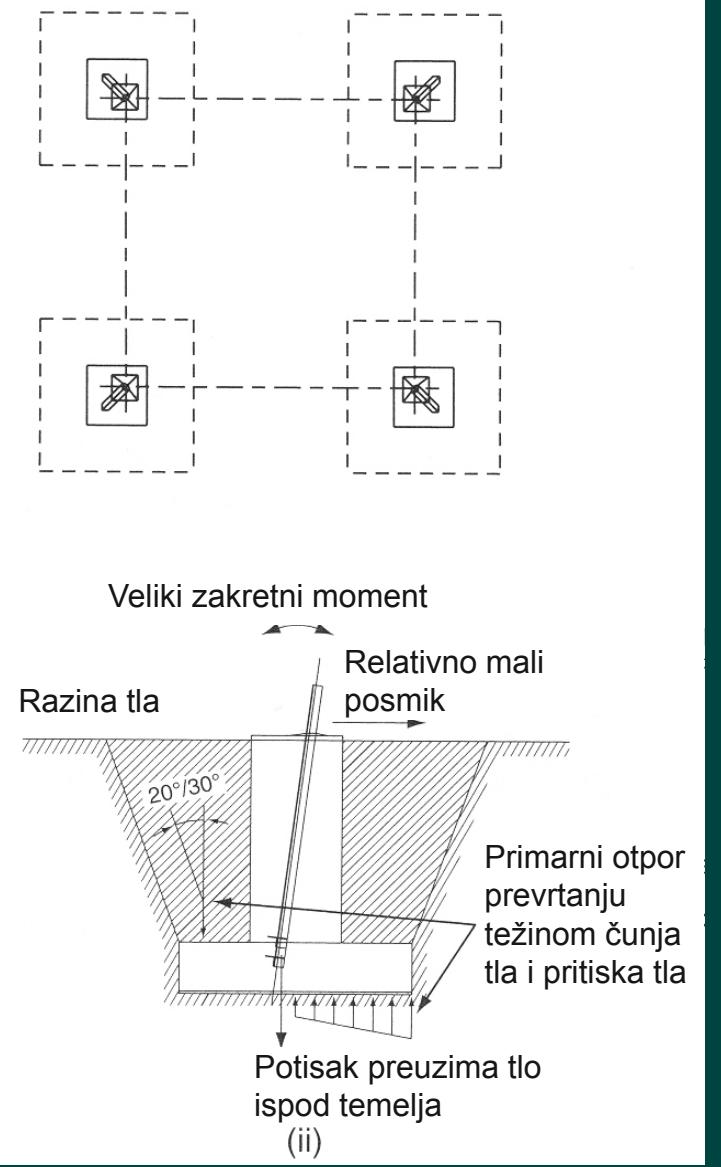
- Glavno kritično opterećenje
  - veliki moment prevrtanja s
  - relativno malim posmikom i vertikalnim opterećenjima na vrhu temelja
- Tip konstrukcije:
  - konzolni tornjevi s uskom bazom ili
  - štapovi s pojedinačnim monolitnim temeljima
- Glavni oblik otpora tla:
  - (i) bez baze temelja: pomoću bočnog djelovanja tla ili
    - Pretpostavke proračuna:
      - Temelj je krut
      - Linija pritiska je parabola
      - Pasivni otpor tla po jedinici deformacije razlikuje se prema dubini
    - Cilj je izbjegći rotaciju temelja, pa granična naprezanja tla nemaju veliki značaj
    - Ukoliko se provjeravaju, potrebno ih je odrediti ispitivanjima tla (iznimno se mogu korstiti rezultati dobiveni na sličnim tlima)



