

# **SASTAVLJENI TLAČNI I SAVIJANI ELEMENTI**

## **LIJEPLJENI SASTAVLJENI ELEMENTI**

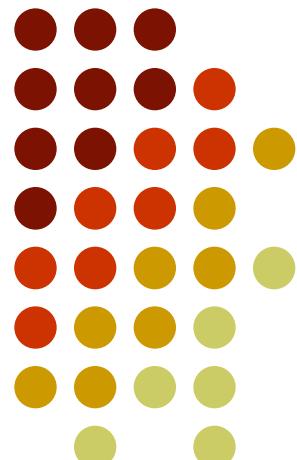
Lijepljene grede s tankim pojascicama

Lijepljene grede s tankim hrptom

## **PODATLJIVO SASTAVLJENI ELEMENTI – ELEMENTI SASTAVLJENI MEHANIČKIM SPAJALIMA**

Savijane grede

Tlačni stupovi





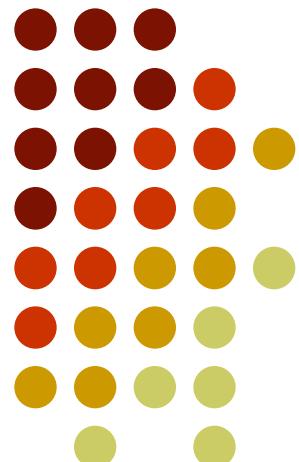
– SASTAVLJENI ELEMENTI –

## LIJEPLJENI SASTAVLJENI ELEMENTI

---

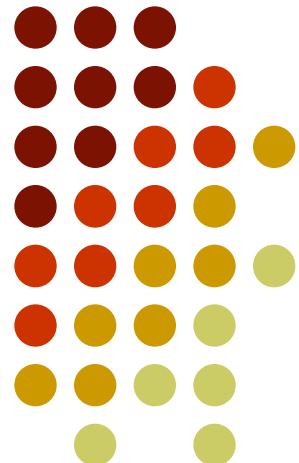
Lijepljene grede s tankim hrptom

Lijepljene grede s tankim pojasnicama



## Lijepljene grede s tankim hrptom

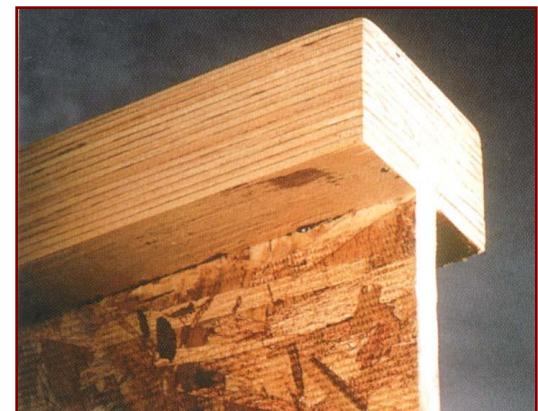
---

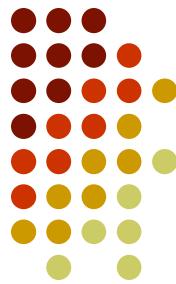




## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

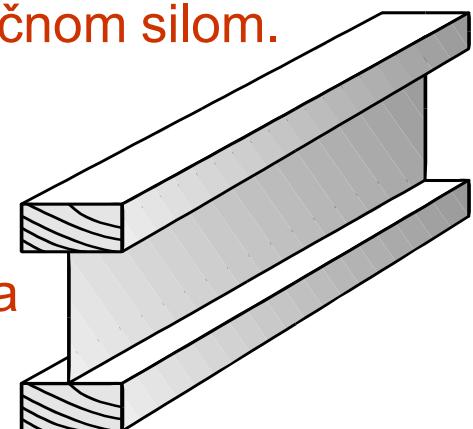
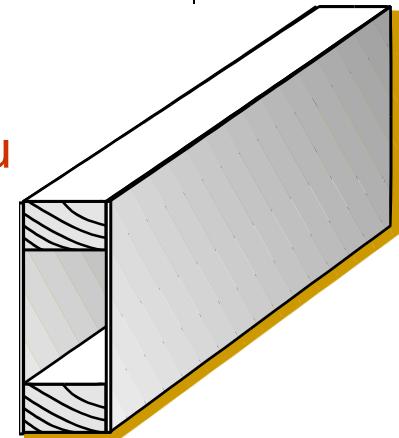
- Glavni sastavni dijelovi:
  - Pojasnice – napregnute savijanjem i osnim silama
  - Hrbat – posmično napregnut
  - Lijepljeni spoj pojasnica i hrpta
- Materijal:
  - Pojasnice
    - Cjelovito (puno/masivno) drvo
    - Lijepljeno lamelirano drvo
    - LVL – lamelirana furnirska građa
  - Hrbat / Hrptovi
    - Različiti materijali na osnovi drva – križno uslojene furnirske ploče (Plywood), OSB ploče, ploče iverice, ploče vlaknatice i sl.





## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Zahtjevi na glavne sastavne dijelove:
  - Pojasnice – malih dimenzija
    - Pojavu grešaka (učestalost i veličina) u materijalu treba svesti na minimum.
  - Hrbat / Hrptovi – zahtjevi na ojačanja (duge grede)
    - Spojevi na hrptu
      - Sučeoni spojevi – područja s malom posmičnom silom.
      - Ojačanja spojeva – za veće poprečne sile.
    - Ojačanja hrpta
      - Za hrptove greda s većim poprečnim silama
        - Ojačanja hrpta vezicama od materijala na osnovi drva – čavlane vezice ili lijepljene vezice.
      - Ojačanja treba dimenzionirati na vrijednost posmične sile.





## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Proizvodnja – predgotovljeni lijepljeni elementi:
  - Zahtjevi na ljepilo i postupak lijepljenja
    - Odgovarajuća temperatura ljepila.
    - Postupak pripreme i rukovanja ljepilom prema uputama proizvođača ljepila.
  - Zahtjevi na dijelove sastavljenog lijepljenog elementa
    - Površine pojasnica treba netom prije nanošenja ljepila blanjati i očistiti.
    - Vlažnost pojasnica i hrpta treba odgovarati vrsti ljepila i propisanom postupku lijepljenja.





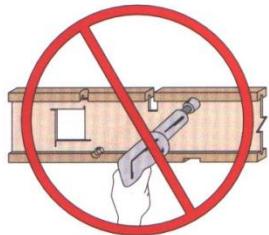
## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Primjena – u stropnim, krovnim i zidnim konstrukcijama:
  - Prepostavke primjene:
    - Lagani elementi.
    - Velika nosivost i krutost u odnosu na vlastitu težinu.
    - Lako rukovanje pri ugradnji
      - Nema velike mehanizacije.
    - Grede se (po potrebi) mogu i ručno dorađivati na izvedbenu mjeru.



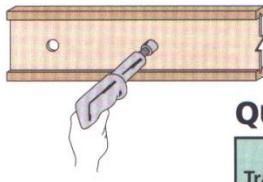
Hrbat – OSB  
ploča

Pojas – LVL



#### NICHT ERLAUBT

Einschnitte oder Bohrungen in  
die Gurte



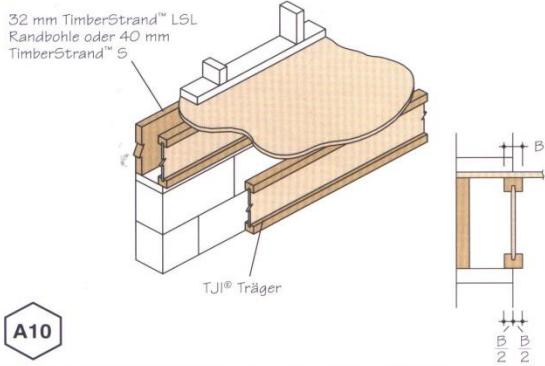
#### ERLAUBT

## Pravila ugradnje i proizvodne mjere – definira proizvođač

### QUERSCHNITTSWERTE

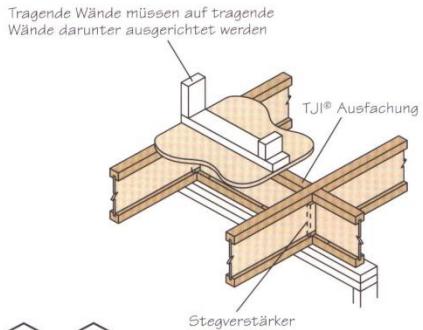
Trägertyp TJI®/Pro™	Trägerhöhe (mm)	Eigengewicht (kg/m)	Querschnittfläche der Gurte $A_G$ (mm <sup>2</sup> )	Querschnittfläche des Steges $A_s$ (mm <sup>2</sup> )	Modifizierte Querschnittfläche des Trägers $A_{MOD}$ (mm <sup>2</sup> )	Flächenmoment 2. Ordnung $I_y$ (mm <sup>4</sup> × 10 <sup>6</sup> )
250	241	3,6	3 387	1 573	4 092	36,97
	302	4,0	3 387	2 148	4 350	63,29
	356	4,3	3 387	2 663	4 580	93,53
	406	4,9	3 387	3 147	4 797	128,08
350	241	4,3	4 476	1 573	5 217	48,43
	302	4,9	4 476	2 148	5 487	82,53
	356	5,2	4 476	2 663	5 729	121,49
	406	5,7	4 476	3 147	5 957	165,78
550	241	6,4	6 774	1 834	7 572	72,56
	302	7,0	6 774	2 505	7 863	123,04
	356	7,4	6 774	3 104	8 124	180,32
	406	7,9	6 774	3 669	8 370	245,04

### RANDBOHLE PARALLEL ZUM DECKENBALKEN



A10

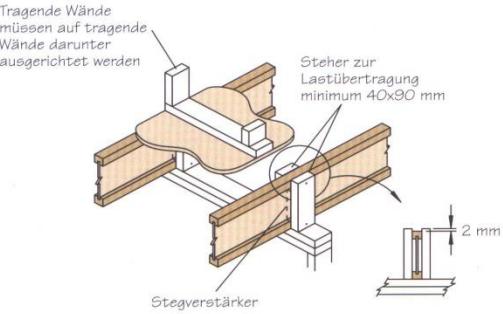
### MITTELAUFLAGER MIT TRAGENDER ZWISCHENWAND



B1

B1 W

### MITTELAUFLAGER MIT TRAGENDER ZWISCHENWAND

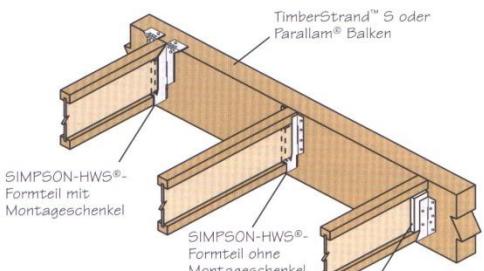


B2

B2 W

Bei aussteifenden Wänden über oder unter der Decke können Ausfachungen nötig sein. Siehe Detail B1.

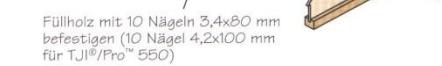
### ANSCHLUSSDETAIL MIT SIMPSON-HWS®-FORMTEIL



H1

### ANSCHLUSSDETAIL MIT AUSWECHSELUNG

Bei einfach geführten TJI® Trägern sind seitliche Füllhölzer **beidseitig** anzubringen. Diese sind bei SIMPSON-HWS®-Formteilen mit Montageschenkel mit Pässitz unter dem Obergurt, bei SIMPSON-HWS®-Formteilen ohne Montageschenkel mit Pässitz auf dem Untergurt mit 10 Nägeln 3,4x80 mm zu befestigen.



H2





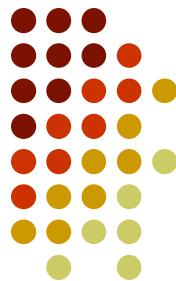
## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Primjena:
  - Područje primjene – stropne, krovne i zidne konstrukcije
    - Ugrađuju se umjesto greda od masivnog/cjelovitog drva
    - U odsjećima stropnih i krovnih konstrukcija gdje elementi trebaju biti veće duljine (5 – 8m, npr.) su:
      - Konstrukcijski bolje rješenje od greda od cjelovitog drva.
      - Ekonomičnije rješenje od lijepljenih lameliranih greda.
    - Visina lijepljenih greda tankog hrpta na većim rasponima / rasterima može dostići 300 – 500mm.
      - Spojni pribor i način ugradnje prilagođen je rasponu i veličini elemenata.
    - Oblik dopušta više slobodnog prostora za ugradnju izolacije.
    - Primjena u razredu uporabe 3 najčešće nije uopće dopustiva.



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Posebnosti sa stajališta proizvodnje i transporta:
  - Krutost oko slabije osi z-z (materijalna os) je puno manja od krutosti oko jače osi y-y (nematerijalna os) –  $EI_z \ll EI_y$ .
  - Tijekom proizvodnje, svih fazi transporta (unutar proizvodnog pogona i do gradilišta) i ugradnje treba spriječiti nepoželjna bočna deformiranja.
- Materijal hrpta je osjetljiv na:
  - Oštećenja tijekom transporta i rukovanja elementima.
  - Promjene vlažnosti – elementi trebaju biti skladišteni u suhim uvjetima.
  - Veći sadržaj vlage može prouzročiti rizik povećanja neelastičnih deformiranja u završenoj konstrukciji.



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Bočna stabilnost:
  - Tlačne pojasnice treba osloniti tako da se spriječi bočno progibanje i izvijanje.
  - Kad su u stropnim konstrukcijama grede slobodno oslonjene jedino na krajevima, najčešće je bočnu nestabilnost pojasnica greda dovoljno spriječiti samo spojevima greda i stropne obloge.
  - Kad su grede kontinuirane izvedbe, na unutrašnjim se osloncima, npr. ne smije zanemariti promjena predznaka naprezanja u pojasicama.



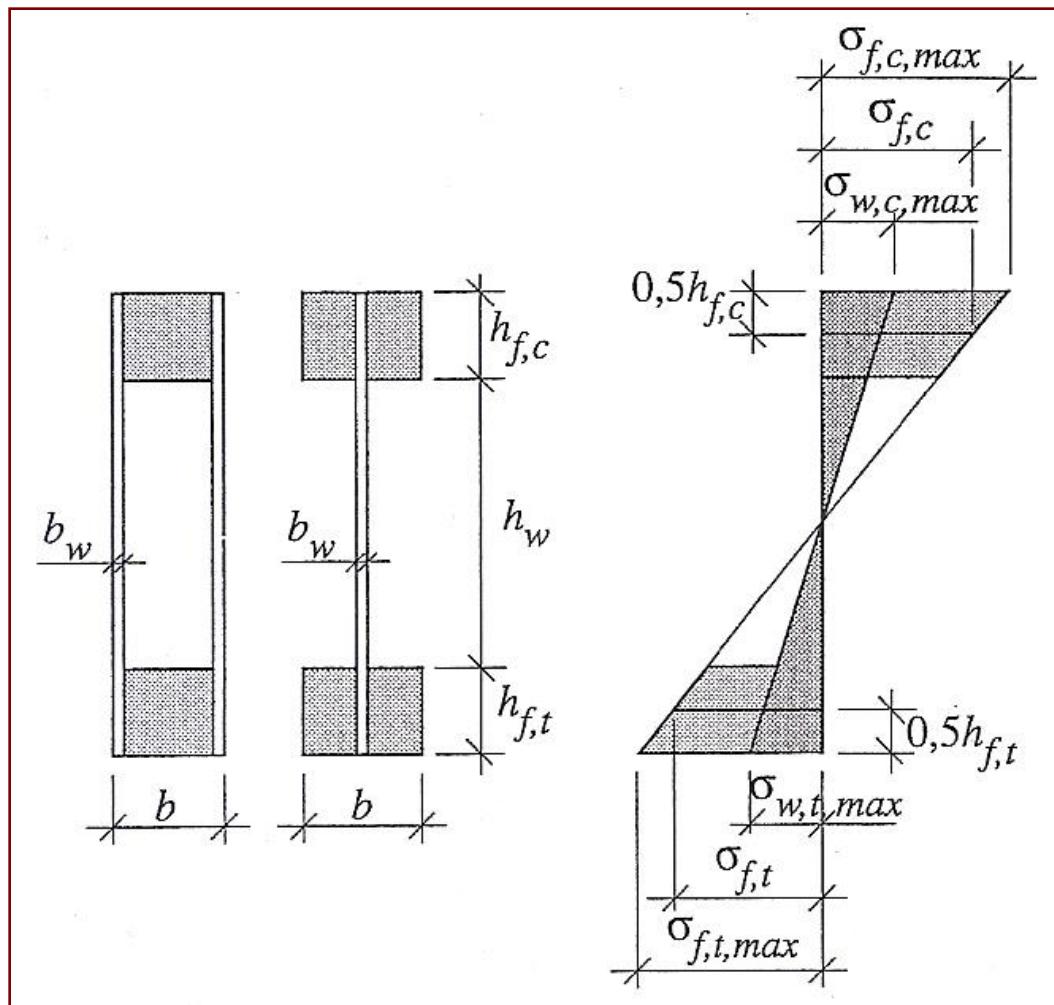
## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Djelotvorne vrijednosti za presjek:
  - Pretpostavke proračuna:
    - Hrbat i pojasnice su lijepljeni i zajedno čine konstrukcijsku cjelinu – sastavljenu gredu.
    - Promjena deformacije po visini sastavljene grede je linearna.
    - Primjenjuje se Hooke-ov zakon – naprezanje u bilo kojem vlakancu je umnožak modula elastičnosti i deformacije.
      - Posebnosti – različiti moduli elastičnosti pojasnica i hrpta.
      - Posljedice – naprezanje varira.
    - Rješenje – proračun s djelotvornim statičkim veličinama presjeka pri svođenju različitih modula elastičnosti na jedan.



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Djelotvorne vrijednosti za presjek:

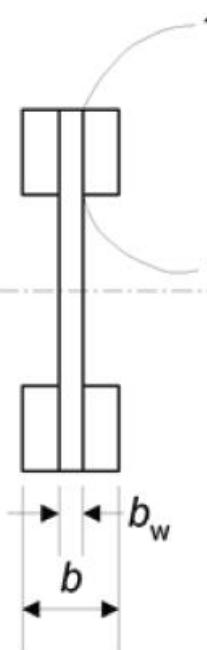




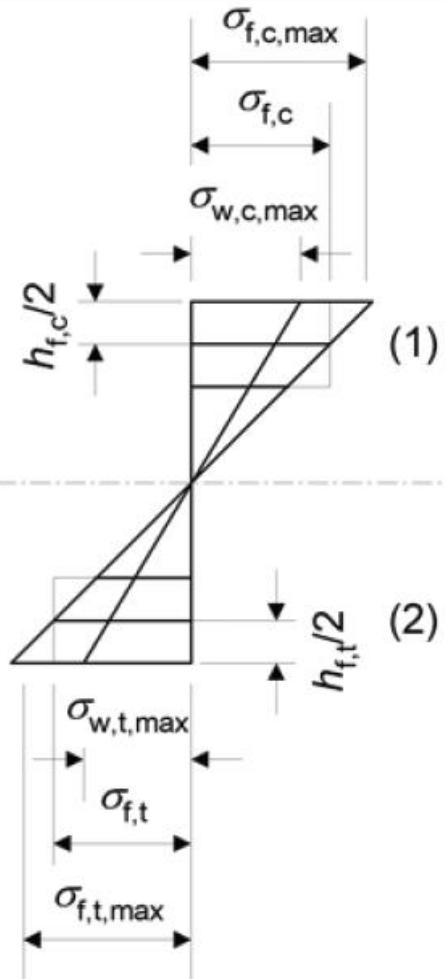
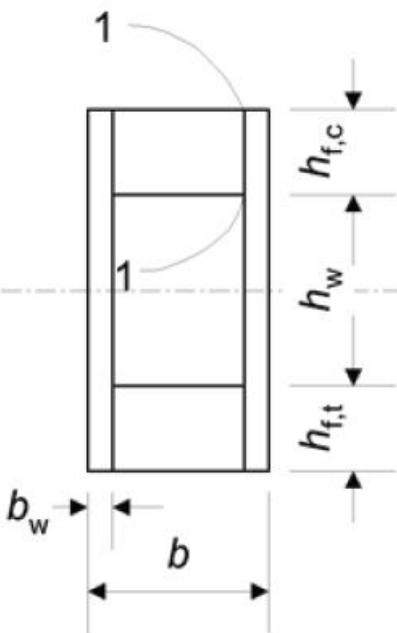
## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Djelotvorne vrijednosti za presjek:

1) Tlak



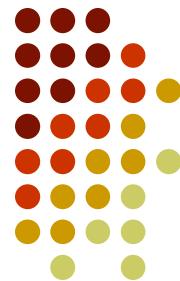
2) Vlak





## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Djelotvorne vrijednosti za presjek:
  - Sastavljeni presjek se u proračunu tretira kao homogen, s modulima krutosti pojasnica.
  - Stvarne vrijednosti za presjek hrpta se prevode u djelotvorne.
    - Redukcija stvarnih vrijednosti je proporcionalna razmjeru modula elastičnosti.
  - Djelotvorna površina:
  - Djelotvorni moment tromosti:
  - Raspodjela naprezanja u kompozitnom presjeku je promjenjiva – materijali s različitim karakteristikama puzanja.
  - Deformiranju treba proračunati konačnu i trenutnu vrijednost.



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Provjera naprezanja u pojasnicama:
  - Grede opterećene momentom savijanja:
    - Prevladavaju naprezanja pojasnica prouzročena osnim vlakom ili tlakom – mali doprinos čistog savijanja.
    - Simetrični profili – jednake absolutne vrijednosti naprezanja u tlačnim i vlačnim pojasnicama.