# TEMELJENJE

## TIPOVI TEMELJA: Tip II – temelji otporni na prevrtanje

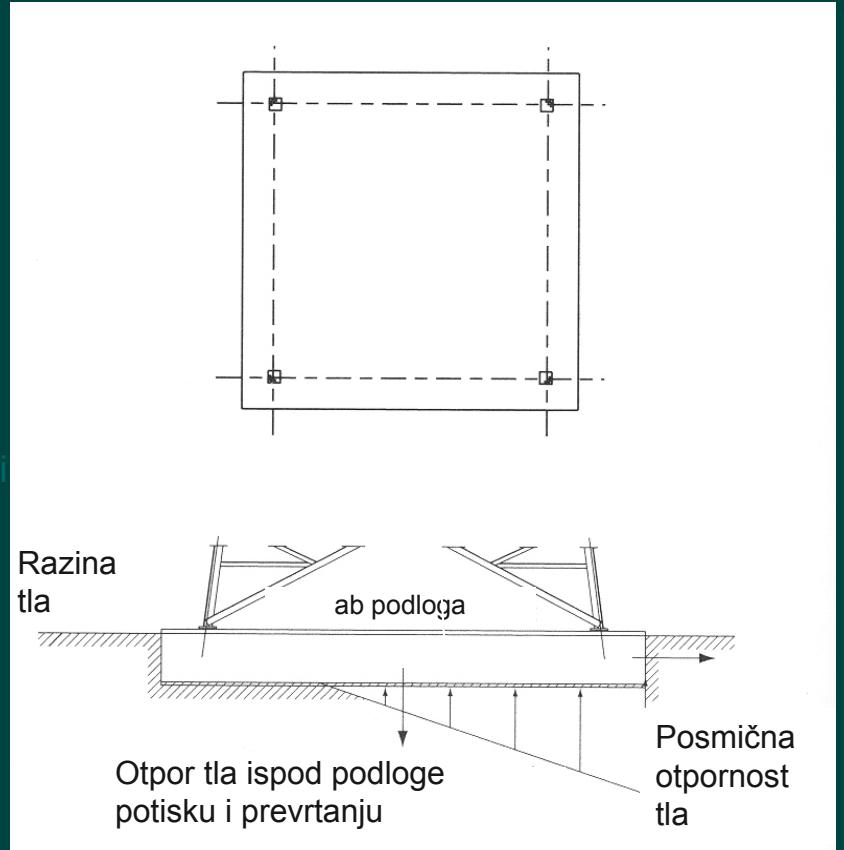
- Glavno kritično opterećenje
  - veliki moment prevrtanja s
  - relativno malim posmikom i vertikalnim opterećenjima na vrhu temelja
- Tip konstrukcije:
  - konzolni tornjevi s uskom bazom ili
  - štapovi s pojedinačnim monolitnim temeljima
- Glavni oblik otpora tla:
  - (i) bez baze temelja: pomoću bočnog djelovanja tla ili
  - (ii) s bazom temelja: kombinacija težine tla i pritiska tla na dnu baze



# TEMELJENJE

## TIPOVI TEMELJA: Tip II – temelji otporni na prevrtanje

- Glavno kritično opterećenje
  - veliki moment prevrtanja s
  - relativno malim posmikom i vertikalnim opterećenjima na vrhu temelja
- Tip konstrukcije:
  - konzolni tornjevi s uskom bazom ili
  - štapovi s pojedinačnim monolitnim temeljima
- Glavni oblik otpora tla:
  - (i) bez baze temelja: pomoću bočnog djelovanja tla i
  - (ii) s bazom temelja: kombinacija težine tla i pritiska tla na dnu baze



# TEMELJENJE

## TIPOVI TEMELJA: Tip III—temelji za preuzimanje vertikalne tlačne sile

- Glavno kritično opterećenje

- Velike vrijednosti tlačne reakcije (centrično ili ekscentrično djelovanje)