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Provjera naprezanja u pojasicama:
  - Grede opterećene momentom savijanja i osnim silama (tlak ili vlak):
    - Naprezanja u pojasicama – suma naprezanja prouzročenih savijanjem i osnim silama:
      - Najveće proračunsko naprezanje rubnog vlakanca tlačne pojasnice
      - Najveće proračunsko naprezanje u težištu tlačne pojasnice

$$\sigma_{f,c,max,d} = \left( \frac{M_d}{I_{ef}} y_0 \right) + \left( \frac{F_d}{A_{ef}} \right)$$

$$\sigma_{f,c,d} = \left( \frac{M_d}{I_{ef}} y_c \right) + \left( \frac{F_d}{A_{ef}} \right)$$



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Provjera naprezanja u pojascicama:
- Oznake i simboli

$M_d$  proračunski moment savijanja

$y_0$  udaljenost rubnog vlakanca pojasnice od neutralne osi grede  
( $y_0 = h/2$ , za simetrične poprečne presjeke)

$F_d$  osna vlačna ili tlačna sila

$y_c$  udaljenost težišta tlačne pojasnice od neutralne osi

- Provjere nosivosti tlačne pojasnice:

- U rubnom vlakancu

$$\sigma_{f,c,max,d} \leq f_{m,d}$$

- U težištu

$$\sigma_{f,c,max,d} \leq k_c f_{c,0,d}$$



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

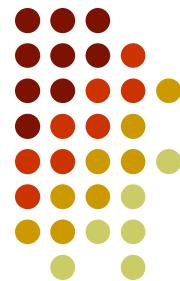
- Provjera naprezanja u pojasnicama:
- Faktor izvijanja  $k_c$  kojim se u provjeri osnog tlaka uvažava utjecaj bočne nestabilnosti na otpornost presjeka treba odrediti za sljedeću vitkost:

$$\lambda = \sqrt{12} \frac{l_c}{b}$$

- Oznake i simboli:
  - $l_c$       udaljenost presjeka sa spriječenim bočnim izvijanjem pojasnice
  - $b$       debljina tlačne pojasnice
- Proračunske vrijednosti naprezanja i provjeru nosivosti vlačne pojasnice treba odrediti na sličan način:

$$\sigma_{f,t,max,d} \leq f_{m,d}$$

$$\sigma_{f,t,max,d} \leq f_{t,0,d}$$



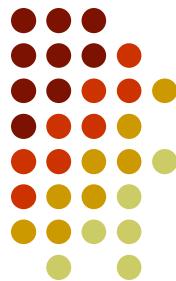
## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Provjera osnih naprezanja u hrptu:
- U hrptu prevladavaju posmična naprezanja, ali mu se nosivost mora provjeriti i na normalna naprezanja prouzročena momentom savijanja i osnim opterećenjem.
- Uz pretpostavku linearne promjene deformacije ( $\varepsilon$ ) po visini ljepljene grede, proračunska naprezanja u hrptu treba odrediti kao:

$$\sigma_w = \sigma_f \left( \frac{E_w}{E_f} \right)$$

- Korekcija izraza za utjecaj trajanja opterećenja i razreda uporabe na module elastičnosti (puzanje – reološke vrijednosti modula):

$$\sigma_w = \sigma_f \left( \frac{E_w}{E_f} \right) \left( \frac{1 + k_{def_f}}{1 + k_{def_w}} \right)$$



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Provjera osnih naprezanja u hrptu:
- Naprezanja u tlačnom području hrpta:

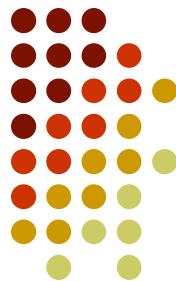
$$\sigma_{w,c,max,d} = \left[ \left( \frac{M_d}{I_{ef}} y_{w,c} \right) + \left( \frac{F}{A_{ef}} \right) \right] \left( \frac{E_w}{E_f} \right) \left( \frac{1 + k_{def_f}}{1 + k_{def_w}} \right)$$

$y_{w,c}$  udaljenost tlačnog ruba hrpta od neutralne osi grede

- Provjera naprezanja – dokaz nosivosti tlačnog ruba hrpta:

$$\sigma_{w,c,max,d} \leq f_{c,w,d}$$

$f_{c,w,d}$  tlačna savojna čvrstoća hrpta – ako nije dana druga vrijednost, može se usvojiti kao proračunska tlačna čvrstoća u ravnini hrpta



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Provjera osnih naprezanja u hrptu:
- Naprezanja u vlačnom području hrpta:

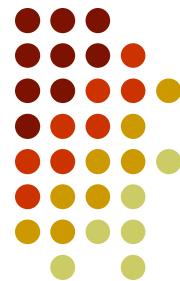
$$\sigma_{w,t,max,d} = \left[ \left( \frac{M_d}{I_{ef}} y_{w,t} \right) + \left( \frac{F}{A_{ef}} \right) \right] \left( \frac{E_w}{E_f} \right) \left( \frac{1 + k_{def_f}}{1 + k_{def_w}} \right)$$

$y_{w,t}$  udaljenost vlačnog ruba hrpta od neutralne osi grede

- Provjera naprezanja – dokaz nosivosti vlačnog ruba hrpta:

$$\sigma_{w,t,max,d} \leq f_{t,w,d}$$

$f_{t,w,d}$  vlačna savojna čvrstoća hrpta – ako nije dana druga vrijednost, može se usvojiti kao proračunska vlačna čvrstoća u ravnini hrpta



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Posmična naprezanja u hrptu:
- Geometrijski uvjet – u nedostatku detaljno provedene analize izvijanja:

$$h_w \leq 70b_w$$

- Provjera posmične nosivosti hrpta prema ENV:

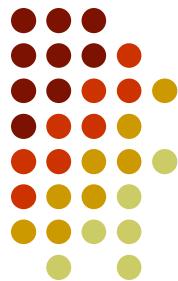
$$V_d \leq f_{v,0,d} n b_w h_w \left( 1 + 0,5 \left( \frac{h_{f,t} + h_{f,c}}{h_w} \right) \right) \quad \text{za} \quad h_w \leq 35 b_w$$

$$V_d \leq 35 f_{v,0,d} n b_w^2 \left( 1 + 0,5 \left( \frac{h_{f,t} + h_{f,c}}{h_w} \right) \right) \quad \text{za} \quad 35 b_w \leq h_w \leq 70 b_w$$

$V_d$  proračunska poprečna sila u promatranom presjeku

$f_{v,0,d}$  proračunska posmična čvrstoća ploče na osnovi drva (hrbat)

$n$  broj hrptova



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Posmična naprezanja u hrptu:
- Provjera posmične nosivosti hrpta prema EN, za  $h_w \leq 70 b_w$ :

$$F_{v,w,Ed} \leq \begin{cases} b_w h_w \left( 1 + \frac{h_{f,t} + h_{f,c}}{2h_w} \right) f_{v,0,d} & \text{za } h_w \leq 35 b_w \\ 35 b_w^2 \left( 1 + \frac{h_{f,t} + h_{f,c}}{2h_w} \right) f_{v,0,d} & \text{za } 35 b_w \leq h_w \leq 70 b_w \end{cases}$$

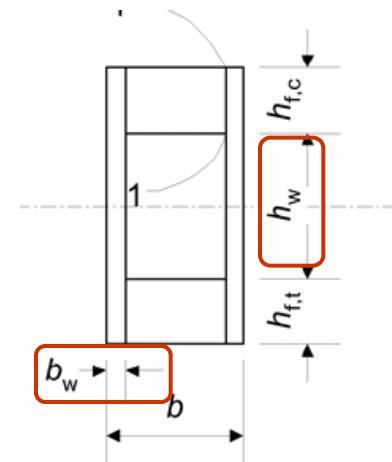
$F_{v,w,Ed}$  proračunska poprečna sila u jednom hrptu

$h_w$  svijetli razmak između pojasnica

$h_{f,c}$ ;  $h_{f,t}$  visina tlačne (c) i vlačne (t) pojasnice

$b_w$  širina jednog hrpta

$f_{v,0,d}$  proračunska posmična čvrstoća jednog hrpta





## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Posmična naprezanja u lijepljenoj spojnici hrpta i pojasnice:
- Nosivost lijepljenog spoja hrpta i pojasnice je veća nego nosivost materijala hrpta i pojasnica.
- Najslabija točka lijepljenog spoja je “rolling shear” u hrptu – posmično naprezanje koje je posljedica djelovanja posmične sile čije su obje komponente okomite na vlakanca.

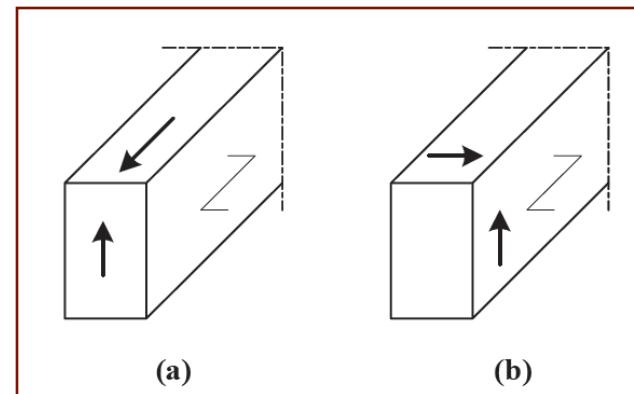
$f_{v,90,w,d}$  čvrstoća posmika okomito na vlakanca (“rolling” shear strength) hrpta

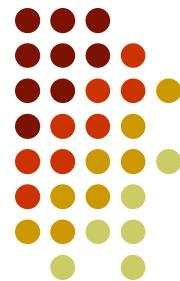
- Vrijedi pretpostavka jednolike raspodjele posmičnih naprezanja u hrptu.

Komponente posmika:

a) Paralelne s vlakancima

b) Okomite na vlakanca





## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Posmična naprezanja u lijepljenoj spojnici hrpta i pojasnice:
- Proračunsko posmično naprezanja u hrptu:

$$\tau_{\text{mean},d} = \frac{V_d S_f}{I_{\text{ef}} l_g}$$

$S_f$  statički moment pojasnice (proračunat u odnosu na neutralnu os poprečnog presjeka sastavljene grede)

$I_g$  ukupna duljina lijepljene spojnica u istoj pojasnici



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM HRPTOM

- Posmična naprezanja u lijepljenoj spojnici hrpta i pojasnice:

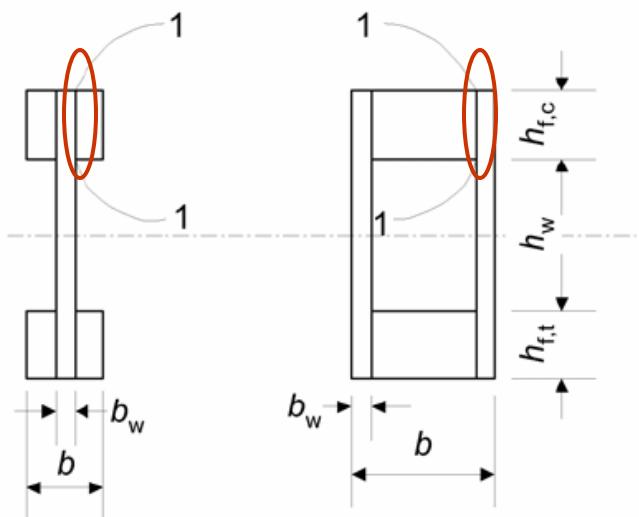
- Provjera posmičnih naprezanja u hrptu:

$$\tau_{\text{mean},d} \leq \begin{cases} f_{v,90,d} & \text{za } h_f \leq 4 b_{\text{ef}} \\ f_{v,90,d} \left( \frac{4 b_{\text{ef}}}{h_f} \right)^{0,8} & \text{za } h_f > 4 b_{\text{ef}} \end{cases}$$

- Za sandučaste grede:
- Za I – grede:

$$b_{\text{ef}} = \begin{cases} b_w & \\ b_w / 2 & \end{cases}$$

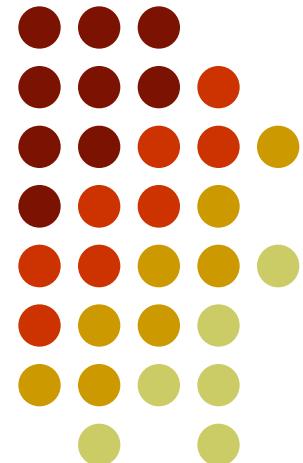
$\tau_{\text{mean},d}$  proračunsko posmično naprezanje u presjeku 1-1, s prepostavkom jednolike raspodjele naprezanja



$f_{v,90,d} = f_{v,90,w,d}$  posmična čvrstoća okomito na ravninu hrpta  
 $h_f$  ili  $h_{f,c}$  ili  $h_{f,t}$

## Lijepljene grede s tankim pojasnicama

---





## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Općenito:
- Metoda proračuna greda s tankim pojascicama se zasniva na:
  - Konceptu efektivne širine pojasnice.
  - Kompozitnom – spregnutom djelovanju između tankih pojasnica i hrpta (prijenos sila ovisi o tipu spajala).
- Grede s tankim pojascicama su elementi namijenjeni izvedbi sljedećih predgotovljenih konstrukcija:
  - Stropne i krovne konstrukcije – elemente prevladavajuće izloženi savijanju.
  - Konstrukcije zidnih panela – elementi prevladavajuće izloženi tlačnim naprezanjima, savijanju i izmjeničnim horizontalnim opterećenjima u ravnini zida (“racking”).



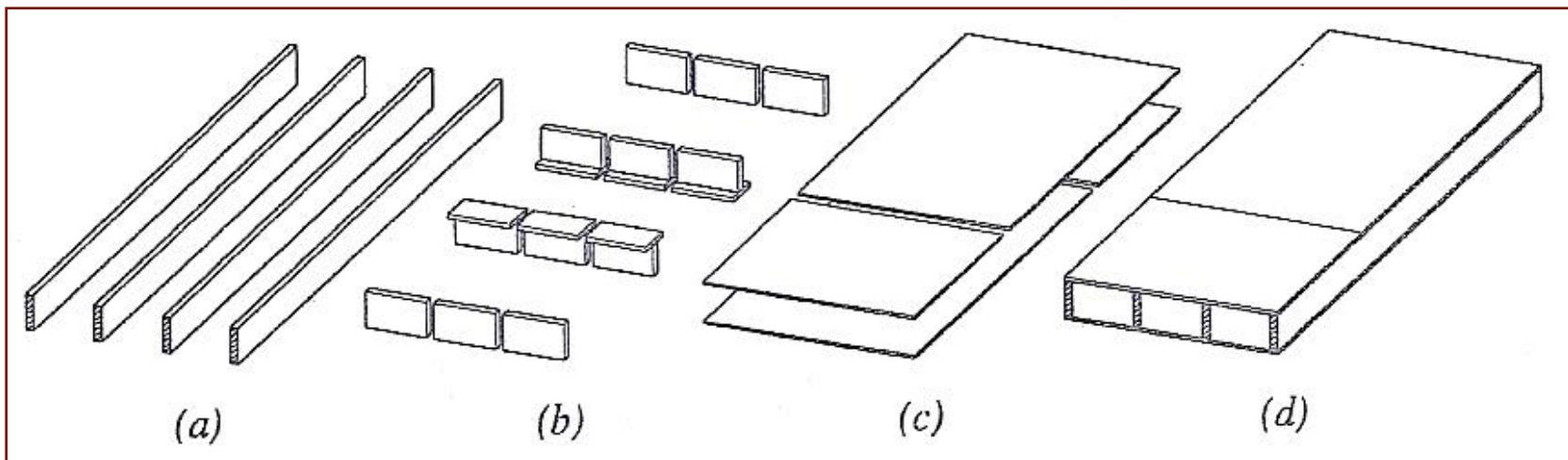
## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Općenito:
- Konstrukcija sastavljenih greda:
  - Hrptovi položeni u smjeru raspona – uglavnom su od punog (cjelovitog, masivnog) drva.
  - Pokrovni obostrani paneli – tanke pojasnice od ploča na osnovi drva (furnirske ploče, OSB, ploče iverice ili ploče vlaknatice).
  - Spajala – ljepilo ili mehanička spajala (čavli, skobe, vijci za drvo).
  - Spregnuta konstrukcija sastavljene grede – savojna krutost i nosivost kompozita je veća nego krutost i nosivost pojedinačnih dijelova presjeka (hrptova, npr.).
  - Šupljine mogu biti ispunjene izolacijom.



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Općenito:
- Konstrukcija sastavljenih greda:



- a) Hrptovi
- b) Blokovi (ukrućenja) i spojnice pojasnica
- c) Pojasnice – pokrovne ploče/paneli
- d) Konstrukcija sastavljene grede



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Općenito:
- Uobičajene dimenzije sastavljenih greda s tankim pojasicama:
  - Transport i montaža (težina, mehanizacija i sl.)
  - Ugradnja u zidne panele – visina cca 2,5m, duljina do 10,0m (vertikalni raspon hrptova).
  - Stropni i krovni paneli – širina varira od 1,25m do 2,5m (ovisno o krojenju ploča na osnovi drva – ekonomičnost je prevladavajući kriterij).
  - Uobičajeni rasponi za hrptove od punog drva (piljena građa) – od 5,0m do 6,0m najviše.



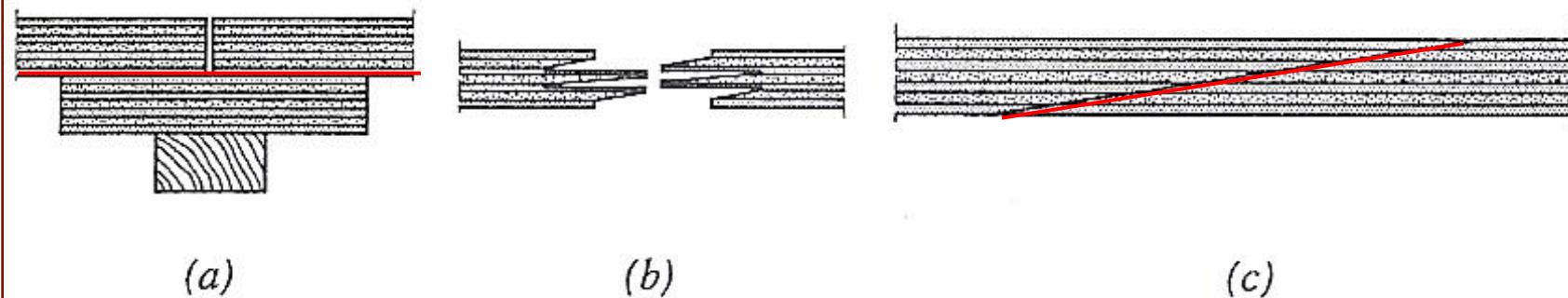
## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Konstrukcija pojasnica:
- Debljina pojasnica od ploča na osnovi drva – od 10mm do 19mm.
- Pokrovni furniri pojasnica od furnirskih ploča (križno uslojene) mogu biti usmjereni ili paralelno ili okomito na hrptove.
  - Izbor smjera ovisi o razmaku hrptova (savijanje – progib pojasnica u stropnim ili krovnim panelima) i tehnologiji proizvodnje.
  - Nosivost pojasnica na savijanje je veća kad je pokrovni furnir usmjeren okomito na hrptove – razmak hrptova u tom slučaju može biti veći.
    - Nosivost i krutost sastavljenog presjeka – spregnuta cjelina je u tom slučaju manja u usporedbi sa sastavljenim presjekom u kojem su pokrovni furniri pojasnica usmjereni paralelno s hrptovima.



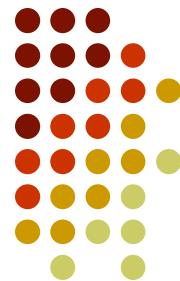
## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Konstrukcija pojasnica:
- Spojnice pojasnica se u konstrukciji panela izvode kao lijepljene ili zupčasto spojene.



Lijepljeni priključci – spajanje pojasnica panela:

- a) Lijepljene spojnice – konstrukcije predgotovljenih panela većih dimenzija (“splice joints”)
- b) Zupčaste spojnice – “finger joints”
- c) Kosi sudar (ljepilo) – “scarf joints”



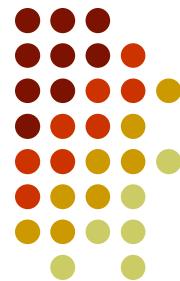
## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Konstrukcija pojasnica:
- Kad je duži smjer panela paralelan s hrptovima:
  - Manje priključaka.
  - Potrebna dodatna provjera smjera pokrovnih vlakanaca u ovisnosti o duljoj stranice panela.



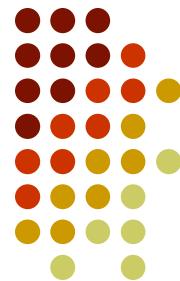
## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Konstrukcija hrptova:
- Materijal – piljena građa (puno drvo), lijepljeno lamelirano drvo, ploče na osnovi drva i predgotovljeni I-profilii.
- Zidni paneli:
  - Debljina hrptova od punog drva – od 38mm do 80mm.
  - Visina hrptova – od 80mm do 200mm.
- Stropni i krovni paneli:
  - Debljina hrptova od punog drva – od 38mm do 63mm
  - Visina hrptova – od 150mm do 300mm
- Visina hrptova ovisi o:
  - Zahtjevima na krutost i nosivost cjelokupne konstrukcije sastavljene grede
  - Zahtjevima na djelotvornost izolacije (debljina sloja).



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Konstrukcija hrptova:
- Mehanička spajala za vezu pojasnica i hrptova – debljina hrpta ovisi i o potrebnom najmanjem razmaku spajala (međusobno i od rubova).
- Lijepljene spojnice pojasnica i hrptova – rubove hrpta treba unaprijed pripremiti za lijepljenje (rezanje i oblikovanje).
- Razmak hrptova – između 300mm i 625 mm, ovisno o veličini pojasnica (ploče na osnovi drva).



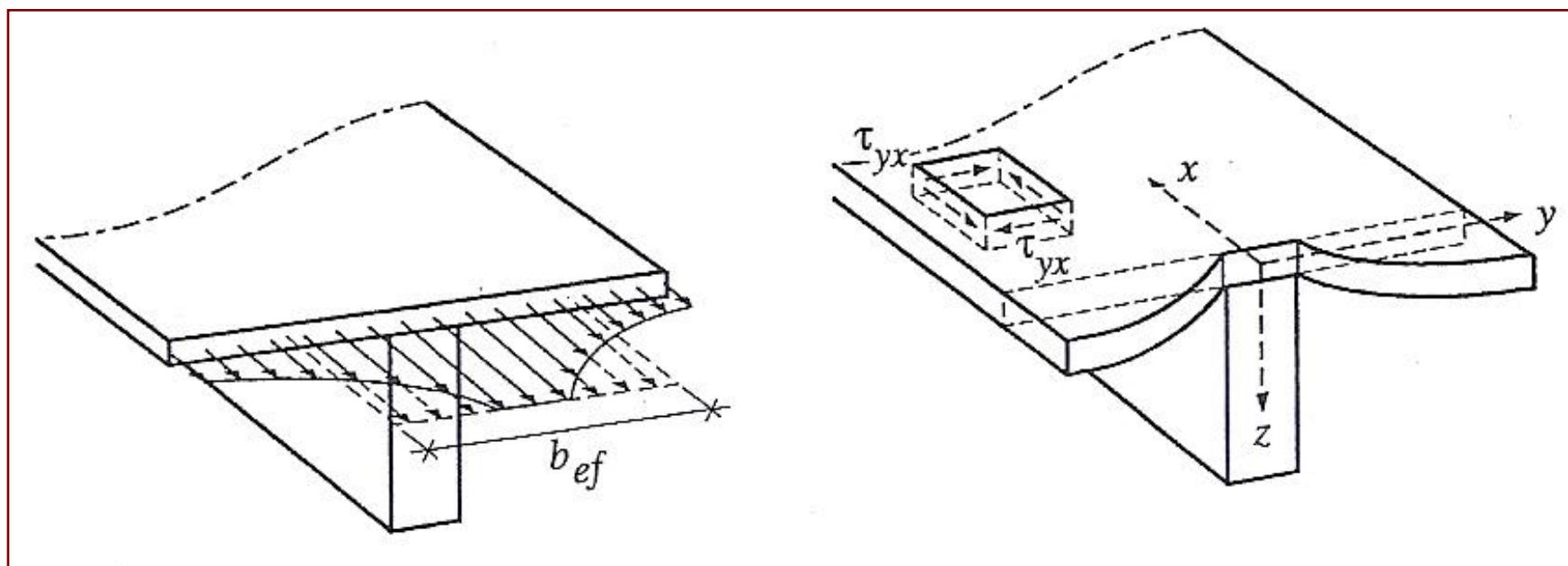
## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- **Spojevi:**
- Lijepljeni spojevi pojasnica i hrpta – pretpostavke proračuna:
  - Kruta veza (nepustljiva)
  - Linearna raspodjela naprezanja i deformacija po visini sastavljenog kompozitnog presjeka.
- Mehanička spajala – pretpostavke proračuna:
  - Podatljiva – popustljiva veza.
  - Proračun kompozitnog presjeka treba uzeti u obzir klizanje u spoju pojasnica i hrpta.