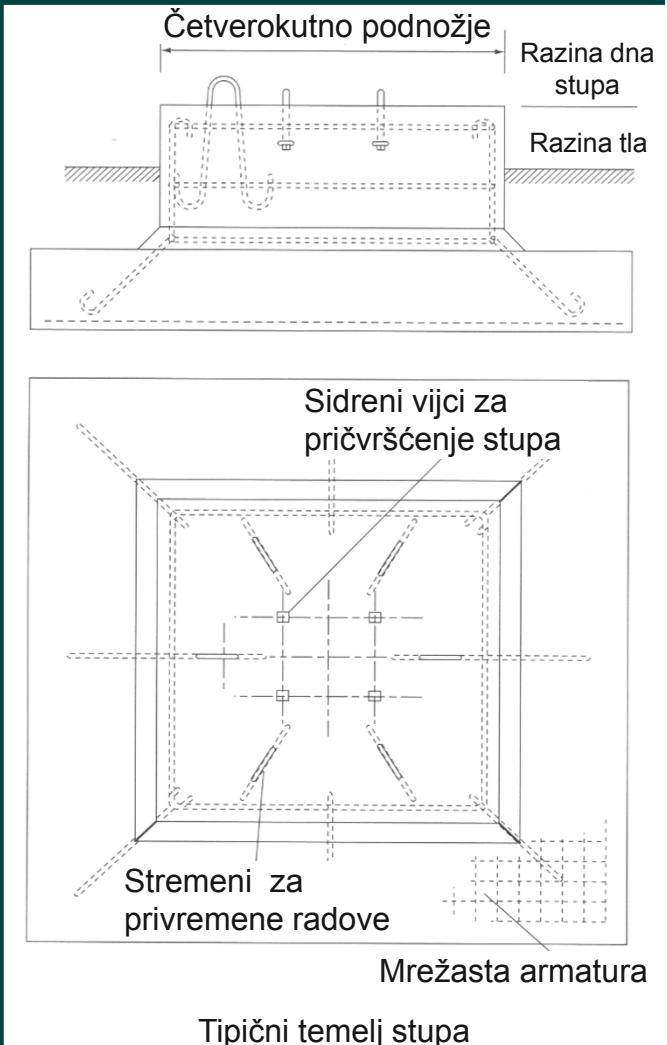
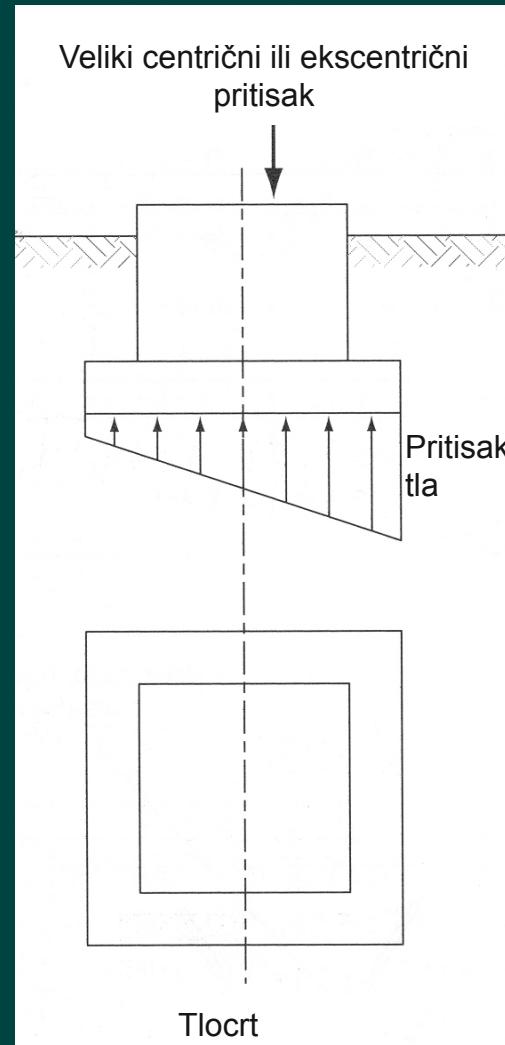
- Tip konstrukcije:

- baze visokih stupova;
  - tornjevi s velikim vertikalnim opterećenjem

- Glavni oblik otpora tla:

- Pomoću pritiska tla na dnu temelja

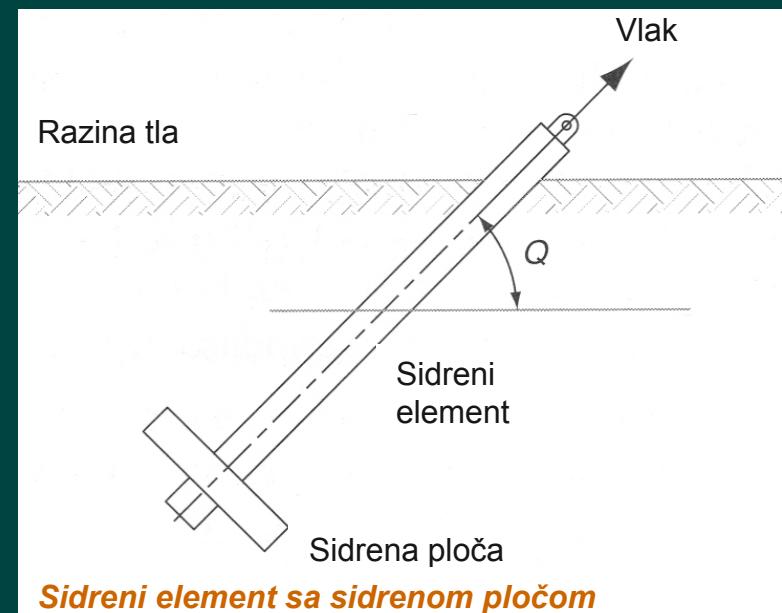
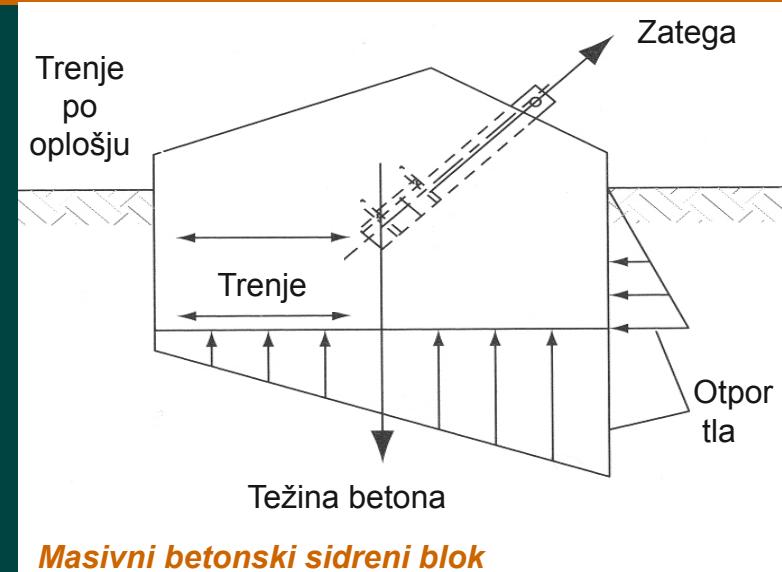
*Koriste se tamo gdje je reakcija na temelj uvijek tlačna*



# TEMELJENJE

## TIPOVI TEMELJA: Tip IV – temelji za sidrenje zatega

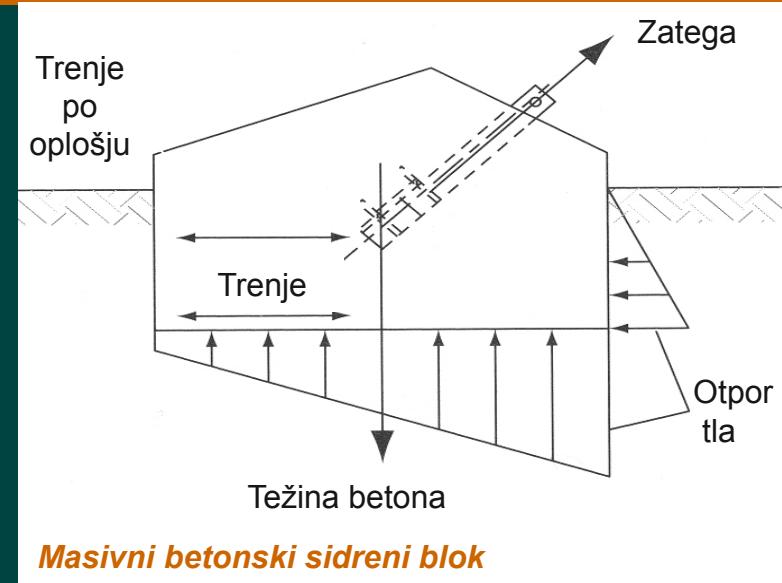
- Koriste se različiti tipovi,
  - ovisno o tlu
  - i o oscilaciji sile u zategama.
- Važno je da osiguraju
  - sidrenje zatege
  - i njezin ispravan položaj i nagib
- Velike sidrene sile najčešće se preuzimaju
  - ***masivnim betonskim temeljima***
- Za manje stupove koristi se
  - ***sidreni element sa sidrenom pločom***