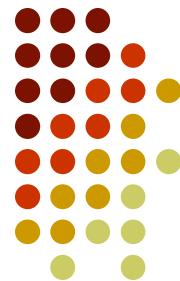


## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Djelotvorna širina pojasnice:
- Zbog posmičnog deformiranja, normalnih naprezanja na neoslonjenom dijelu pojasnica nemaju jednoliku raspodjelu u srednjoj ravnini pojasnice.

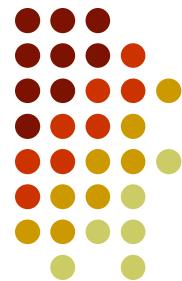


Raspodjela naprezanja u pojascnici



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Djelotvorna širina pojasnice:
- Doprinos pojasnica ukupnoj krutosti i nosivosti kompozitnog presjeka:
  - Smanjuje se s porastom udaljenosti promatranog presjeka pojasnice od hrpta (mjesto oslanjanja pojasnice).
- Stupanj smanjenja naprezanja je ovisi o:
  - Omjeru razmaka hrptova,  $b_f$  i rasponu,  $I - b_f/I$
  - Omjeru modula elastičnosti pojasnice u smjeru raspona sastavljene grede,  $E$  i modula posmika pojasnice,  $G - E/G$ .
- Ovisnost djelotvorne širine pojasnice je obrnuto proporcionalna s ovim omjerima:
  - Djelotvorna širina pojasnice raste sa smanjenjem omjera  $b_f/I$  i  $E/G$ .



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Djelotvorna širina pojasnice:
- Matematički izvod (Möhler, 1963.) djelotvorne širine pojasnice uzima u obzir posmično deformiranje u pojascnici.
- Odnos djelotvorne širine pojasnice,  $b_{ef}$  i stvarne širine pojasnice,  $b_f$ :
- Gdje su:

$$\frac{b_{ef}}{b_f} = \frac{\lambda_1 \tanh \alpha_1 - \lambda_2 \tanh \alpha_2}{\pi(\lambda_1^2 - \lambda_2^2)} \cdot \frac{2l}{b_f}$$

$$\alpha_1 = \frac{\lambda_1 \pi b_f}{2l}$$

$$\alpha_2 = \frac{\lambda_2 \pi b_f}{2l}$$

$$\lambda_1 = \sqrt{a + \sqrt{a^2 - c}}$$

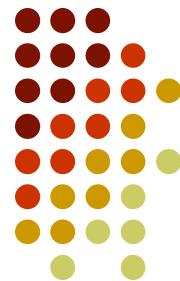
$$\lambda_2 = \sqrt{a - \sqrt{a^2 - c}}$$

$\mu_\theta$

Poisson-ov  
koeficijent

$$a = \frac{E_y}{2G} - \mu_\theta$$

$$c = \frac{E_y}{E_x}$$



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- **Djelotvorna širina pojasnice:**
- Koncept djelotvorne širine pojasnice se uvodi u proračun s ciljem mogućnosti primjene elementarne teorije greda.
- Kad se ne provodi detaljna analiza, sastavljeni nosač treba smatrati nizom I – greda i/ili C – greda.
- Sukladno tomu, definicija djelotvorne širine pojasnice,  $b_{ef}$ , je sljedeća:
  - Djelotvorna širina pojasnice,  $b_{ef}$ , je širina idealiziranog poprečnog presjeka pojasnice u kojem su normalna naprezanja u srednjoj ravnini pojasnice, proračunata prema elementarnoj teoriji greda, jednaka najvećem naprezanju određenom prema točnom postupku koji uzima u obzir i posmična deformiranja u pojascnicama.
- Rezultat primjene koncepta djelotvorne širine pojasnice:
  - Ukupna sila u pojascnici ostaje ista i daje jednak moment na osnovu kojeg se određuje otpornost.



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Djelotvorna širina pojasnice:
- Djelotvorna širina pojasnice,  $b_{ef}$ , prema EC5:
  - Za I-grede – unutrašnje elemente sastavljene grede s tankim pojascnicama:

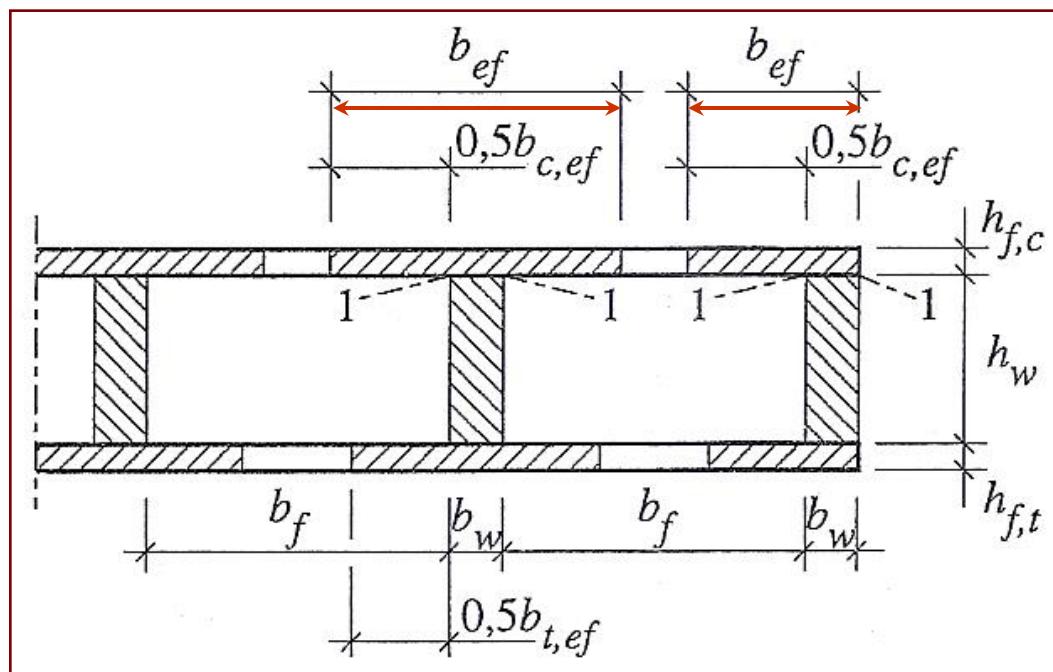
$$b_{ef} = b_{c,ef} + b_w$$

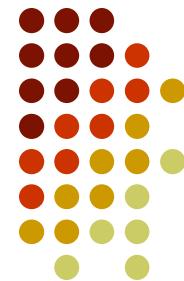
$$b_{ef} = b_{t,ef} + b_w$$

- Za C-grede – vanjske elemente sastavljene grede s tankim pojascnicama:

$$b_{ef} = 0,5 b_{c,ef} + b_w$$

$$b_{ef} = 0,5 b_{t,ef} + b_w$$





## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Djelotvorna širina pojasnice:
- Djelotvorne širine tlačne pojasnice,  $b_{c,ef}$  i vlačne pojasnice,  $b_{t,ef}$ , moraju ispunjavati sljedeće uvjete:
  - Ne smiju biti veće od najvećih vrijednosti proračunatih s obzirom na “shear lag” – zaostajanje posmika
    - Shear lag – posmično prelaganje / širenje područja normalnih naprezanja prouzročeno posmikom.
  - Djelotvorna širina tlačne pojasnice,  $b_{c,ef}$  ne smije biti veća od najveće vrijednosti proračunate s obzirom na izvijanje pojasnice.



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Djelotvorna širina pojasnice:
- Najveća djelotvorna širina pojasnice od materijala na osnovi drva,  $b_{ef}$ , s obzirom na “shear lag” i izvijanje ploče:

Pojasnice – ploče na osnovi drva	Zaostajanje posmika – shear lag	Izvijanje ploče
Križno uslojena furnirska ploča sa smjerom vlakana pokrovnog furnira		
<ul style="list-style-type: none"> <li>• Paralelno s rebrom</li> <li>• Okomito na rebro</li> </ul>	0,10 l	20 $h_f$
OSB ploča	0,15 l	25 $h_f$
Ploča iverica ili ploča vlaknatica s nasumično usmjerenim vlakancima	0,20 l	30 $h_f$

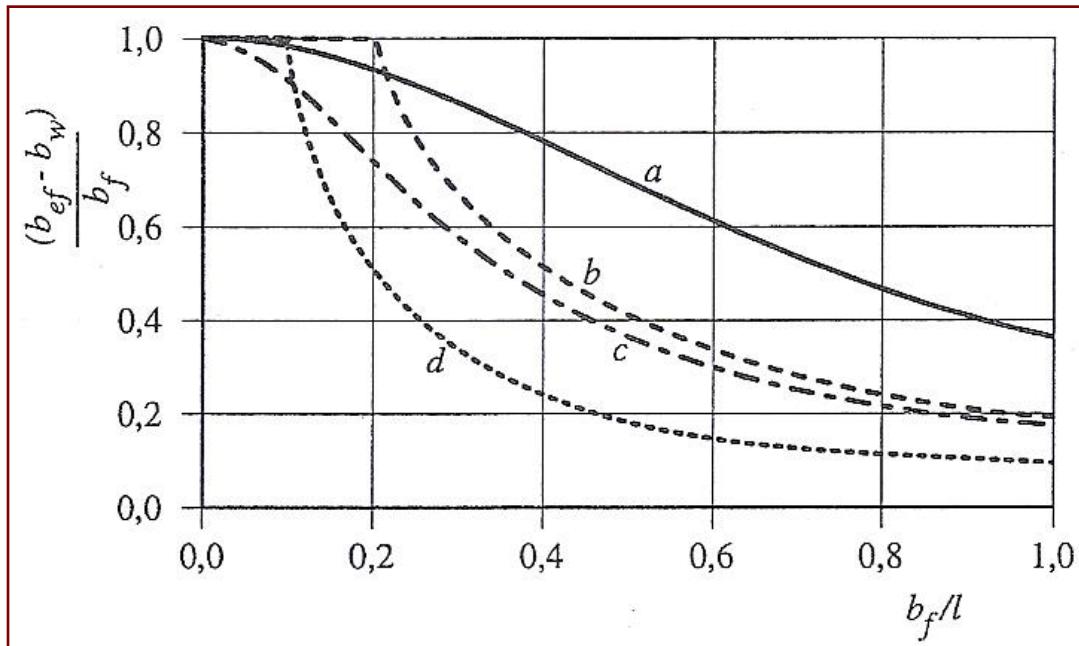
- | raspon sastavljene grede s tankim pojascnicama
- Za većinu sastavljenih greda je u praksi najčešći odnos  $b_{ef} / l \leq 0,3$ .



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Djelotvorna širina pojasnice:
- Usporedba ranije danog izraza za odnos djelotvorne širine pojasnice,  $b_{ef}$  i stvarne širine pojasnice,  $b_f$  (1) s djelotvornom širinom pojasnice određenom prema uvjetu za "shear lag" (EC5):
  - ploče iverice (1)
  - ploče iverice (EC5)
  - furnirske ploče (1)
  - furnirske ploče (EC5)

$$\frac{b_{ef}}{b_f} = \frac{\lambda_1 \tanh \alpha_1 - \lambda_2 \tanh \alpha_2}{\pi(\lambda_1^2 - \lambda_2^2)} \cdot \frac{2l}{b_f}$$





## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Djelotvorna širina pojasnice:
- Tlačne pojASNICE su izložene izvijanju.
- Detaljna analiza izvijanja se može provesti prema Halasz – Csiesielski postupku (1966.).
  - Ako se ne provodi detaljna analiza izvijanja, svjetlu širinu pojasnice (područje između hrptova),  $b_f$ , treba usvojiti tako da ne bude veća od dvostrukе djelotvorne širine pojasnice  $b_{ef}$ , određene s obzirom na preventivu izvijanja ploče (Tablica).

$$b_f \leq 2b_{ef,buckling}$$

- Za pojASNICE koje su čavljane ili su za hrptove spojene skobama, nosivost čavala na izvlačenje ("sidra") je najčešće dostatna preventiva izvijanja ploče.



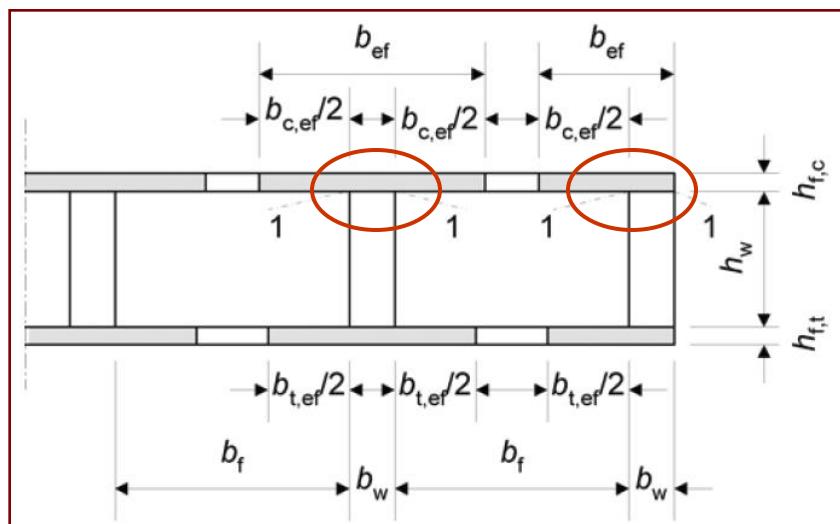
## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Provjere nosivosti za grede s tankim pojascnicama:
- Za rebra od ploča na osnovi drva, za presjek 1-1 i za oblik I-presjeka:

$$\tau_{\text{mean},d} \leq \begin{cases} f_{v,90,d} & \text{za } h_f \leq 8b_{\text{ef}} \\ f_{v,90,d} \left( \frac{8b_{\text{ef}}}{h_f} \right)^{0,8} & \text{za } h_f > 8b_{\text{ef}} \end{cases}$$

$\tau_{\text{mean},d}$  proračunsko posmično naprezanje u presjeku 1-1, s pretpostavkom jednolike raspodjele naprezanja

$f_{v,90,d}$  posmična čvrstoća okomito na ravninu pojascnice

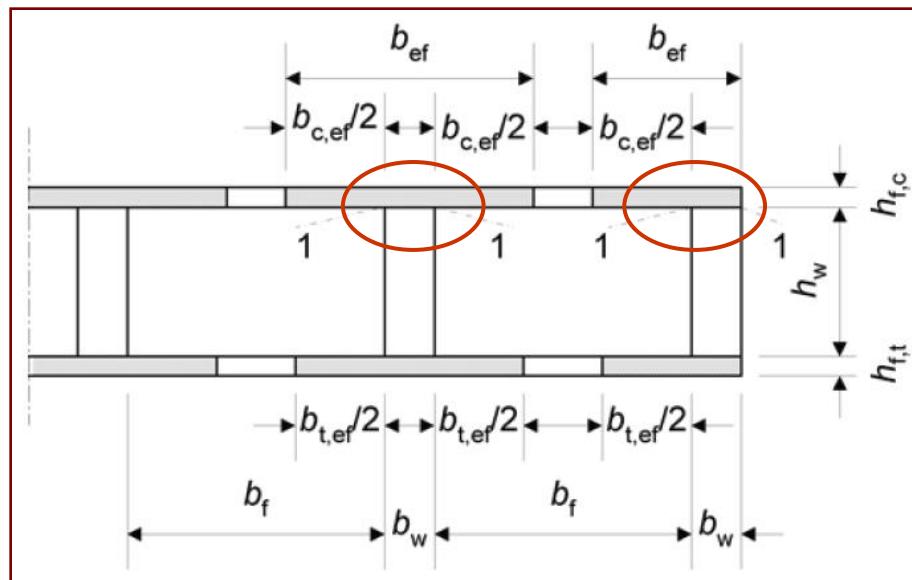




## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Provjere nosivosti za grede s tankim pojascicama:
- Za rebra od ploča na osnovi drva, za presjek 1-1 i za oblik C-presjeka:

$$\tau_{\text{mean},d} \leq \begin{cases} f_{v,90,d} & \text{za } h_f \leq 4b_{\text{ef}} \\ f_{v,90,d} \left( \frac{8b_{\text{ef}}}{h_f} \right)^{0,8} & \text{za } h_f > 4b_{\text{ef}} \end{cases}$$





## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

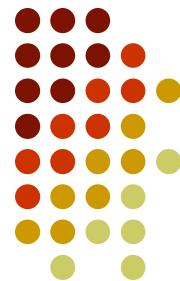
- Provjere nosivosti za grede s tankim pojascicama:
- Za osno naprezane pojascice (naprezanje u srednjoj ravnini pojascice):

$$\sigma_{f,c,d} \leq f_{f,c,d}$$

$$\sigma_{f,t,d} \leq f_{f,t,d}$$

$\sigma_{f,c,d}$  i  $\sigma_{f,t,d}$  proračunska tlačno i vlačno naprezanje u težištu pojascica

$f_{w,c,d}$  i  $f_{w,t,d}$  proračunske tlačne i vlačne čvrstoće pojascice



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Provjere nosivosti za grede s tankim pojascicama:
- Za osno naprezane hrptove – provjera je ista kao za sastavljene grede s tankim hrptom:

$$\sigma_{w,c,d} \leq f_{w,c,d}$$

$$\sigma_{w,t,d} \leq f_{w,t,d}$$

$\sigma_{w,c,d}$  i  $\sigma_{w,t,d}$  proračunska tlačno i vlačno naprezanje u hrptu

$f_{w,c,d}$  i  $f_{w,t,d}$  proračunske tlačne i vlačne čvrstoće hrpta

- Kad proračunska vrijednost savojne čvrstoće u ravnini hrpta nije poznata, može se usvojiti da joj je vrijednost jednaka proračunskoj vlačnoj ili tlačnoj čvrstoći.



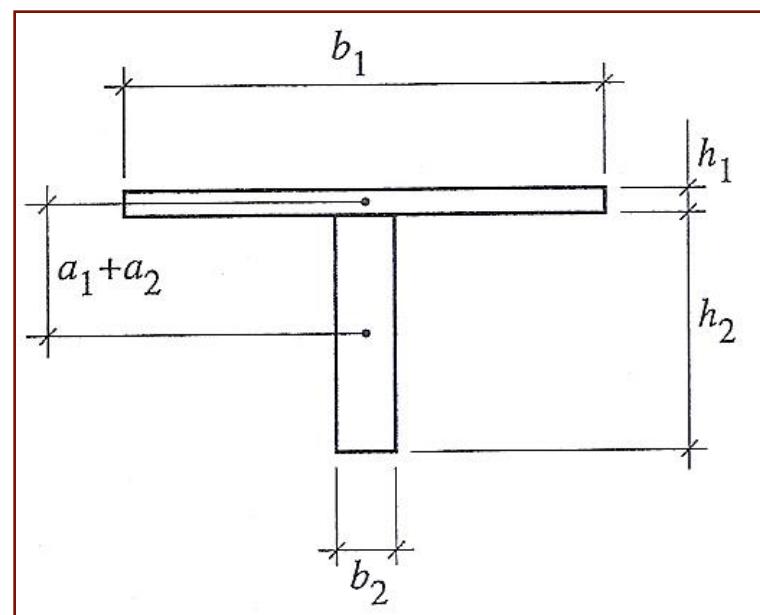
## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Proračunska naprezanja u lijepljenim gredama s tankim pojascnicama:
- Pretpostavka proračuna:
  - Kruti spojevi pojasnica i hrpta.
- Ekscentriciteti površina hrpta (2) i pojasnice (1) u odnosu na težiste lijepljenog I-presjeka:

$$a_1 = \frac{E_2 A_2 (h_1 + h_2)}{2(E_1 A_1 + E_2 A_2)}$$

$$a_2 = \frac{h_1 + h_2}{2} - a_1$$

Poprečni presjek lijepljene I - grede  
s tankim pojascnicama





## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Proračunska naprezanja u lijepljenim gredama s tankim pojasicama:
- Djelotvorna savojna krutost:

$$(EI)_{\text{ef}} = \sum_{i=1}^2 (E_i I_i + E_i A_i a_i^2)$$

- Osno naprezanje u težištu tlačne pojasnice:

$$\sigma_{1,c} = \frac{M}{(EI)_{\text{ef}}} E_1 a_1$$

- Najveće naprezanje u rubnom vlakancu tlačne pojasnice:

$$\sigma_{1,c,\max} = \frac{M}{(EI)_{\text{ef}}} E_1 \left( a_1 + \frac{h_{1,c}}{2} \right)$$



## LIJEPLJENE GREDE S TANKIM POJASNICAMA

- Proračunska naprezanja u lijepljenim gredama s tankim pojasicama:
- Vlačno naprezanje u težištu hrpta:

$$\sigma_{2,t} = \frac{M}{(EI)_{ef}} E_2 a_2$$

- Naprezanje savijanja na donjem rubu hrpta:

$$\sigma_{2,m} = \frac{M}{(EI)_{ef}} E_2 \left( a_2 + \frac{h_{2,t}}{2} \right)$$

- Posmično naprezanje na spoju hrpta i pojasnice:

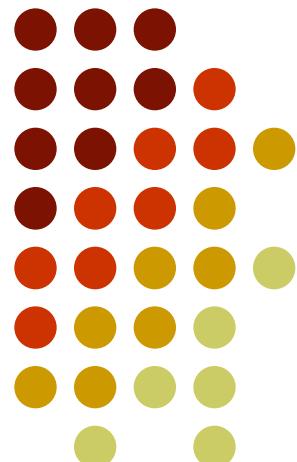
$$\tau_{max} = V \frac{E_1 A_1 a_1}{(EI)_{ef} b_2}$$

# MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI ELEMENTI

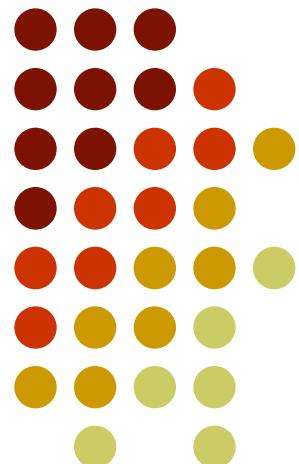
Tipske grupe sastavljenih elemenata i naprezanja

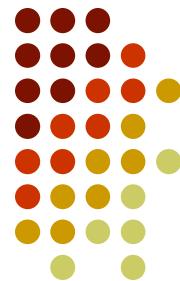
Grede sastavljene mehaničkim spajalima – podatljivo sastavljene grede

Podatljivo sastavljeni tlačni stupovi



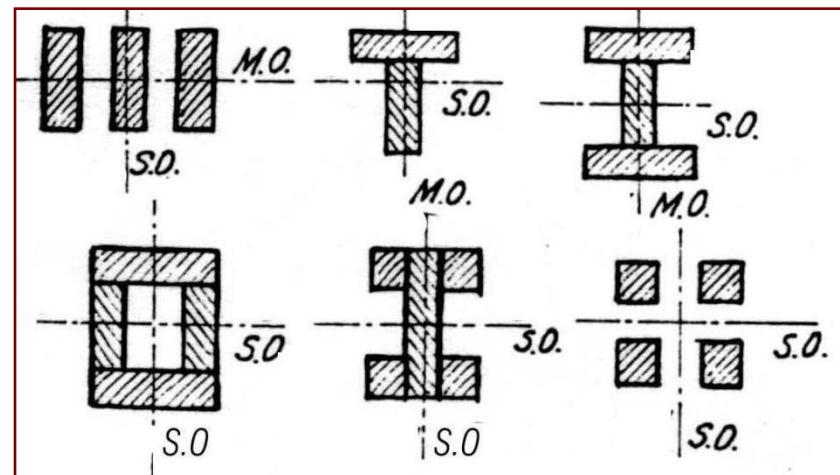
## Tipske grupe sastavljenih elemenata i naprezanja





## TIPSKE GRUPE SASTAVLJENIH ELEMENATA I NAPREZANJA

- Sastavljeni elementi s kontinuiranim dijelovima
  - Savijani i tlačno napregnuti elementi (osno tlačno naprezanje)
    - Gredе
    - Stupovi I-presjeka i sandučastog presjeka
- Razmaknuto sastavljeni elementi
  - Tlačno napregnuti elementi
    - Stupovi
- Rešetkasto sastavljeni elementi
  - Tlačno napregnuti elementi
    - Stupovi

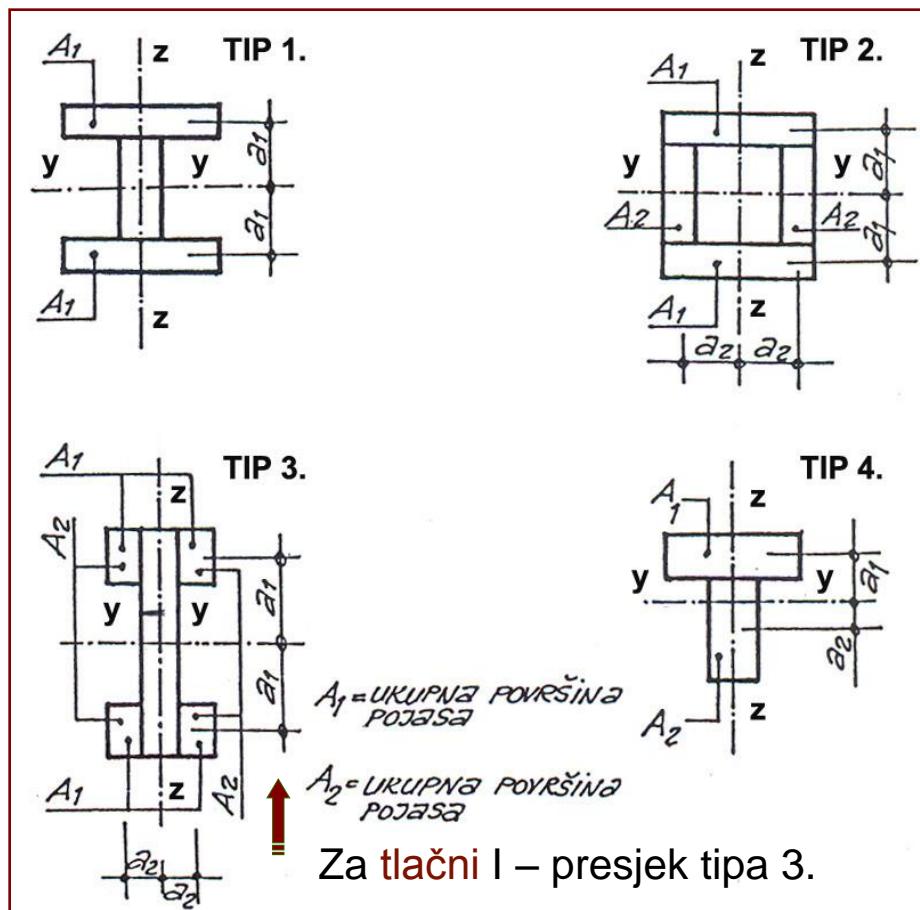




# TIPSKE GRUPE SASTAVLJENIH ELEMENATA I NAPREZANJA

- Sastavljeni elementi s kontinuiranim dijelovima:

- Savijani i tlačno napregnuti elementi.
- Svi sastavni dijelovi su kontinuirani duž osi elementa i međusobno su povezani:
  - Podatljivo – mehaničkim spajalima.
  - Kruto – ljepljom.

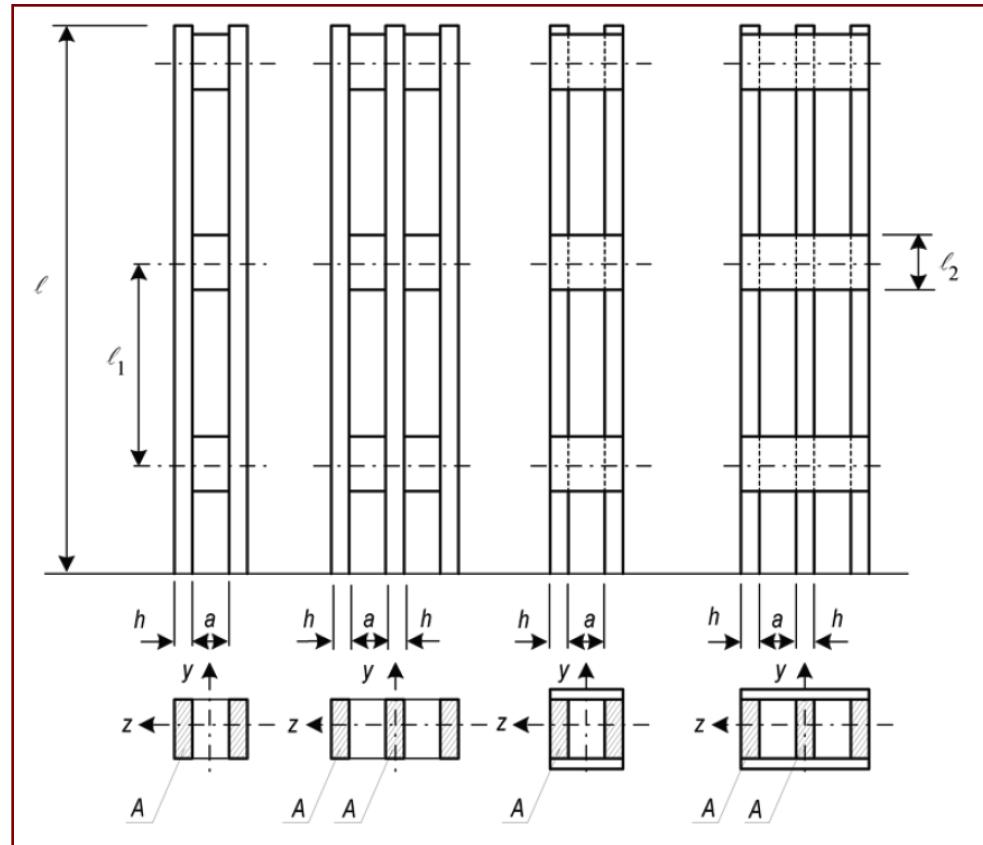




## TIPSKE GRUPE SASTAVLJENIH ELEMENATA I NAPREZANJA

- Razmaknuto sastavljeni elementi:

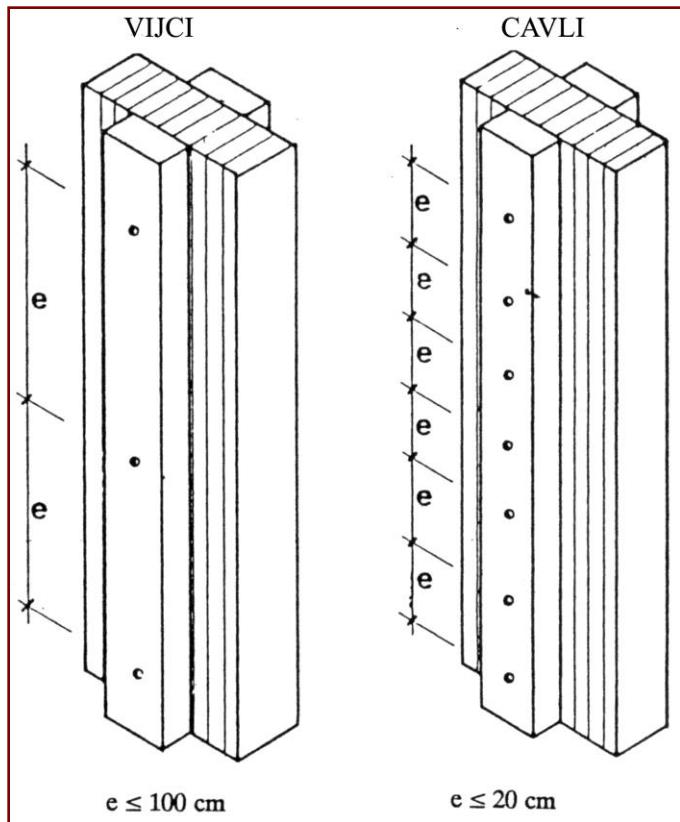
- Tlačno napregnuti elementi.
- Samo su glavni dijelovi kontinuirani duž osi elementa, nalaze se na malom razmaku, a međusobno su povezani kladicama ili vezicama (lokalna bočna ukrućenja razmakinutih glavnih dijelova).



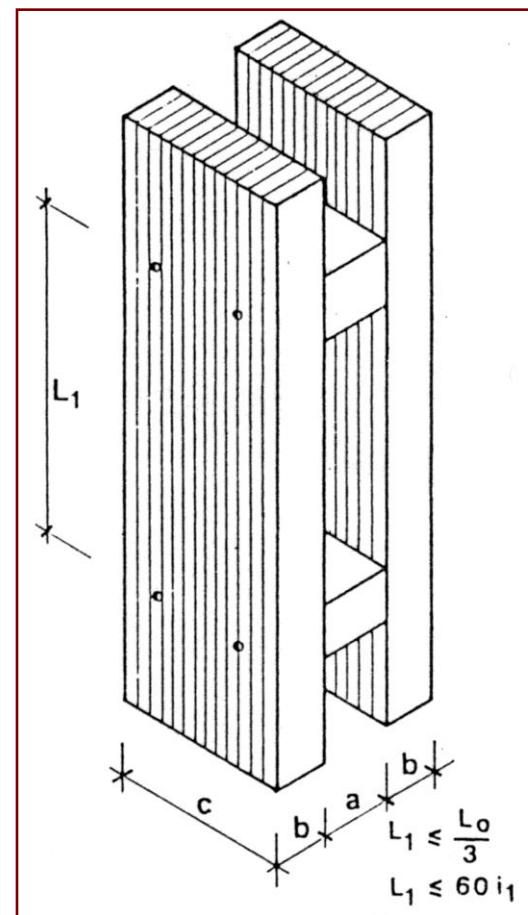


# TIPSKE GRUPE SASTAVLJENIH ELEMENATA I NAPREZANJA

Primjer sastavljenog elementa  
s kontinuiranim dijelovima



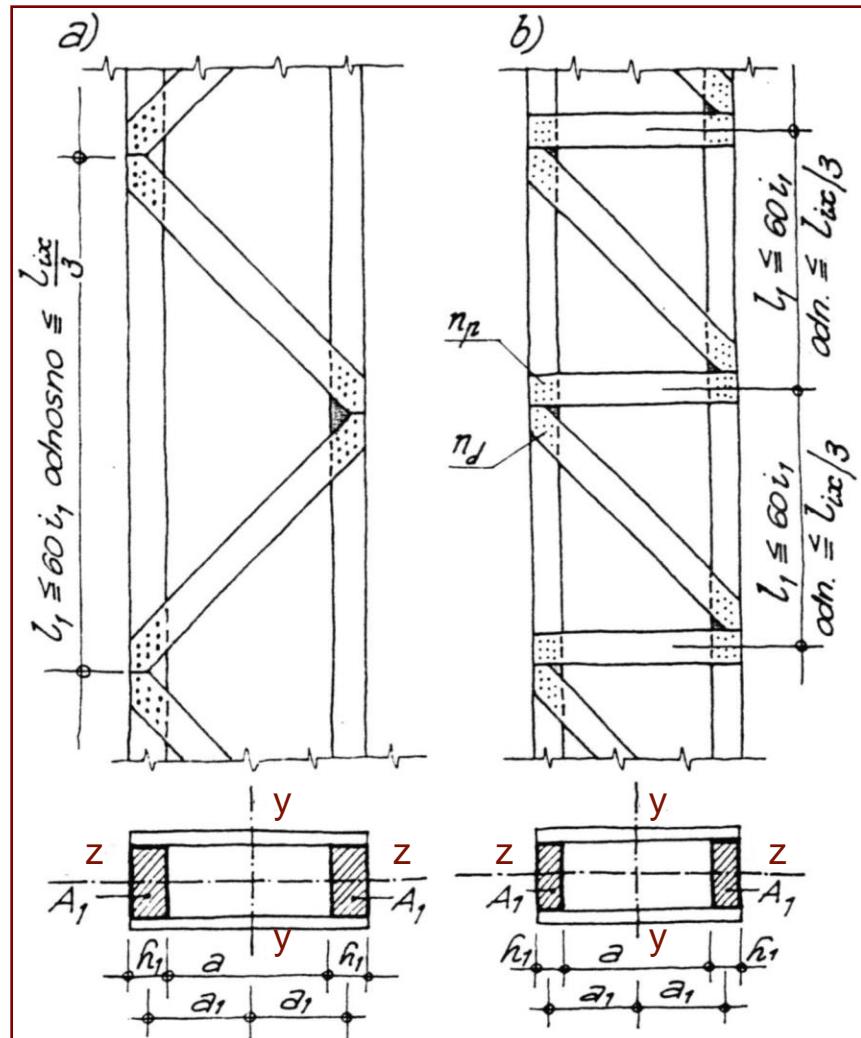
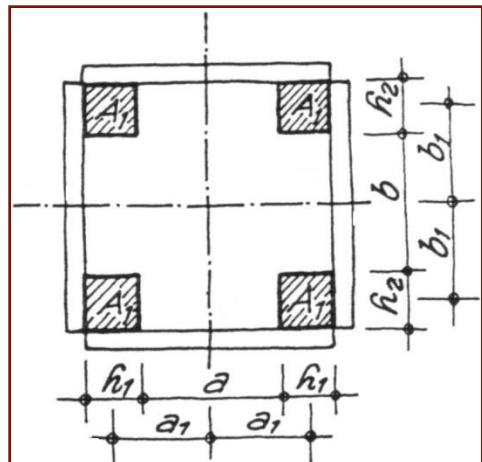
Primjer  
razmaknuto  
sastavljenog  
elementa

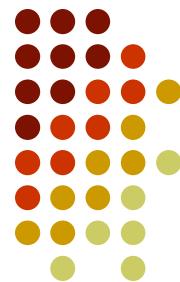




## PODATLJIVO SASTAVLJENI ELEMENTI

- Rešetkasto sastavljeni elementi:
  - Tlačno napregnuti elementi
  - Samo su glavni dijelovi kontinuirani duž osi sastavljenog elementa, nalaze se na velikom razmaku, a međusobno su povezani čavlanom ili lijepljenom N ili V ispunom.



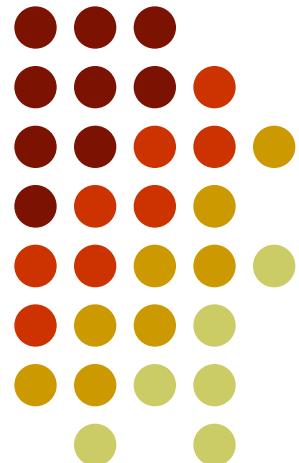


## PODATLJIVO SASTAVLJENI ELEMENTI

- Načela proračuna:
- Poprečni presjek elementa je sastavljen iz dva ili više pojedinačnih elemenata pravokutnog poprečnog presjeka.
- Početna zakrivljenost sastavljenog elementa, ekscentričnost (pri djelovanju vanjskih sila), anizotropija i greške drva, tehnološki nedostaci i nedostaci izvedbe, uzrokuju nejednaku opterećenost elemenata složenog poprečnog presjeka.
- Posljedice toga su popustljivost u međusobnim vezama dijelova sastavljenog elementa (klizanje – pomak) i sila u spajalima, te naprezanja (posmične sile) u spojnim ravninama (reškama) po duljini sastavljenog elementa s izrazito neravnomjernim prijenosom na konstitutivne dijelove sastavljenog elementa kao celine.
- Ovisno o tipu i geometrijskom obliku sastavljenog elementa, popustljivost je izražena za obje osi tromosti ili samo jednu od njih.

## Mehaničkim spajalima sastavljene grede

---





## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

- Prepostavke proračuna podatljivo sastavljenih greda:
- Dijelovi sastavljenog elementa su kontinuirani uzduž osi i spojeni mehaničkim spajalima (podatljiva veza).
- U proračunu podatljivo sastavljenog elementa se ne smije zanemariti utjecaj klizanja u spoju koje je posljedica popustljivosti spajala.
- Vrijedi prepostavka linearog odnosa sile i pomaka elemenata prouzročenog klizanjem.
- Djelotvorni proračunski razmak spajala – za razmake spajala koji se po duljini sastavljenog elementa mijenjaju od  $s_{\min}$  do  $s_{\max}$ , sukladno veličini poprečne sile:

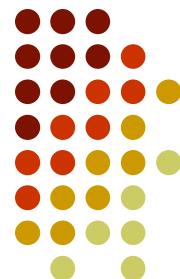
$$s_{\text{ef}} = 0,75 s_{\min} + 0,25 s_{\max}$$

$$s_{\max} \leq 4 s_{\min}$$



## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

- Prepostavke proračuna podatljivo sastavljenih greda:
- Proračun je zasnovan na linearnoj teoriji elastičnosti i sljedećim pretpostavkama:
  - Grede su slobodno oslonjene na rasponu  $l$ .
    - Za kontinuirane grede –  $l = 0,8$  duljine polja (\*max. cijela duljina polja).
    - Za konzolne grede –  $l = \text{dvostruki raspon konzole}$ .
  - Dijelovi sastavljene grede (od drva ili od ploča na osnovi drva) su kontinuirani na rasponu  $l$  ili nastavljeni lijepljenjem.
  - Dijelovi sastavljene grede su međusobno spojeni spajalima s modulom klizanja  $K$ .