# TEMELJENJE

## TIPOVI TEMELJA: Tip IV – temelji za sidrenje zatega

- Koriste se različiti tipovi,
  - ovisno o tlu
  - i o oscilaciji sile u zategama.
- Važno je da osiguraju
  - sidrenje zatege
  - i njezin ispravan položaj i nagib
- Velike sidrene sile najčešće se preuzimaju
  - ***masivnim betonskim temeljima***

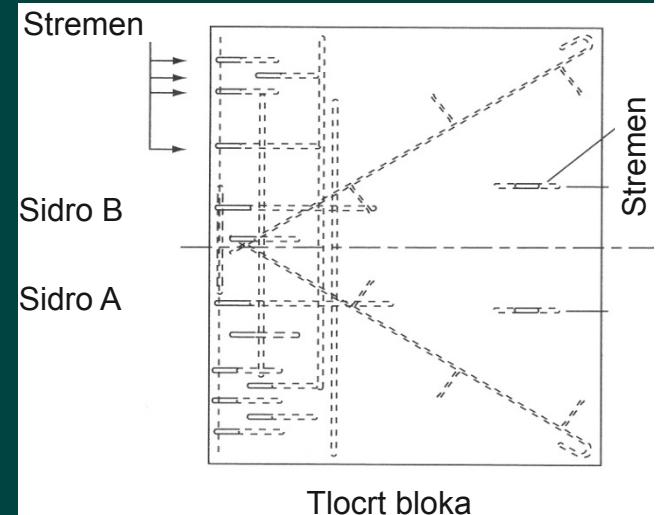


- *Sidrena sila preuzima se težinom betona,*
- *klizanju se suprotstavlja pasivni otpor tla i trenje po oplošju i dnu temelja,*
- *a težina betona u kombinaciji sa pritiskom tla odupire se prevrtanju temelja*

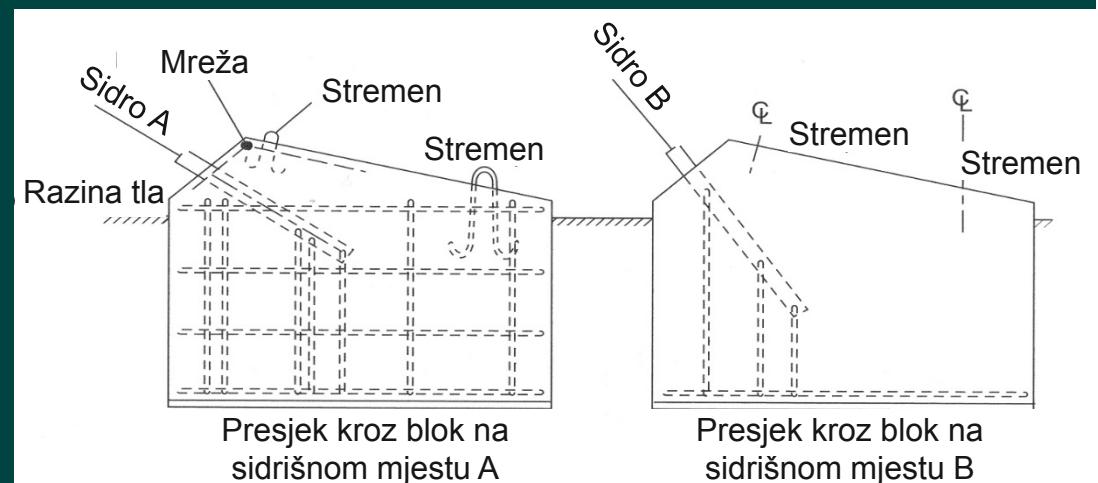
# TEMELJENJE

## TIPOVI TEMELJA: Tip IV – temelji za sidrenje zatega

- Koriste se različiti tipovi,
  - ovisno o tlu
  - i o oscilaciji sile u zategama.
- Važno je da osiguraju
  - sidrenje zatege
  - i njezin ispravan položaj i nagib
- Velike sidrene sile najčešće se preuzimaju
  - **masivnim betonskim temeljima**
    - Važno je pravilno unijeti silu u temelj
    - Posebnu pažnju potrebno je posvetiti antikorozijskoj zaštiti temelja



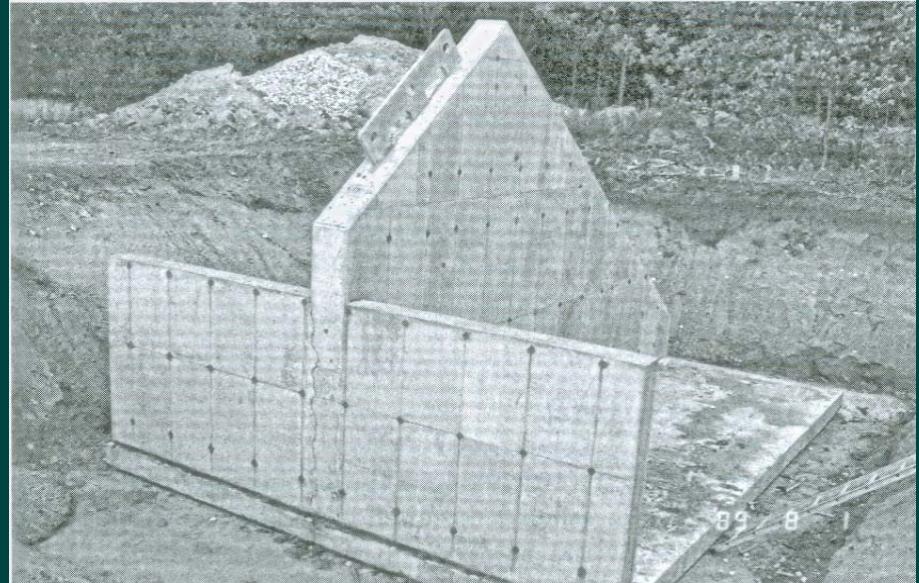
**Tipični masivni betonski sidreni blok sa dva sidra (A i B)**



# TEMELJENJE

## TIPOVI TEMELJA: Tip IV – temelji za sidrenje zatega

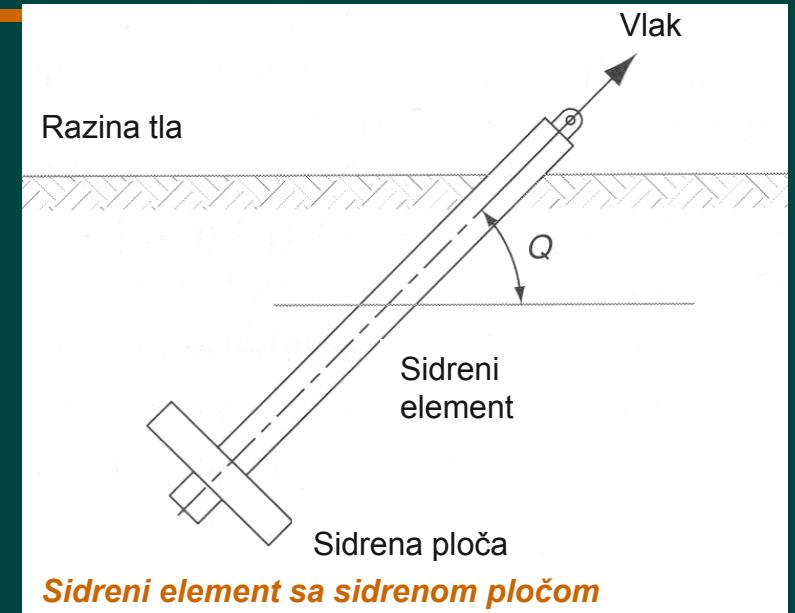
- Koriste se različiti tipovi,
  - ovisno o tlu
  - i o oscilaciji sile u zategama.
- Važno je da osiguraju
  - sidrenje zatege
  - i njezin ispravan položaj i nagib
- Velike sidrene sile najčešće se preuzimaju
  - **masivnim betonskim temeljima**
- *Nedostatak masivnih betonskih temelja je*
  - *velika količina materijala i*
  - *veliki uloženi rad,*
  - *kao i vrijeme potrebno za njihovu izvedbu*
- *Količina materijala može se smanjiti*
  - *upotrebom obrnutog "T" temelja (pritisak tla na bazu zamjenjuje težinu betona)*