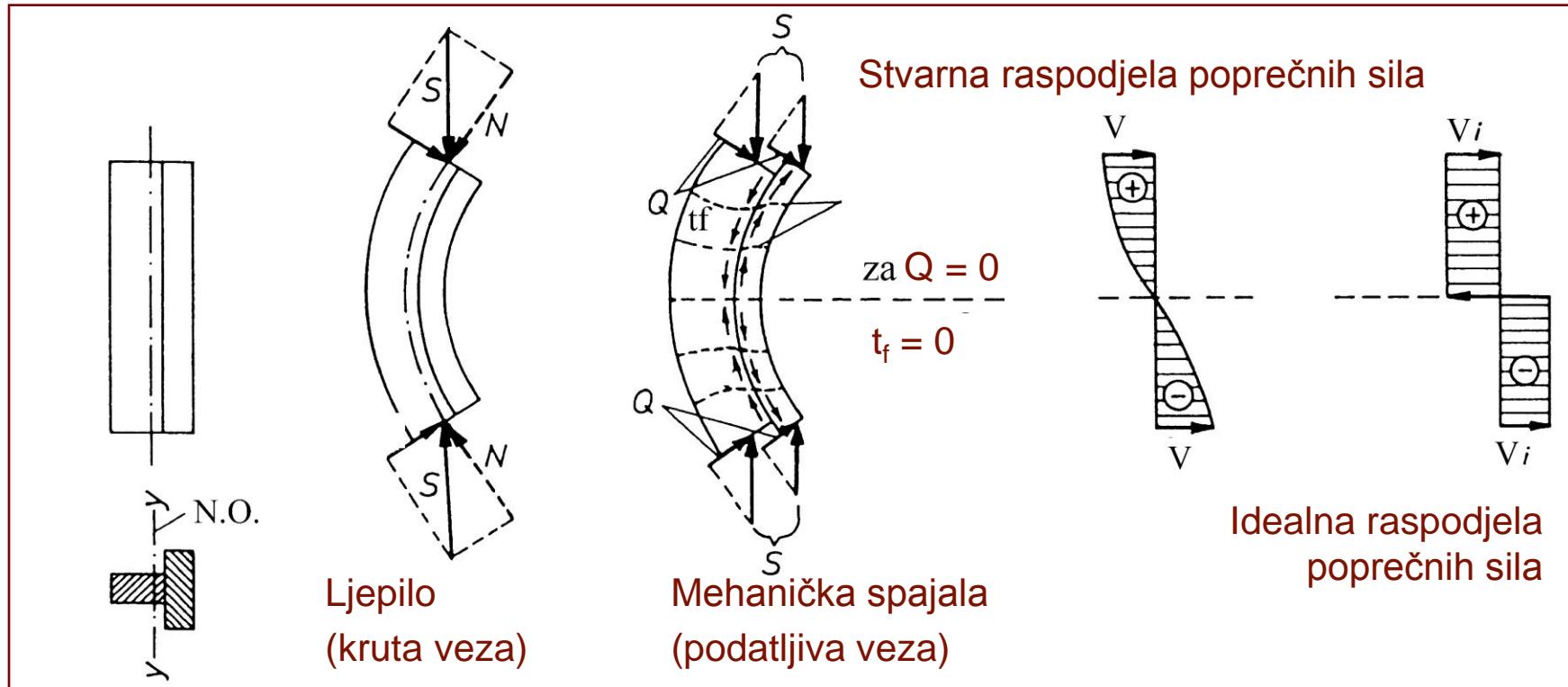
## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

- Prepostavke proračuna podatljivo sastavljenih greda:
- Razmak spajala s je konstantan ili se jednoliko mijenja, sukladno veličini posmične sile, od  $s_{\min}$  do  $s_{\max}$ , tako da je  $s_{\max} \leq 4s_{\min}$ .
- Opterećenje koje djeluje u smjeru z-osi presjeka će prouzročiti moment savijanja  $M = M(x)$  koji se mijenja po paraboli ili sinusoidi, kao i poprečnu silu,  $V = V(x)$ .
- Kad se pojas sastoji od dva dijela spojena na hrbat (petodijelni I – presjek) ili se hrbat sastoji od dva dijela (sandučasti presjek), razmak  $s_i$  treba odrediti u odnosu na sumu spajala po jedinici duljine u obje spojne ravnine.
- Progib sastavljene grede treba proračunati za djelotvornu savojnu krutost ( $EI_{ef}$ ),



## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

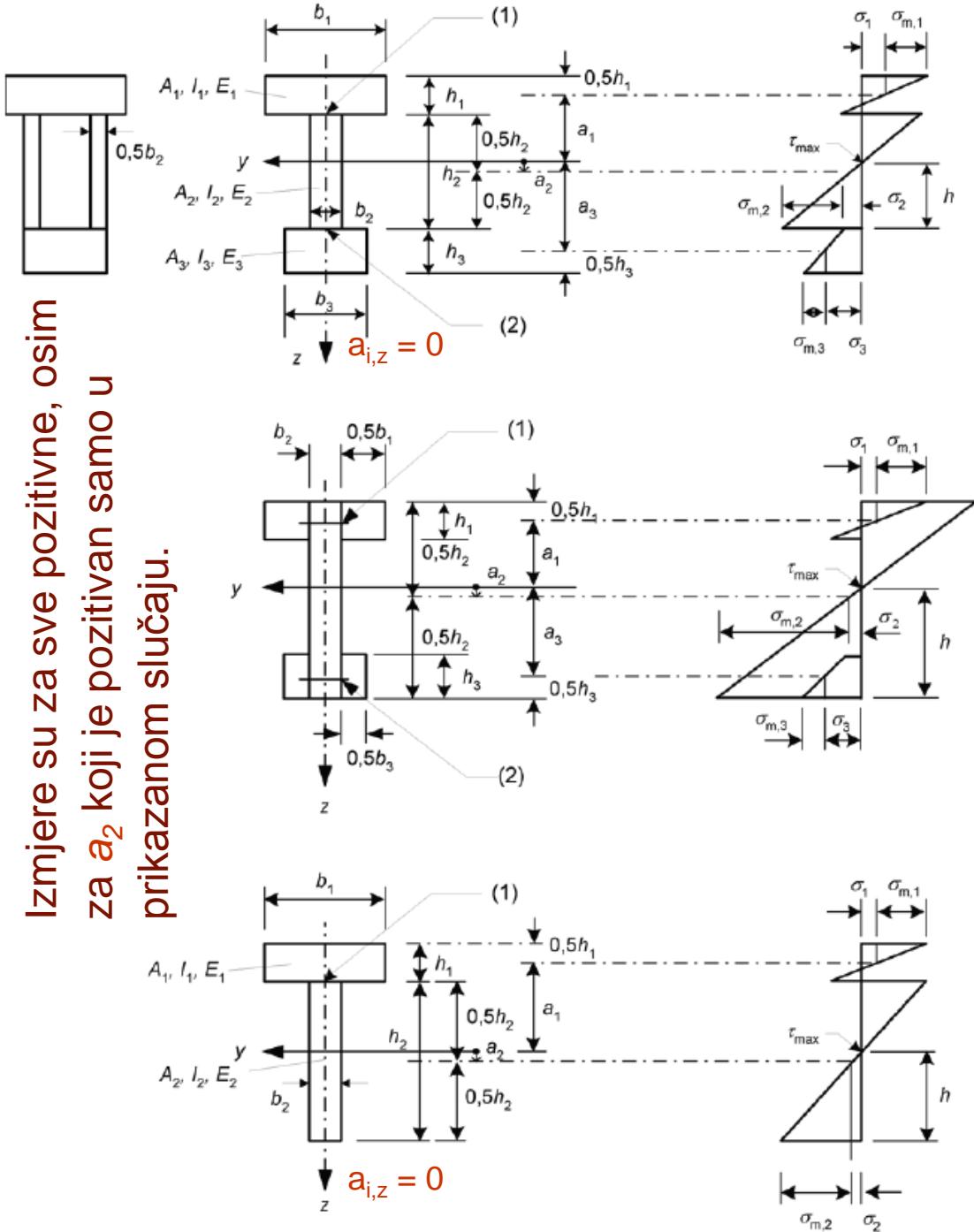
- Prepostavke proračuna podatljivo sastavljenih greda:
- Posmične sile  $t_f$  u spojnoj ravnini su izazvane savijanjem / izvijanjem pri čemu poprečnu silu  $Q \approx V$  preuzimaju spajala.



# MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

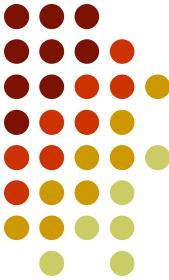
- Poprečni presjeci i raspodjele naprezanja savijanja

Izmjere su za sve pozitivne, osim za  $a_2$  koji je pozitivan samo u prikazanom slučaju.



Razmak:  $s_1$   
Modul klizanja:  $K_1$   
Opterećenje:  $F_1$

Razmak  $s_2$   
Modul klizanja:  $K_2$   
Opterećenje:  $F_2$





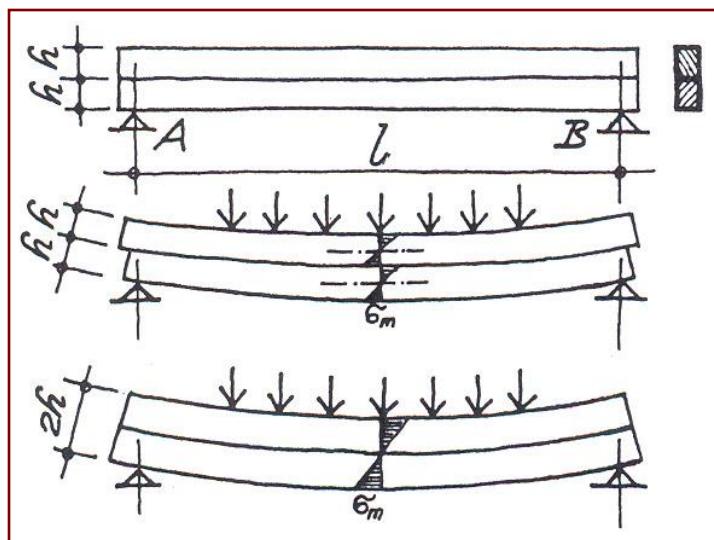
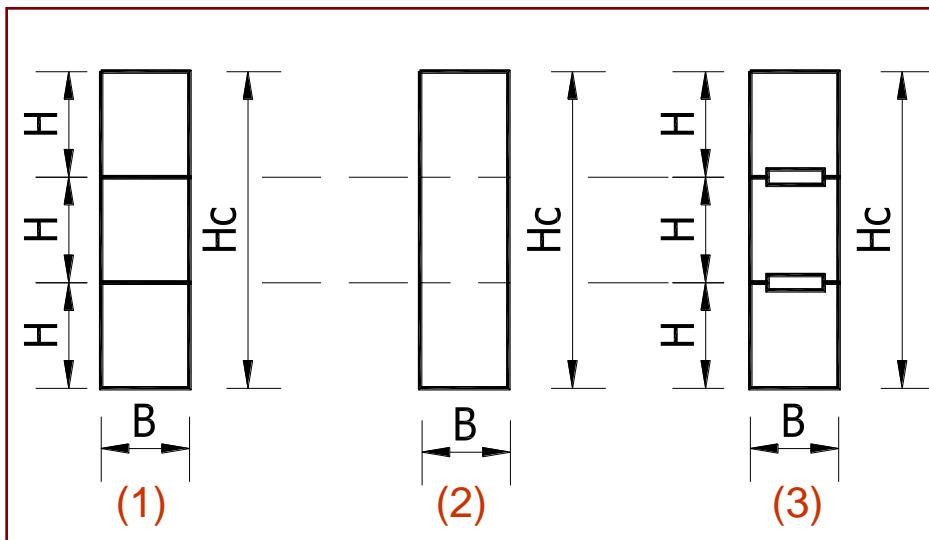
## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

- Metoda proračuna – polazišta:
- Opterećenje djeluje u smjeru osi z-z (slabija os) i savija sastavljeni presjek oko jače osi, y-y.
  - Podatljivost sastavljene grede je izražena u smjeru slobodne osi.
    - Deformiranje grede – u smjeru slabije osi presjeka.
    - Podatljivost veze (spajala) sastavnih dijelova presjeka zbog neravnomjernom prijenosa sila utječe na staticke veličine sastavljenog presjeka grede.
    - Djelotvorne staticke veličine i savojna krutost podatljivo sastavljene grede za os u pravcu koje je izražena podatljivost zbog toga su manje od onih koje bi se proračunale za krutu – lijepljenu vezu dijelova sastavljenih presjeka.
  - Nema podatljivosti u smjeru materijalne osi presjeka.



# MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

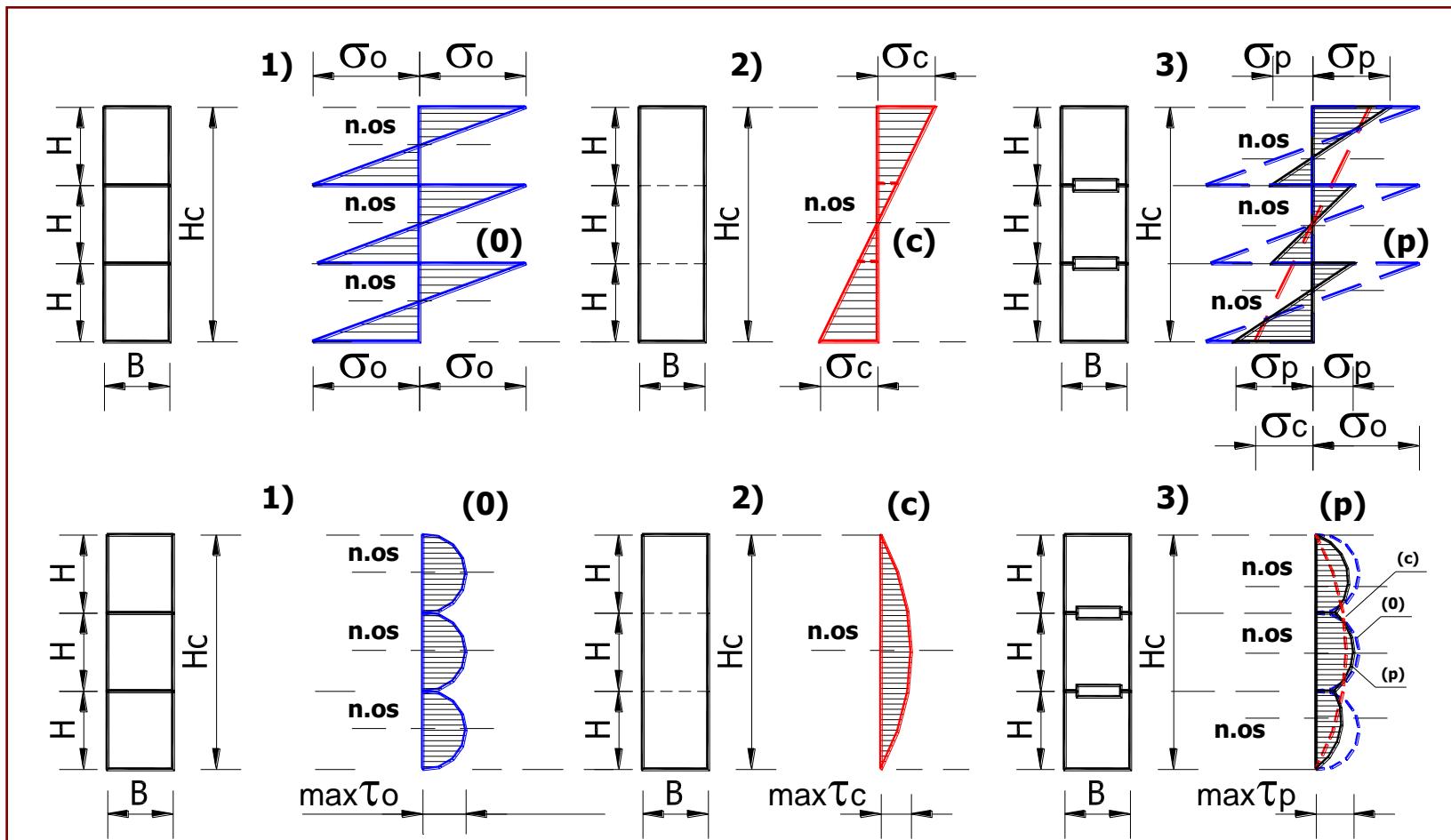
- Metoda proračuna – polazišta:
- Usporedni primjeri ponašanja savijanih greda s:
  - Nespojenim sastavnim dijelovima (1)
  - Homogenog presjeka / Kruto spojenim – lijepljenim sastavnim dijelovima (2)
  - Podatljivo spojenim dijelovima (3)





# MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

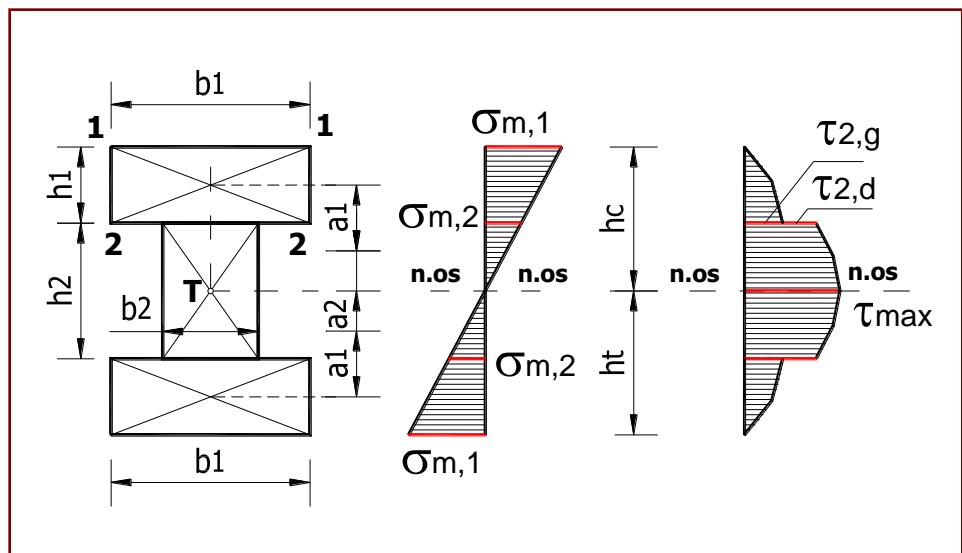
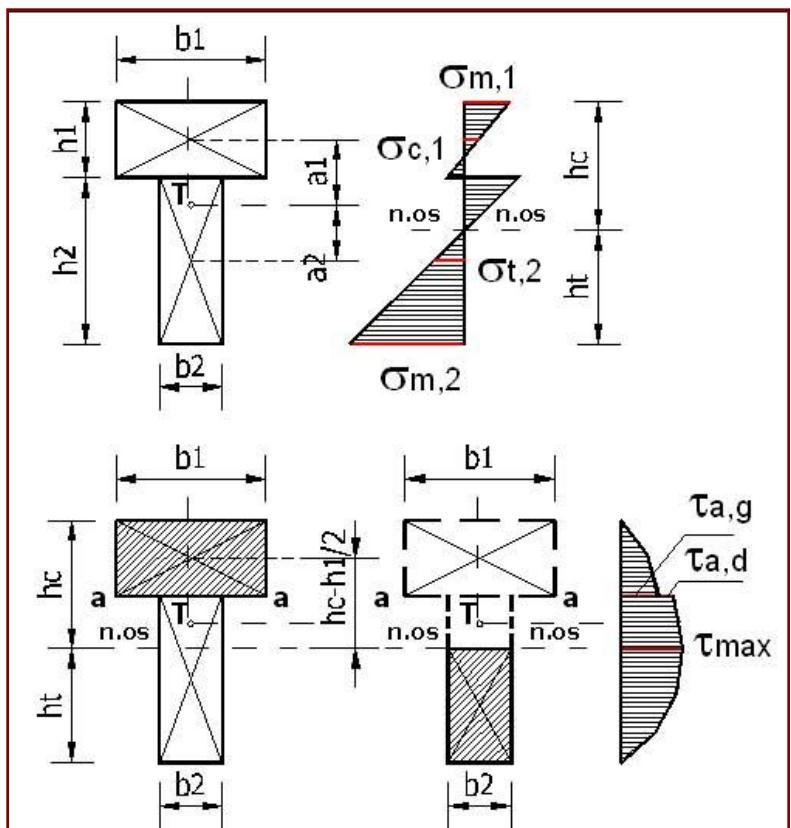
- Metoda proračuna – polazišta:
- Usporedne raspodjele naprezanja savijanih greda:





# MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

- Metoda proračuna – polazišta:
- Usporedne raspodjele naprezanja savijanih greda:



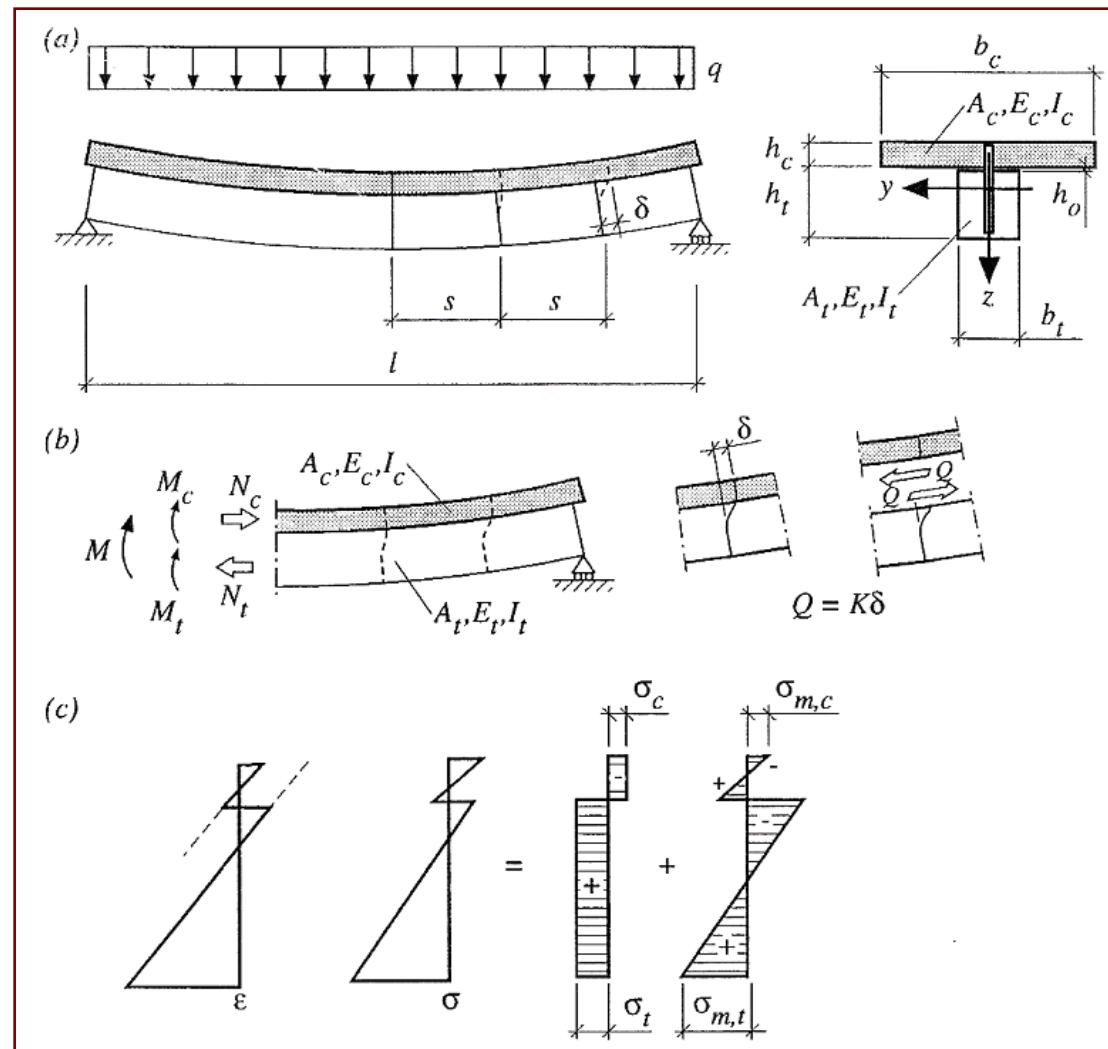
Kruto spojena sastavljena greda

Podatljivo spojena sastavljena greda



# MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

- Metoda proračuna:
- Primjenjiva i na spregnute grede drvo – beton.
  - Mehanizam ponašanja spregnutih greda.

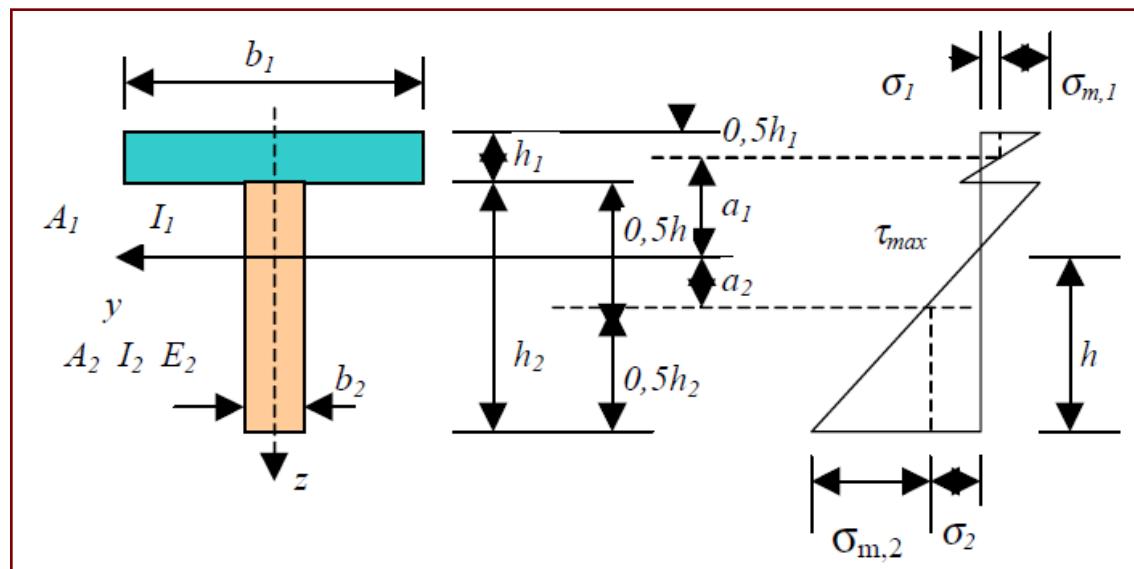
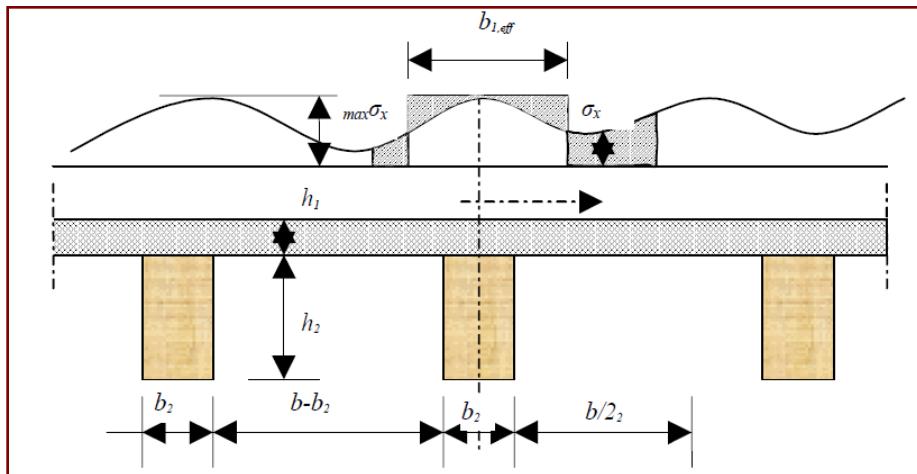


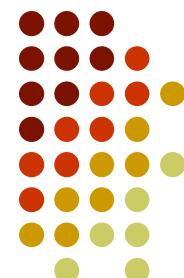


# MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

- Metoda proračuna:
- Primjenjiva i na spregnute grede drvo – beton.
  - Djelotvorna širina betonske ploče:

$$b_{\text{ef},c} = b_{\text{ef},1} = b_2 + 0,2 \cdot l_0 \leq b_1$$





## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

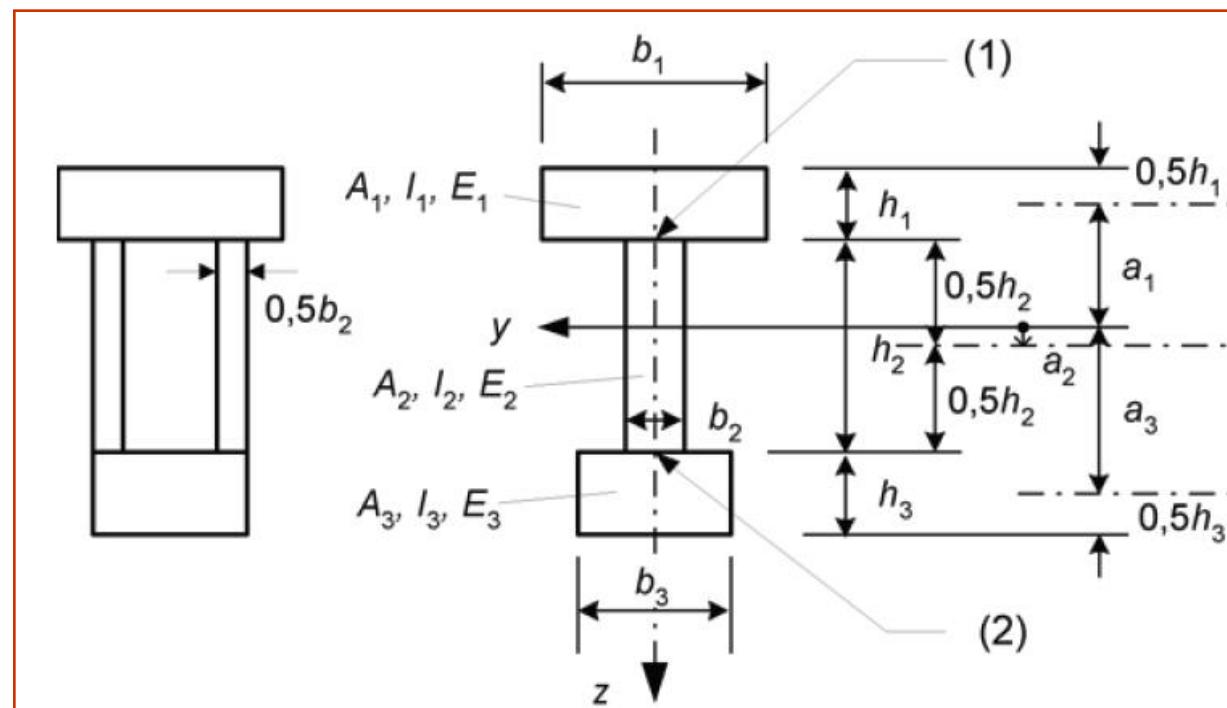
- Metoda proračuna:
- Djelotvorna savojna krutost podatljivo sastavljene grede:

$$(EI)_{\text{ef}} = \sum_{i=1}^3 (E_i I_i + \gamma_i E_i A_i a_i^2)$$

$E = E_{0,\text{mean},i}$  srednji modul elastičnosti

$$A_i = b_i h_i$$

$$I_i = \frac{b_i h_i^3}{12}$$





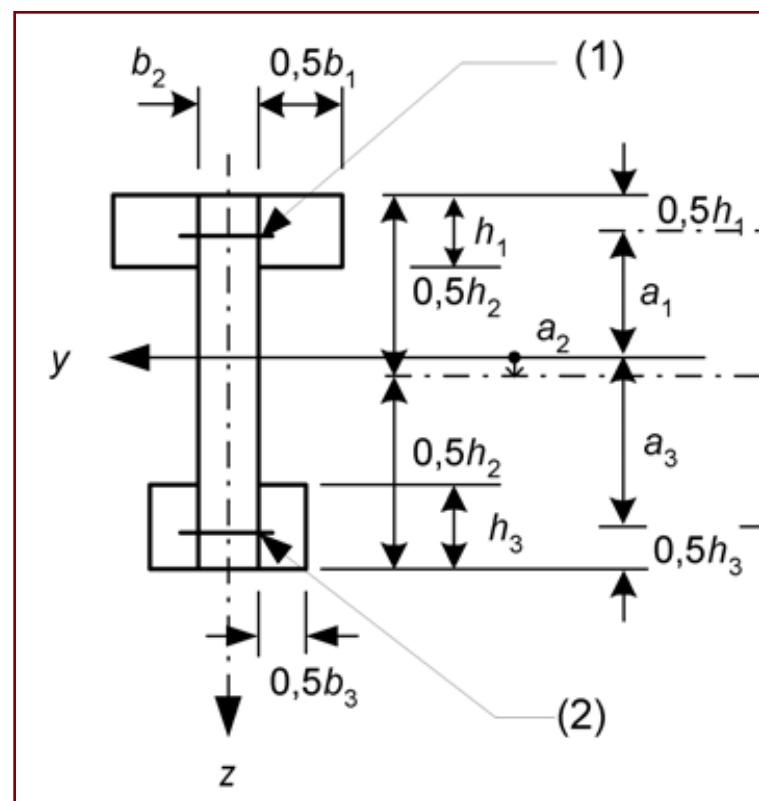
## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

- Metoda proračuna:
- Učinak klizanja na djelotvornu savojnu krutost podatljivo sastavljene grede:
  - Za položaj neutralne osi u hrptu,  $i = 2$ :

$$\gamma_2 = 1$$

- Koeficijent klizanja za pojasnice:  $i = 1$  i  $i = 3$

$$\gamma_i = \frac{1}{1 + \frac{\pi^2 E_i A_i s_i}{K_i l^2}}$$





## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

- Metoda proračuna:
- Učinak klizanja na djelotvornu savojnu krutost podatljivo sastavljene grede:
  - Za položaj neutralne osi u hrptu,  $i = 2$ :

$$a_2 = \frac{\gamma_1 E_1 A_1 (h_1 + h_2) - \gamma_3 E_3 A_3 (h_2 + h_3)}{2 \sum_{i=1}^3 \gamma_i E_i A_i}$$



## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

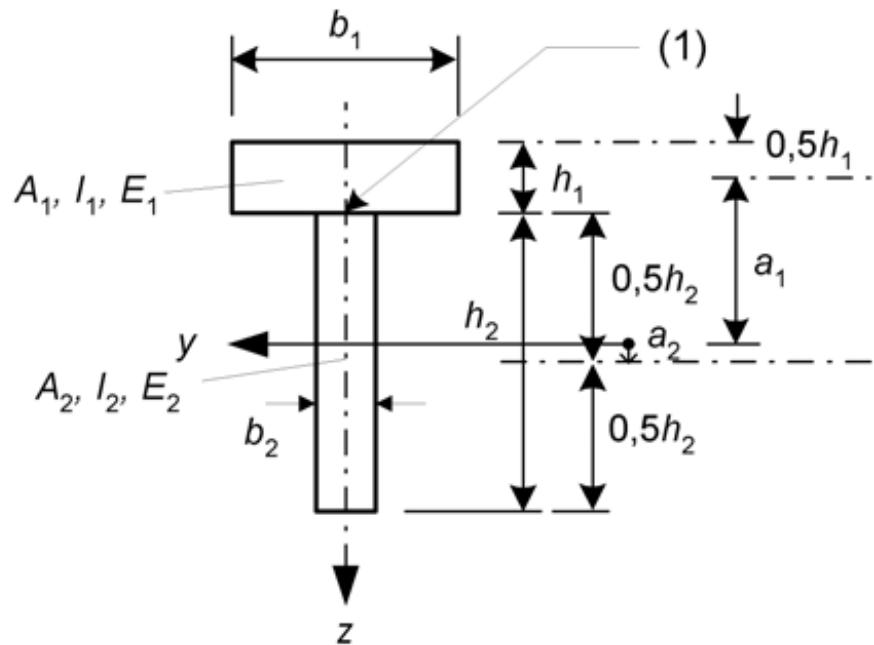
- Metoda proračuna:
- Učinak klizanja na djelotvornu savojnu krutost podatljivo sastavljene grede:
  - Za T – presjek i položaj neutralne osi u hrptu:  $h_3 = 0$

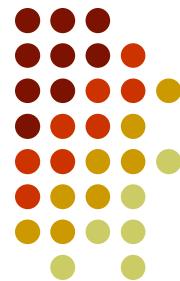
$$\gamma_2 = 1$$

$$a_2 = \frac{\gamma_1 \cdot E_1 \cdot A_1 (h_1 + h_2)}{2 \sum_{i=1}^2 \gamma_i \cdot E_i \cdot A_i}$$

$$a_2 = \frac{\gamma_1 \cdot E_1 \cdot A_1 (h_1 + h_2)}{2 \cdot (\gamma_1 \cdot E_1 \cdot A_1 + E_2 \cdot A_2)}$$

$$a_1 = \frac{(h_1 + h_2)}{2} - a_2$$





## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

- Metoda proračuna:
- Učinak klizanja na djelotvornu savojnu krutost podatljivo sastavljene grede:
  - Oznake i simboli:

$K_i = K_{ser,i}$  modul klizanja za proračun graničnog stanja uporabljivosti, u N/mm

$K_i = K_{u,i}$  modul klizanja za proračun graničnog stanja nosivosti, u N/mm

$$K_{u,i} = \frac{2}{3} K_{ser,i}$$

$l_i$  duljina izvijanja pri podatljivom savijanju presjeka  
 $s_i$  proračunski razmak spajala (svedeno na jedan red).



## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

- Metoda proračuna:
- Učinak klizanja na djelotvornu savojnu krutost podatljivo sastavljene grede:
  - Vrijednosti modula klizanja za granično stanje uporabljivosti,  $K_{ser}$ :

Vrsta štapastog spajala	Veza: drvo – drvo Veza: ploča na osnovi drva – drvo Veza: metalni dijelovi – drvo
Trnovi Vijci za drvo Čavli s predbušenjem rupa	$\rho_k^{1,5} \cdot d / 20$
Čavli bez predbušenja rupa (zabijani)	$\rho_k^{1,5} \cdot d^{0,8} / 25$
Skobe	<span style="border: 1px solid red; padding: 2px;">ENV</span> $\rho_k^{1,5} \cdot d^{0,8} / 60$

Usvojiti u sljedećim jedinicama: d u mm,  
 $\rho_k$  u  $\text{kg/m}^3$



# MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

- Metoda proračuna:

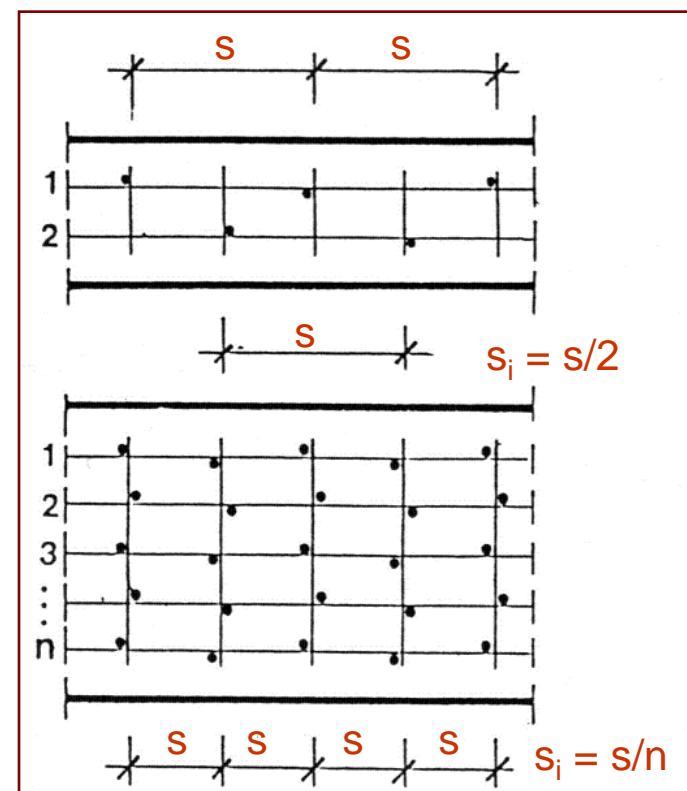
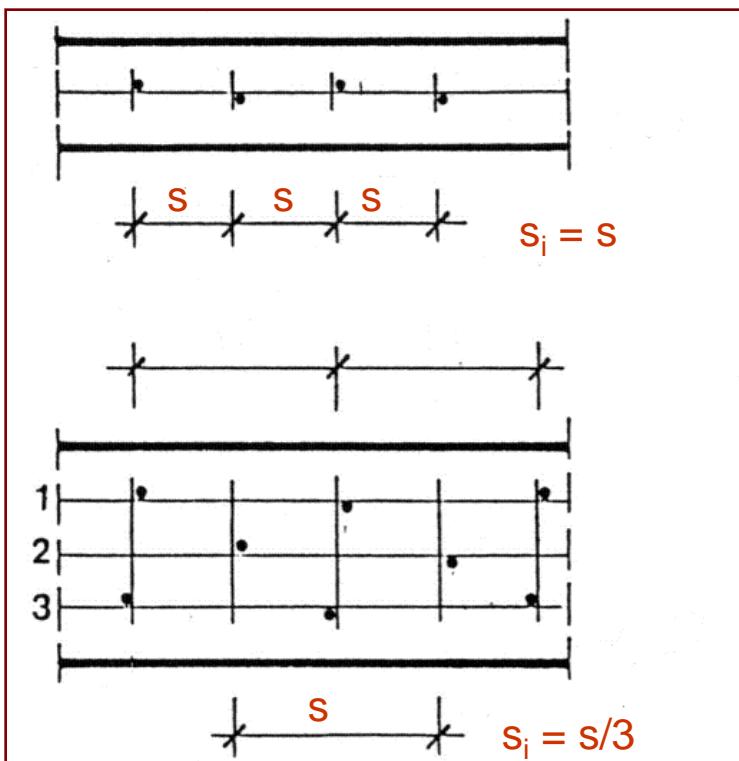
• vrijednosti modula klizanja za granično stanje uporabljivosti,  $K_{ser}$ :

Vrsta spajala	$K_{ser}$
Trnovi	
Vijci (tjesno ugrađeni ili ne) *)	EN
Vijci za drvo	$(\rho_m)^{1,5} \cdot d / 23$
Čavli (ugrađeni zabijanjem u prethodno bušene rupe u osnovnom materijalu)	
Čavli (ugrađeni zabijanjem bez prethodnog bušenja rupa u materijalu)	$(\rho_m)^{1,5} \cdot d^{0,8} / 30$
Skobe	$(\rho_m)^{1,5} \cdot d^{0,8} / 80$
Prstenasti moždanici tipa A (prema EN 912)	
Pločasti moždanici tipa B (prema EN 912)	$\rho_m \cdot d_c / 2$
Nazubljeni pločasti moždanici <ul style="list-style-type: none"> <li>- Moždanici tipova od C1 do C9 (prema EN 912)</li> <li>- Moždanici tipova od C10 do C11 (prema EN 912)</li> </ul>	$1,5 \rho_m \cdot d_c / 4$ $\rho_m \cdot d_c / 2$
*) Kad vijci u spoju nisu tjesno ugrađeni, učinak dodatnog klizanja treba pridodati deformiranju.	
Zapreminska gustoća, $\rho_m$ , treba uvrstiti u $\text{kg/m}^3$ , a promjer spajala, $d$ ili $d_c$ , u mm. Definicija $d_c$ je dana u normi EN 13271.	



## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

- Metoda proračuna:
- Učinak klizanja na djelotvornu savojnu krutost podatljivo sastavljene grede:
  - Proračunski razmak spajala:





## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

- Metoda proračuna:
- Normalna naprezanja u podatljivo sastavljenoj gredi:
  - Posljedica zajedničkog djelovanja para uzdužnih sila u težištima dijelova presjeka (posljedica klizanja) i savijanja.
  - Uzdužna normalna naprezanja u težištima dijelova sastavljene grede:

$$\sigma_i = \frac{N_i}{A_i} \quad \sigma_m = \gamma_i \frac{E_i a_i M}{(EI)_{ef}}$$

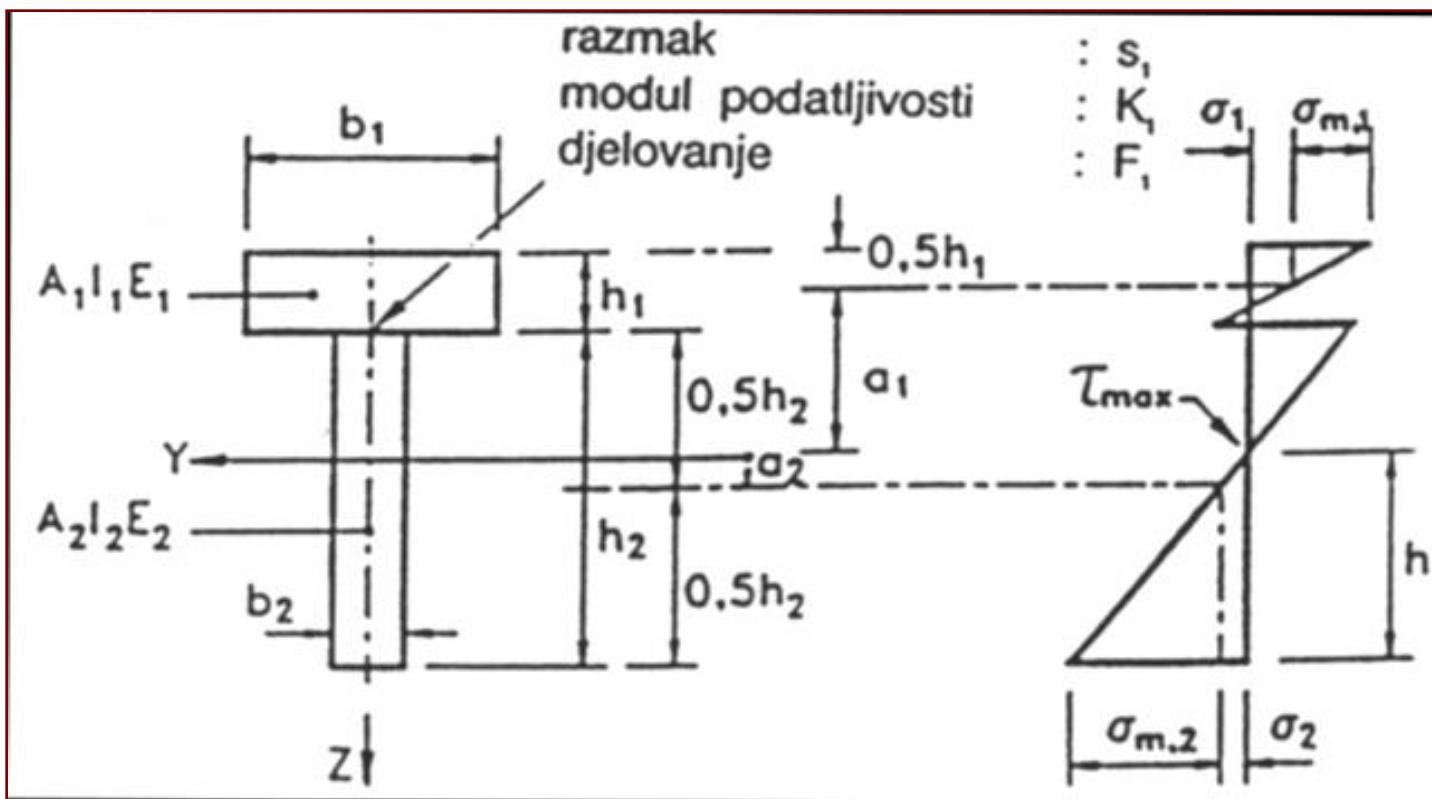
- Normalna naprezanja savijanja u rubnim vlakancima sastavljene grede:

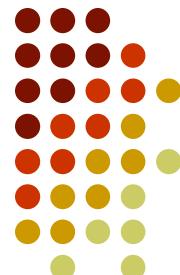
$$\sigma_{m,i} = \frac{M}{l_i} \cdot \frac{h_i}{2} = 0,5 \frac{E_i h_i M}{(EI)_{ef}}$$



## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

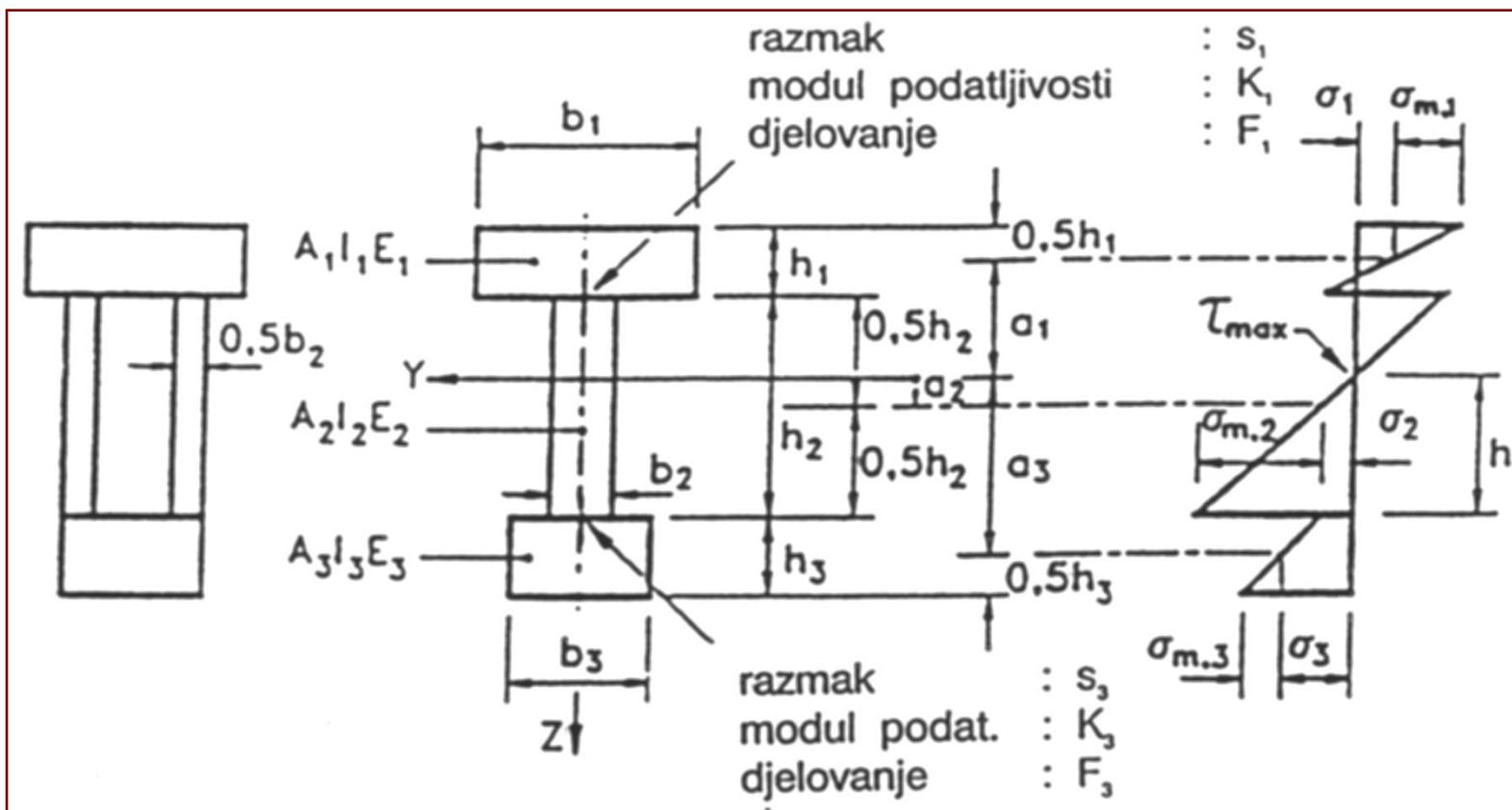
- Metoda proračuna:
- Raspodjela naprezanja po visini podatljivo sastavljene grede:





## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

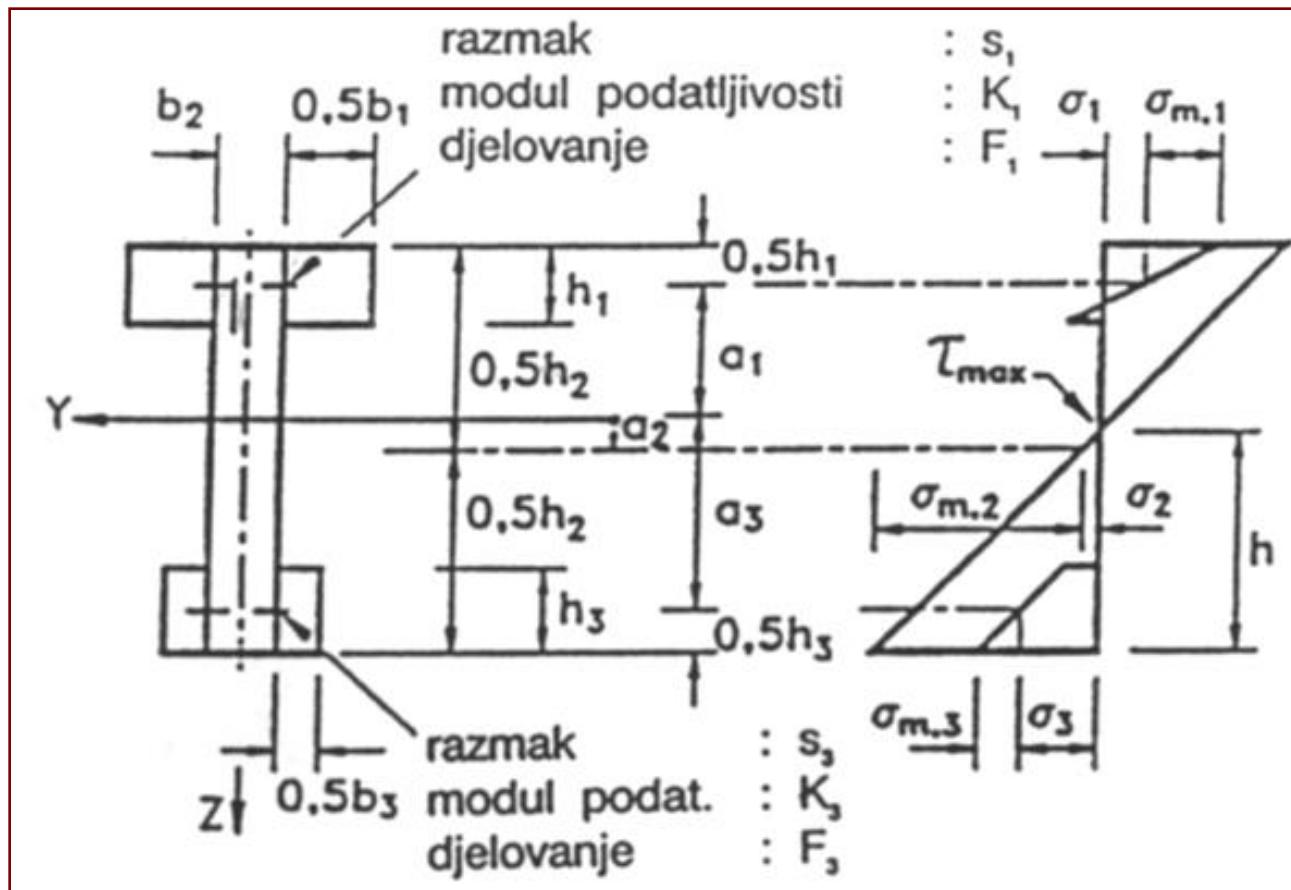
- Metoda proračuna:
- Raspodjela naprezanja po visini podatljivo sastavljene grede:





## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

- Metoda proračuna:
- Raspodjela naprezanja po visini podatljivo sastavljene grede:





## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENE GREDE

- Metoda proračuna:
- Posmična naprezanja i opterećenja na spajala:
  - Najveće posmično naprezanje u hrptu – neutralna os:

$$\tau_{2,\max} = \frac{\gamma_3 E_3 A_3 a_3 + 0,5 E_2 b_2 h_2^2}{b_2 (EI)_{\text{ef}}} V$$

- Opterećenje na spajala:

$$F_i = \gamma_i \frac{E_i A_i a_i s_i}{(EI)_{\text{ef}}} V$$

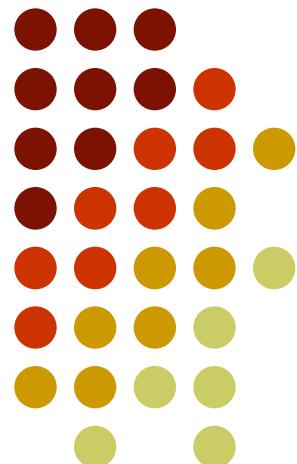
$i = 1$  i  $i = 3$

$s_i = s_{i(x)}$

s obzirom na dio sastavljenog presjeka  
proračunski razmak spajala



## Mehaničkim spajalima sastavljeni stupovi

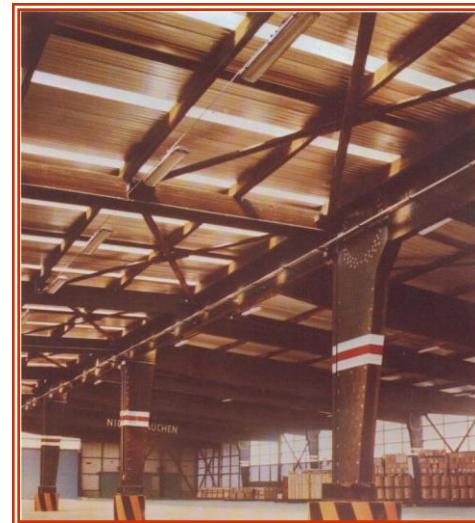
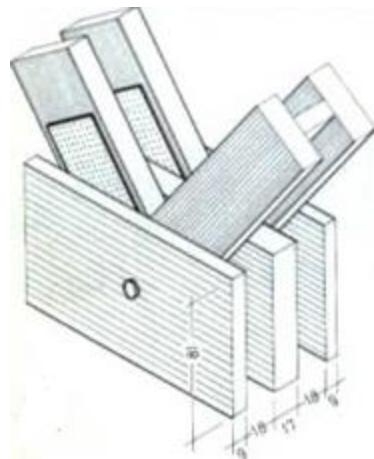




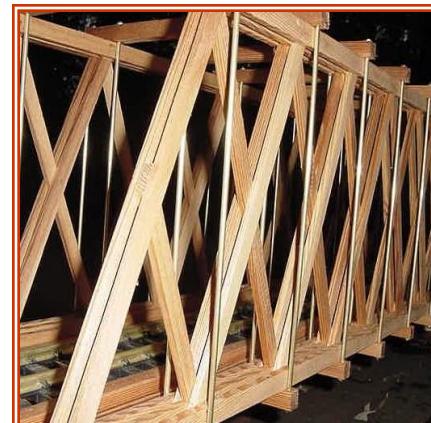
## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- Tipske grupe sastavljenih stupova:

- SASTAVLJENI STUPOVI  
S KONTINUIRANIM  
ELEMENTIMA



- RAZMAKNUTO SASTAVLJENI STUPOVI

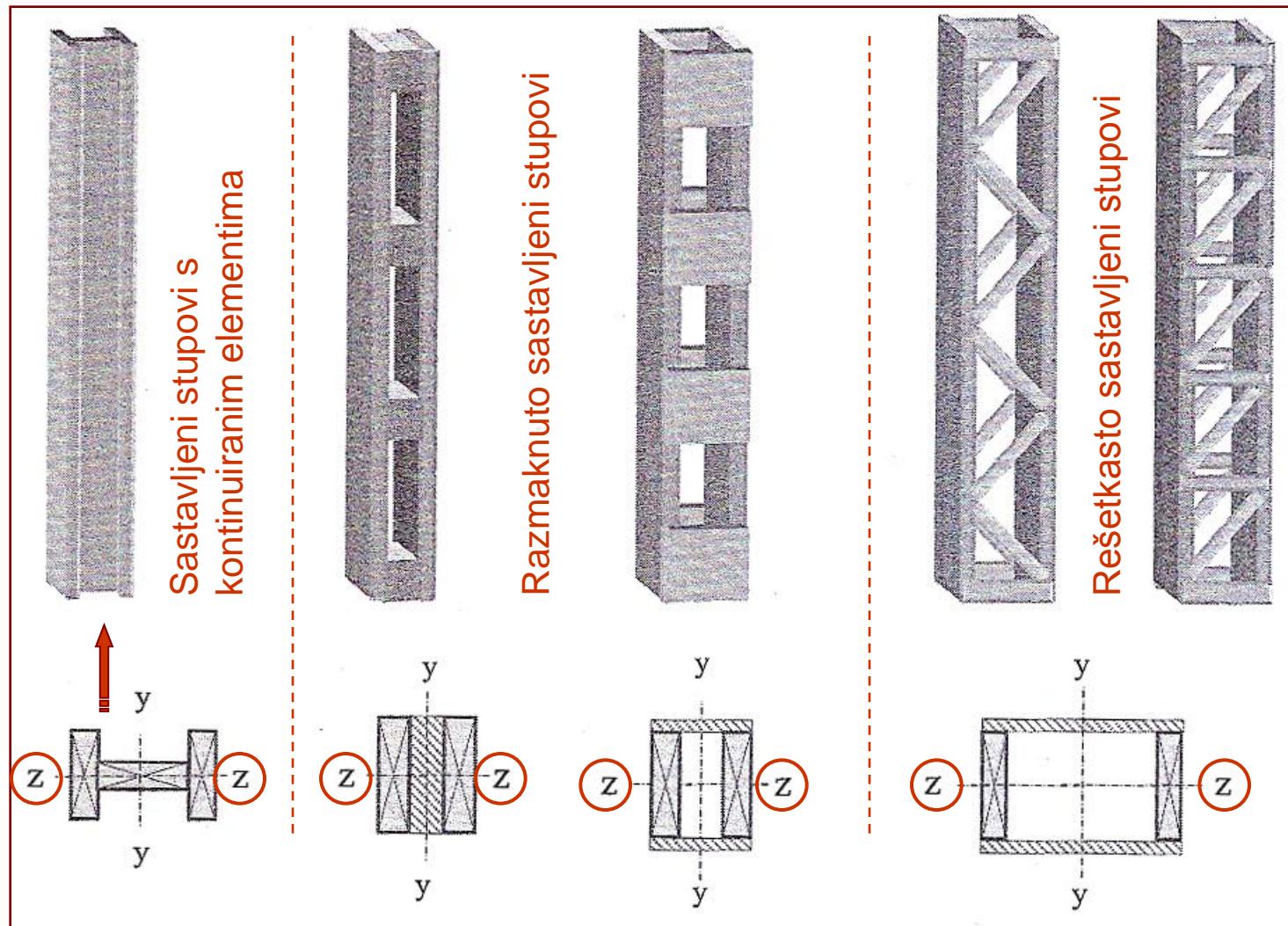


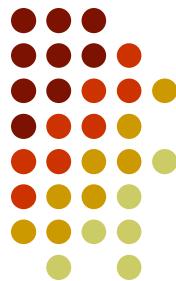
- REŠETKASTO SASTAVLJENI STUPOVI



# MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- Tipske grupe sastavljenih stupova:

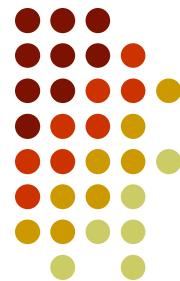




## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- Općenito:
- U proračunu treba uzeti u obzir deformiranja prouzročena:
  - Klizanjem u spojevima.
  - Posmikom i savijanjem u kladicama i vezicama, glavnim dijelovima sastavljenog stupa (razmaknuto sastavljeni stupovi) stupa i pojasevima (za rešetkasto sastavljene presjeke).
  - Uzdužnim silama u rešetkasto sastavljenim presjecima stupova.





## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- Pretpostavke proračuna:
- Stupovi su zglobno oslonjeni na duljini  $l$ .
- Glavni dijelovi sastavljenog presjeka su kontinuirani duž osi sastavljenog presjeka i pune duljine,  $l$ .
- Opterećeni su tlačnom osnom silom  $F_c$  koja djeluje u težištu sastavljenog stupa.



## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- Nosivost:
- Provjera nosivosti osno napregnutog sastavljenog stupa:

$$\sigma_{c,0,d} \leq k_c f_{c,0,d}$$

- Proračunsko tlačno naprezanje (za tlačnu osnu silu,  $F_{c,d}$ ):

$$\sigma_{c,0,d} = \frac{F_{c,d}}{A_{tot}}$$

- Oznake i simboli:

$A_{tot}$  ukupna ploština sastavljenog presjeka

$f_{c,0,d}$  proračunska tlačna čvrstoća paralelno s vlakancima

$k_c$  faktor izvijanja



# MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- Nosivost:
- Faktor izvijanja,  $k_c$ , treba odrediti za oba smjera izvijanja:

$$k_c = \frac{1}{k + \sqrt{k^2 - \lambda_{\text{rel}}^2}}$$

$$k = 0,5 \cdot [1 + \beta_c \cdot (\lambda_{\text{rel}} - 0,5) + \lambda_{\text{rel}}^2]$$

$$\lambda_{\text{rel}} = \sqrt{\frac{f_{c,0,k}}{\sigma_{c,\text{crit}}}}$$

ENV

$$\sigma_{c,\text{crit}} = \frac{\pi^2 \cdot E_{0,05}}{\lambda^2}$$

$$k_c = \frac{1}{k + \sqrt{k^2 - \lambda_{\text{rel}}^2}}$$

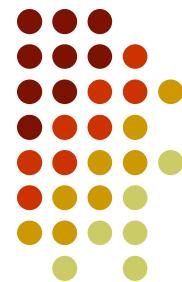
$$k = 0,5 \cdot [1 + \beta_c \cdot (\lambda_{\text{rel}} - 0,3) + \lambda_{\text{rel}}^2]$$

$$\lambda_{\text{rel}} = \sqrt{\frac{f_{c,0,k}}{\sigma_{c,\text{crit}}}}$$

EN

$$\sigma_{c,\text{crit}} = \frac{\pi^2 \cdot E_{0,05}}{\lambda^2}$$

- Pri određivanju vitkosti sastavljenog presjeka za izvijanje oko slobodne osi, u proračunu treba uvažiti podatljivost,  $\lambda = \lambda_{\text{ef}}$ .



## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- **Nosivost:**
- Za deformiranje sastavljenog stupa izvijanjem u smjeru y-osi (**izvijanje oko materijalne z-osi**), nosivost treba odrediti kao sumu nosivosti pojedinačnih (glavnih) dijelova presjeka.

$$\lambda = \lambda_z$$

- Za izvijanje oko materijalne osi z-z, **PODATLJIVOST NEMA UTJECAJA** na nosivost sastavljenog stupa.
- Za deformiranje sastavljenog stupa izvijanjem u smjeru z-osi (**izvijanje oko slobodne osi y-y**), provjeru nosivosti treba provesti za djelotvornu vitkost sastavljenog presjeka:

$$\lambda = \lambda_{\text{ef}}$$

- Za izvijanje oko slobodne osi y-y, **PODATLJIVOST IMA UTJECAJ** na nosivost sastavljenog stupa.



## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- Sastavljeni stupovi s kontinuiranim elementima:
- Djelotvorna vitkost pri izvijanju oko slobodne osi:

$$\lambda_{\text{ef}} = l \sqrt{\frac{A_{\text{tot}}}{I_{\text{ef}}}}$$

- Gdje su:

$$I_{\text{ef}} = \frac{(EI)_{\text{ef}}}{E_{\text{mean}}}$$

$$(EI)_{\text{ef}} = \sum_{i=1}^3 \left( E_i I_i + \gamma_i E_i A_i a_i^2 \right)$$



## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- Sastavljeni stupovi s kontinuiranim elementima:
- Opterećenje na spajala:
  - Određuje se prema izrazu za podatljivo sastavljene grede:

$$F_i = \gamma_i \frac{E_i A_i a_i s_i}{(EI)_{\text{ef}}} V$$

- Posmična sila  $V = V_d$ :

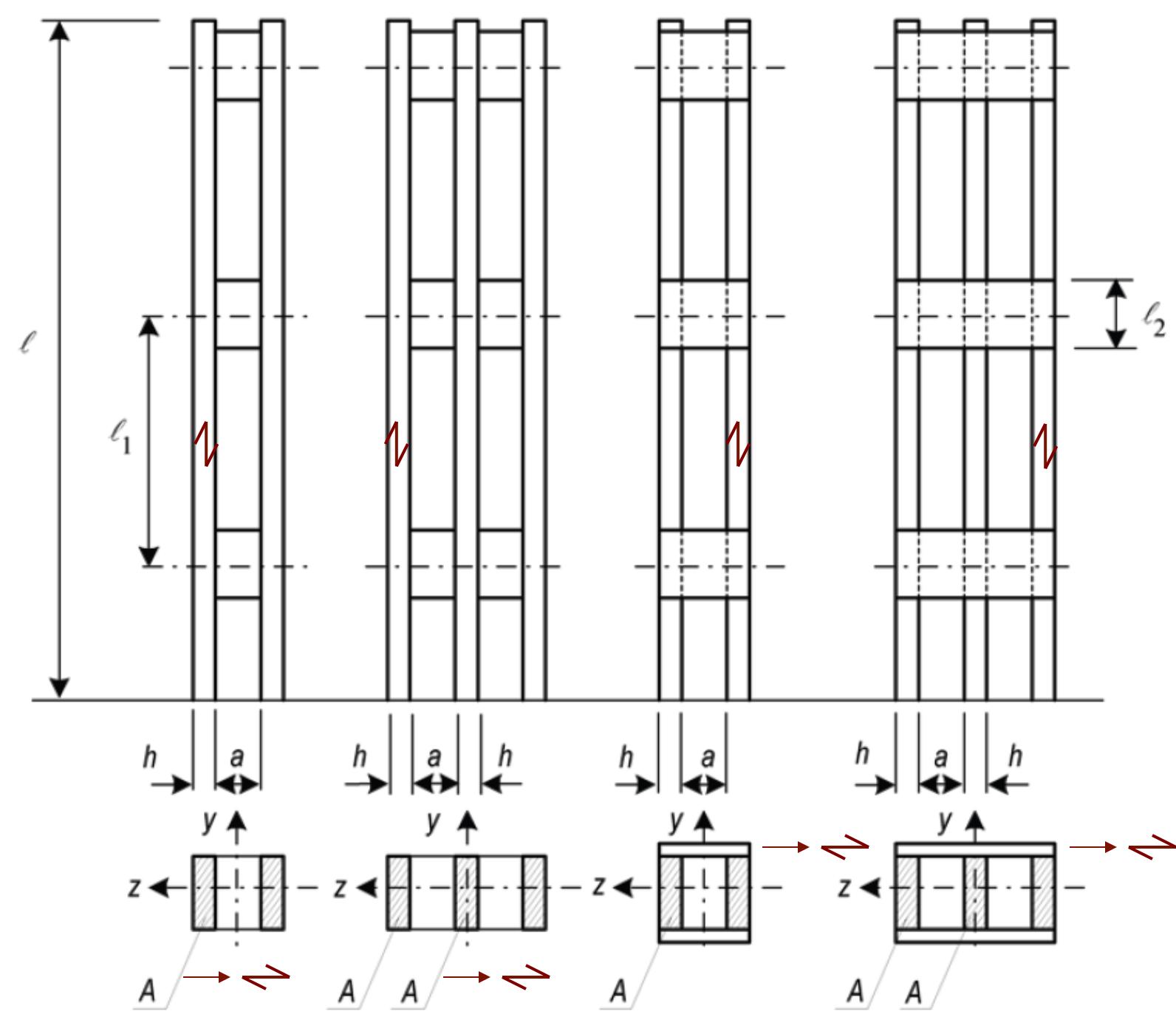
$$V_d = \begin{cases} \frac{F_{c,d}}{120 k_c} & \text{za } \lambda_{\text{ef}} < 30 \\ \frac{F_{c,d} \lambda_{\text{ef}}}{3600 k_c} & \text{za } 30 \leq \lambda_{\text{ef}} < 60 \\ \frac{F_{c,d}}{60 k_c} & \text{za } 60 \leq \lambda_{\text{ef}} \end{cases}$$

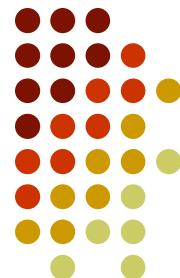


## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- Razmknuto sastavljeni stupovi:
- Spojevi glavnih dijelova sastavljenog stupa i lokalnih bočnih ukrućenja (kladice ili vezice) mogu biti čavlani, lijepljeni ili vijčani s moždanicima.
- Pretpostavke proračuna:
  - Stupovi su opterećeni koncentriranom osnom silom.
  - Poprečni presjek se sastoји od dva, tri ili četiri jednaka i razmaknuta dijela (glavni dijelovi).
  - Presjek je simetričan oko obje osi.
  - Vertikale se obvezne na krajevima rešetkasto sastavljenog stupa – osiguravaju razmak.
  - Neukrućenih polja ima najmanje tri, tj. razmknuti su glavni dijelovi spojeni na krajevima i najmanje u trećinama duljine.