# TEMELJENJE

## TIPOVI TEMELJA: Tip IV – temelji za sidrenje zatega

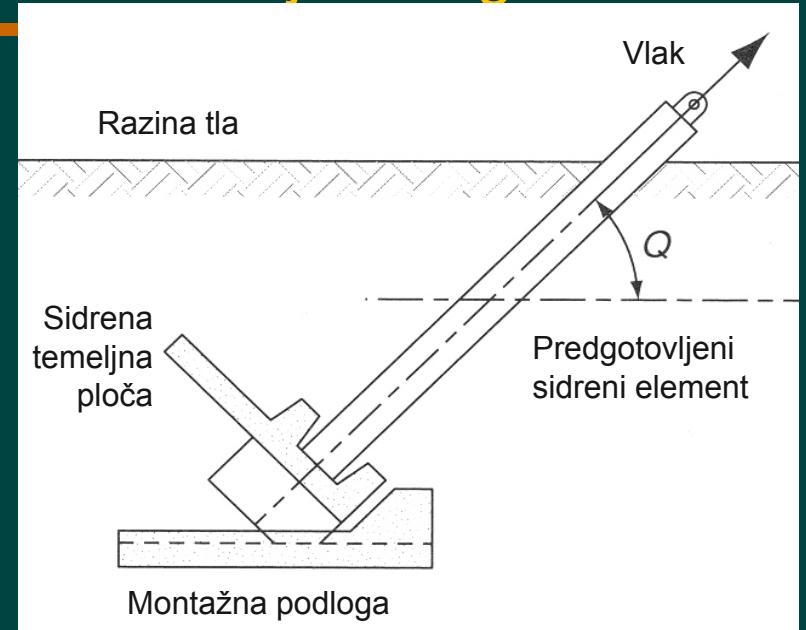
- Koriste se različiti tipovi,
  - ovisno o tlu
  - i o oscilaciji sile u zategama.
- Važno je da osiguraju
  - sidrenje zatege
  - i njezin ispravan položaj i nagib
- Za manje stupove koristi se
  - **sidreni element sa sidrenom pločom**
    - Sidrena sila preuzima se
      - formiranjem konusa tla na sidrenoj ploči
      - i trenjem
    - Potrebno je predvidjeti dovoljnu dubinu sidrenja (moguće duboko kopanje)
    - Sidreni element može biti
      - fleksibilan (čelična šipka)
      - ili kruti (čelična cijev i sl.)



# TEMELJENJE

## TIPOVI TEMELJA: Tip IV – temelji za sidrenje zatega

- Koriste se različiti tipovi,
  - ovisno o tlu
  - i o oscilaciji sile u zategama.
- Važno je da osiguraju
  - sidrenje zatege
  - i njezin ispravan položaj i nagib
- Za manje stupove koristi se
  - **sidreni element sa sidrenom pločom**
    - Posebnu pažnju potrebno je posvetiti točnosti izvedbe
      - (točan položaj i nagib sidra)
    - Može se pojednostavniti korištenjem montažne baze
      - prvo se postavlja baza na točno određenu dubinu,
      - oblik baze prilagođen je kutu zatege
      - postavlja se sidreni element i rotira u predviđeni položaj



# SPECIJALNE INŽENJERSKE GRAĐEVINE

## SLJEDEĆE PREDAVANJE

Pokretni mostovi