• RAZMAKNUTO SASTAVLJENI STUPOVI S  
KLADICAMA ILI VEZICAMA





## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- Razmaknuto sastavljeni stupovi:
- Pretpostavke i uvjeti proračuna:
  - Duljine kladice / vezice,  $l_2$ , mora zadovoljiti sljedeći uvjet:
    - Za kladice:  $l_2 \geq 1,5 h$
    - Za vezice:  $l_2 \geq 2 h$
  - Svjetli razmaci između glavnih dijelova sastavljenog stupa,  $a_1$ , moraju zadovoljiti sljedeći uvjet:
    - Za kladice:  $a \leq 3 h$
    - Za vezice:  $a \leq 6 h$



## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- Razmknuto sastavljeni stupovi:
- Statičke veličine:
  - Za dvodijelne razmknuto sastavljenе stupove:

$$A_{\text{tot}} = 2A$$

$$I_{\text{tot}} = b \frac{(2h+a)^3 - a^3}{12}$$

a svjetli razmak glavnih dijelova  
h; b širina / visina presjeka glavnih razmknutih dijelova

- Za trodijelne razmknuto sastavljenе stupove:

$$A_{\text{tot}} = 3A$$

$$I_{\text{tot}} = b \frac{(3h+2a)^3 - (h+2a)^3 + h^3}{12}$$



## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- Razmaknuto sastavljeni stupovi:

- Djelotvorna vitkost pri izvijanju oko slobodne osi:

$$\lambda_{\text{ef}} = \sqrt{\lambda^2 + \eta \frac{n}{2} \lambda_1^2}$$

- Oznake i simboli:

$\lambda$  vitkost pri izvijanju stupa cjelovitog presjeka jednake duljine,  $I$ , ploštine,  $A_{\text{tot}}$ , i momenta tromosti,  $I_{\text{tot}}$

$$\lambda = I \sqrt{A_{\text{tot}} / I_{\text{tot}}}$$

$\lambda_1$  vitkost pri izvijanju jednog glavnog dijela sastavljenog stupa

$$\lambda_1 = \sqrt{12} \frac{l_1}{h} \quad (\geq 30)$$

$n$  broj (glavnih) razmaknutih dijelova sastavljenog stupa

$\eta$  faktor ovisan o vrsti spajala



## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- Razmaknuto sastavljeni stupovi:
- Vrijednost faktora  $\eta$ :

	<b>Kladice</b>			<b>Vezice</b>	
	Lijepljene	Čavlane	Spojene vijcima <sup>a)</sup>	Lijepljene	Čavlane
Stalno / dugotrajno opterećenje	1	4	3,5	3	6
Srednjetrajno / kratkotrajno	1	3	2,5	2	4,5

<sup>a)</sup> s moždanicima



## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- Razmaknuto sastavljeni stupovi:
- Opterećenja na spajala, kladice i vezice:
  - Poprečnu silu  $V_d$  treba odrediti kao za sastavljene stupove s kontinuiranim elementima:

$$V_d = \begin{cases} \frac{F_{c,d}}{120k_c} & \text{za } \lambda_{ef} < 30 \\ \frac{F_{c,d} \lambda_{ef}}{3600k_c} & \text{za } 30 \leq \lambda_{ef} < 60 \\ \frac{F_{c,d}}{60k_c} & \text{za } 60 \leq \lambda_{ef} \end{cases}$$

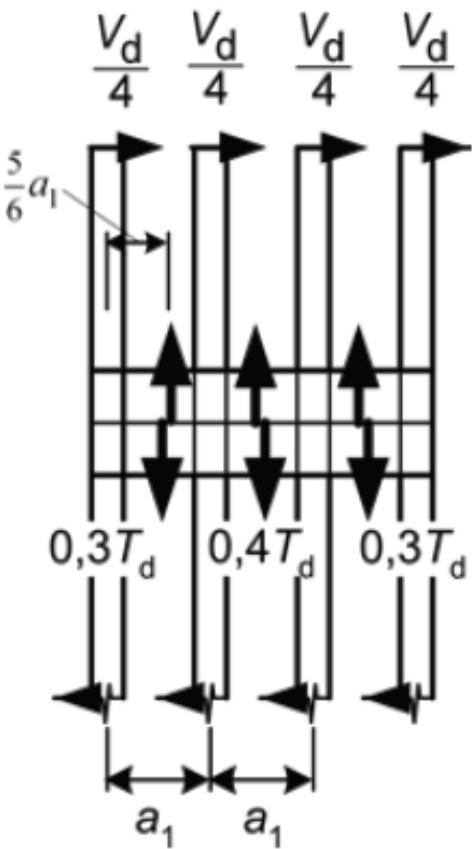
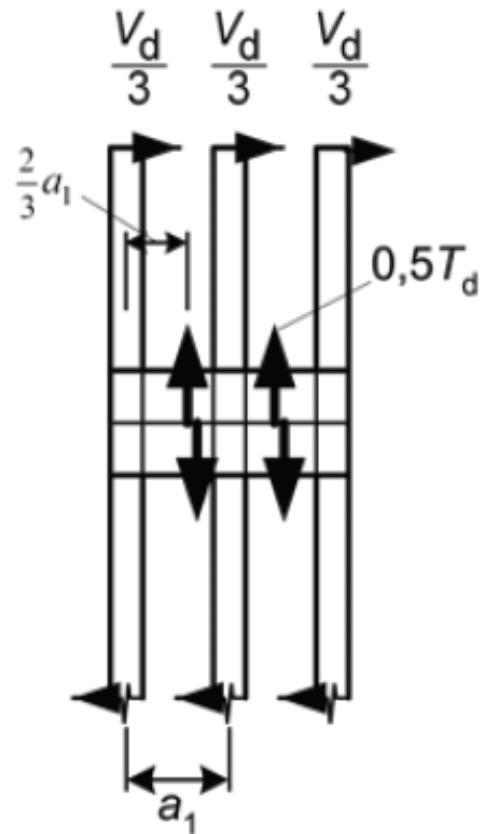
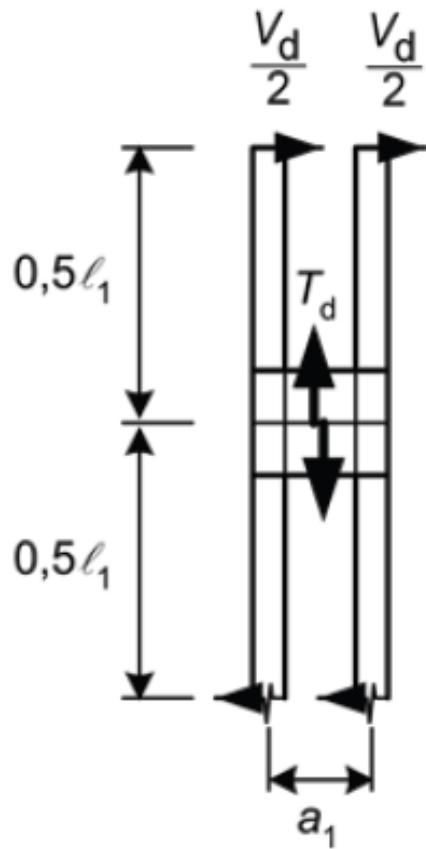
- Poprečna sila  $V_d$  za kladice i/ili vezice:

$$T_d = \frac{V_d l_1}{a_1}$$



# MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

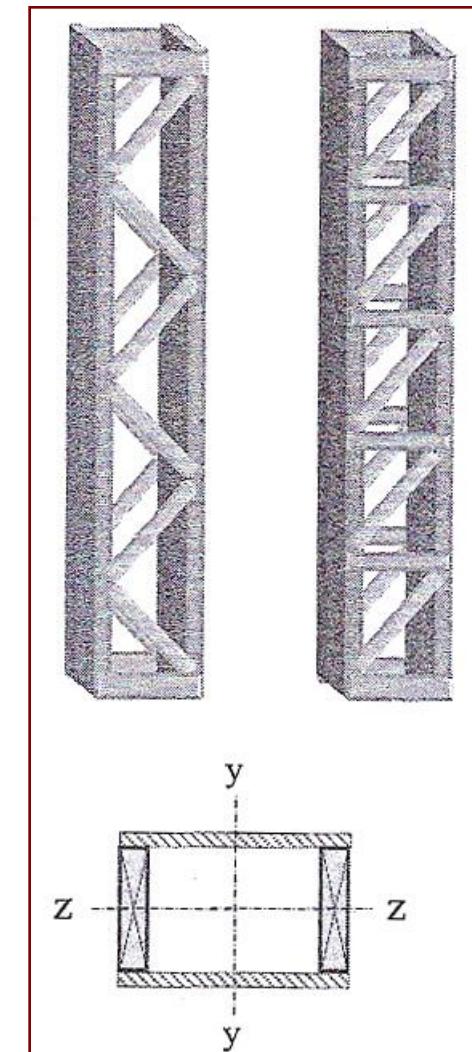
- Razmaknuto sastavljeni stupovi:
- Raspodjela poprečnih sila i opterećenja na kladice / vezice:





## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

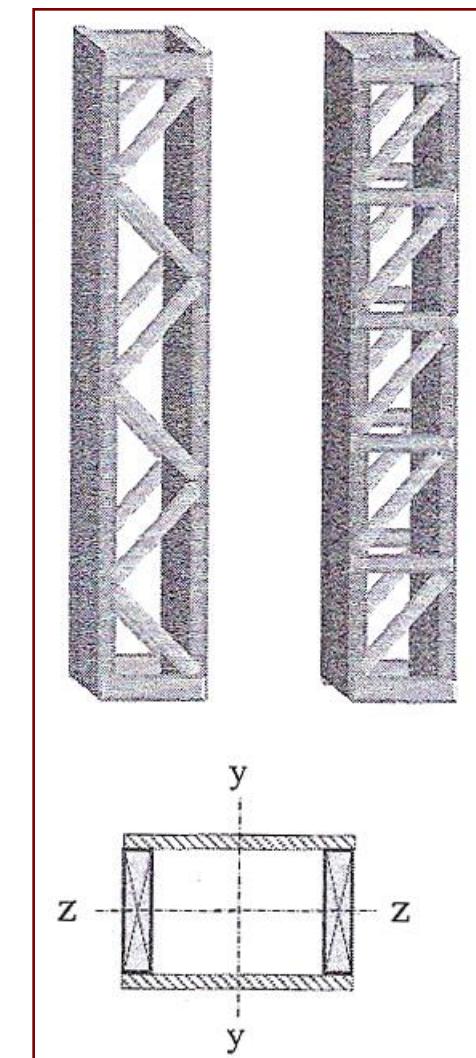
- Rešetkasto sastavljeni stupovi:
- Geometrija:
  - Lijepljena i čavljana N- ili V- ispuna
- Pretpostavke:
  - Konstrukcija je simetrična oko y-osi i z-osi.
  - Spojevi ispune na gornji i donji pojas mogu biti međusobno izmaknuti na duljini  $l_1/2$  gdje je  $l_1$  udaljenost između čvorova.
  - Rešetkasto sastavljeni stup ima najmanje tri polja.
  - U čavljanoj konstrukciji trebaju biti najmanje četiri (4) čavla u svakoj posmičnoj ravnini, u svakoj dijagonali i u svakom čvoru.
  - Pojasevi su ukrućeni na svakom kraju.



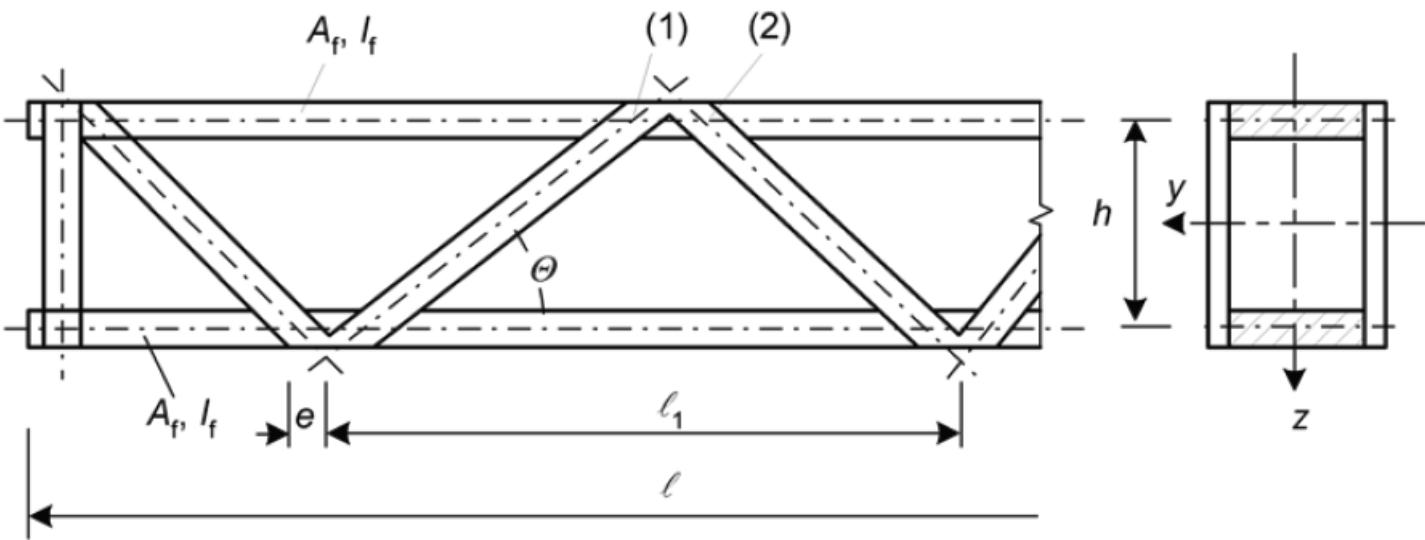


## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- Rešetkasto sastavljeni stupovi:
- Pretpostavke:
  - Vitkost svakog pojasa rešetkasto sastavljenog stupa, u odnosu na razmak čvorova,  $l_1$ :
$$\lambda_1 \leq 60$$
  - Na duljini  $l_1$  pojasa (između čvorova) nema pojave lokalnog izvijanja.
  - Broj čavala za vertikalnu (za N-rešetkasto sastavljeni stupove) je veći od  $n \sin\theta$ , gdje su  $n$  broj čavala u dijagonali, a  $\theta$ , nagib dijagonale.



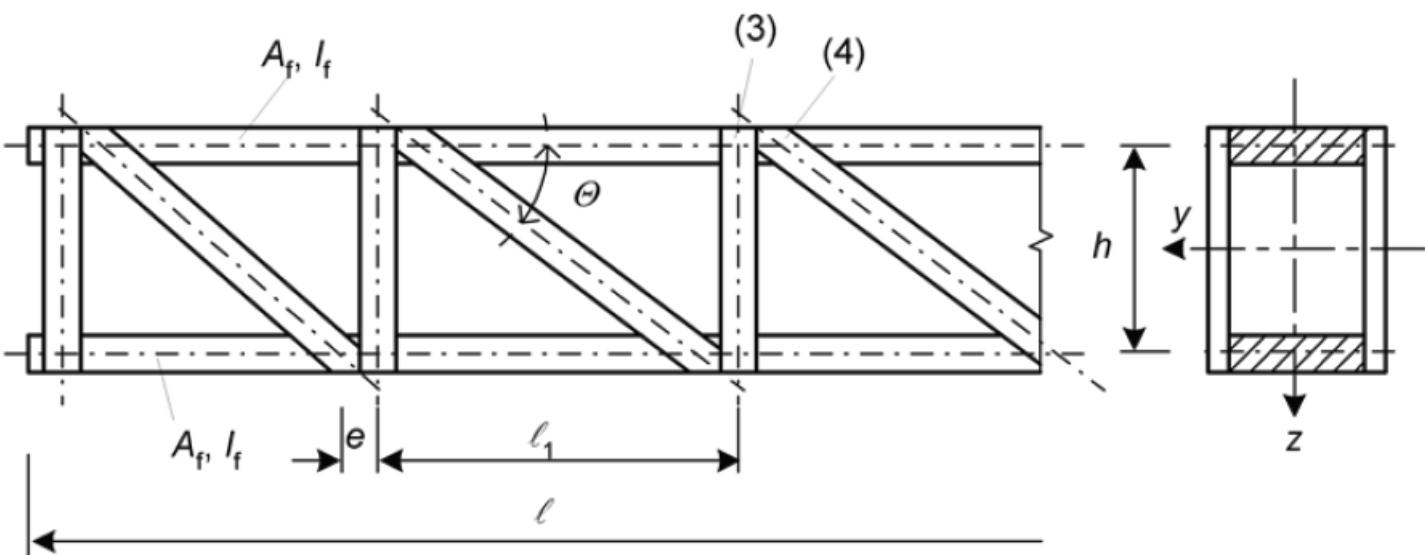
• REŠETKASTO SASTAVLJENI STUPOVI S  
 LIJEPLJENIM I ČAVLANIM SPOJEVIMA  
 • N-isputna i V-isputna



- (1) broj čavala: n
- (2) broj čavala: n

a)

- (3) broj čavala:  $\geq n \sin \theta$
- (4) broj čavala: n



b)



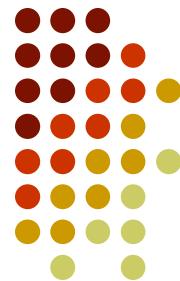
## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- Rešetkasto sastavljeni stupovi:
- Nosivost:
- Za deformiranje sastavljenog stupa u smjeru y-osi (izvijanje oko materijalne z-osi), nosivost treba odrediti kao sumu nosivosti pojedinačnih (glavnih) dijelova presjeka.

$$\lambda = \lambda_z$$

- Za deformiranje sastavljenog stupa u smjeru z-osi (izvijanje oko slobodne osi y-y), provjeru nosivosti treba provesti za djelotvornu vitkost:

$$\lambda_{\text{ef}} = \max \begin{cases} \lambda_{\text{tot}} \sqrt{1 + \mu} \\ 1,05 \lambda_{\text{tot}} \end{cases}$$



## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- Rešetkasto sastavljeni stupovi:

- Nosivost:

- Oznake i simboli:

$\lambda_{\text{tot}}$  vitkost pri izvijanju stupa cjelovitog presjeka jednake duljine,  $l$ , jednake ploštine,  $A_{\text{tot}}$  i momenta tromosti,  $I_{\text{tot}}$

$$\lambda_{\text{tot}} \approx \frac{2l}{h}$$

$\mu$  faktor određen za geometriju rešetkastog stupa i vrstu spoja



## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- Rešetkasto sastavljeni stupovi:
- Nosivost:
- Faktor geometrije i vrste priključka – spoja,  $\mu$ :
  - Lijepljeni V – rešetkasto sastavljeni stupovi

$$\mu = 4 \frac{e^2 A_f}{I_f} \cdot \left( \frac{h}{l} \right)^2$$

- Lijepljeni N – rešetkasto sastavljeni stupovi

$$\mu = \frac{e^2 A_f}{I_f} \cdot \left( \frac{h}{l} \right)^2$$

$e$  ekscentricitet u čvorovima

$A_f$  ploština pojasa (rešetkasto sastavljenog stupa)

$I_f$  moment tromosti pojasa

$l$  raspon glavnih dijelova – pojaseva

$h$  osni razmak pojaseva – glavni dijelovi rešetkasto sastavljenog stupa



## MEHANIČKIM SPAJALIMA SASTAVLJENI STUPOVI

- Rešetkasto sastavljeni stupovi:
- Nosivost:
- Faktor geometrije i vrste priključka – spoja,  $\mu$ :
  - Čavlani V – rešetkasto sastavljeni stupovi

$$\mu = 25 \frac{h E_{\text{mean}} A_f}{l^2 n K_u \sin 2\theta}$$

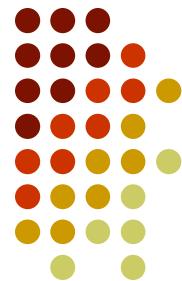
- Čavlani N – rešetkasto sastavljeni stupovi

$$\mu = 50 \frac{h E_{\text{mean}} A_f}{l^2 n K_u \sin 2\theta}$$

$n$  broj čavala za dijagonalu (kad je dijagonala dvodijelna, ili se sastoji od više dijelova,  $n$  je ukupan broj čavala, a ne broj čavala po jednoj posmičnoj ravnini)

$E_{\text{mean}}$  srednja vrijednost modula elastičnosti

$K_u$  modul klizanja za jedan čavao i granično stanje nosivosti



## DODATNA LITERATURA:

- A. Bjelanović, V. Rajčić: “Drvene konstrukcije prema europskim normama” – udžbenik